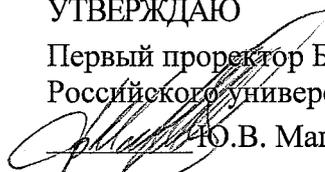


Межгосударственное образовательное учреждение высшего образования
«Белорусско-Российский университет»

УТВЕРЖДАЮ

Первый проректор Белорусско-
Российского университета


А.В. Машин

«20» 12 2019 г.

Регистрационный № УД-010304/Б.Р.О.19/р

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ В ЧАСТНЫХ ПРОИЗВОДНЫХ
(наименование дисциплины)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика

Направленность (профиль) Разработка программного обеспечения

Квалификация Бакалавр

| | Форма обучения |
|---|----------------|
| | Очная |
| Курс | 2 |
| Семестр | 4 |
| Лекции, часы | 34 |
| Практические занятия, часы | 34 |
| Зачёт, семестр | 4 |
| Контактная работа по учебным занятиям, часы | 68 |
| Самостоятельная работа, часы | 40 |
| Всего часов / зачетных единиц | 108/3 |

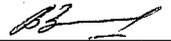
Кафедра-разработчик программы: «Высшая математика»

Составитель: И.И. Маковецкий, к.ф.-м.н., доцент, О.А. Маковецкая
(И.О. Фамилия, ученая степень, ученое звание)

Могилев, 2019

Рабочая программа составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.04 Прикладная математика № 11 от 10.01.2018 г., учебным планом рег. № 010304-1 от 25.10.2019 г.

Рассмотрена и рекомендована к утверждению кафедрой «Высшая математика» 28.11.2019 г., протокол № 3.

Зав. кафедрой  В.Г. Замураев

Одобрена и рекомендована к утверждению Научно-методическим советом Белорусско-Российского университета

«18» декабря 2019 г., протокол № 3.

Зам. председателя
Научно-методического совета

 С.А. Сухоцкий

Рецензент:

И.Н. Сидоренко, доцент кафедры программного обеспечения информационных технологий УО «Могилевский государственный университет им. А.А. Кулешова»

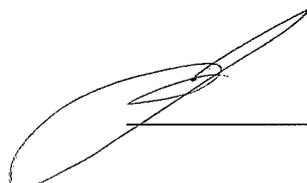
(И.О. Фамилия, должность, ученая степень, ученое звание рецензента)

Рабочая программа согласована:

Ведущий библиотекарь



Начальник учебно-методического
отдела

 В.А. Кемова

1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

1.1 Цель учебной дисциплины

Целью изучения дисциплины является получение студентами навыков математического моделирования физических и экономических процессов с использованием уравнений с частными производными, а также освоение методов решения и исследования краевых задач для них

1.2 Планируемые результаты изучения дисциплины

В результате освоения учебной дисциплины студент должен

знать:

- классификацию и методы приведения к каноническому виду уравнений второго порядка с двумя и многими независимыми переменными;
 - методы решения и обоснования корректности задачи Коши для уравнения колебания струны и уравнения теплопроводности;
 - постановку и методы решения смешанных задач для уравнений гиперболического и параболического типа;
 - постановку и методы решения краевых задач для уравнений эллиптического типа;
 - описание марковских стохастических процессов;
- построение социально-экономических моделей с помощью обыкновенных стохастических дифференциальных уравнений;

уметь:

- приводить к каноническому виду уравнения второго порядка;
- решать задачу Коши для волнового уравнения и уравнения теплопроводности;
- решать смешанные задачи для уравнений колебания струны и теплопроводности;
- решать краевые задачи для уравнения Лапласа и Пуассона;
- применять параболические уравнения для описания случайных процессов;
- исследовать уравнения Колмогорова для марковских процессов;
- строить математические модели социально-экономических процессов, использующих уравнения с частными производными;

владеть:

- навыками практического использования изученного математического аппарата для решения конкретных задач;
- современными компьютерными технологиями, позволяющими решать и дифференциальные уравнения с частными производными;
- навыками использования открытых Интернет-ресурсов в этих целях.

1.3 Место учебной дисциплины в системе подготовки студента

Дисциплина относится к Блоку 1 "Дисциплины (модули)" (Обязательная часть).

Перечень учебных дисциплин, изучаемых ранее, усвоение которых необходимо для изучения данной дисциплины:

- Линейная алгебра;
- Математический анализ;
- Аналитическая геометрия;
- Вычислительные методы алгебры;
- Теория вероятностей и случайные процессы;
- Обыкновенные дифференциальные уравнения.

Перечень учебных дисциплин, которые будут опираться на данную дисциплину:

- Теория функций и функциональный анализ;
- Численные методы математической физики;
- Исследование операций и теория игр;

- Математическое моделирование в естествознании, технике и экономике.

1.4 Требования к освоению учебной дисциплины

Освоение данной учебной дисциплины должно обеспечивать формирование следующих компетенций:

| Коды формируемых компетенций | Наименования формируемых компетенций |
|------------------------------|---|
| ОПК-2 | Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем |
| ОПК-3 | Способен использовать и развивать методы математического моделирования и применять аналитические и научные пакеты прикладных программ |
| ПК-1 | Способен формулировать постановки задач моделирования, осуществлять анализ математических моделей и проверять их корректность |
| ПК-2 | Способен обоснованно выбирать методы решений поставленных математических задач, разрабатывать алгоритмы решений, реализовывать алгоритмы в виде программ, анализировать результаты |

2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Вклад дисциплины в формирование результатов обучения выпускника (компетенций) и достижение обобщенных результатов обучения происходит путём освоения содержания обучения и достижения частных результатов обучения, описанных в данном разделе.

2.1 Содержание учебной дисциплины

| Номер тем | Наименование тем | Содержание | Коды формируемых компетенций |
|-----------|---|--|------------------------------|
| 1 | Классификация уравнений | Основные понятия об уравнениях с частными производными. Классификация уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными. Системы уравнений с частными производными. Замена независимых переменных в уравнениях второго порядка. Уравнение характеристик. Приведение к каноническому виду уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными. Классические решения простейших уравнений с частными производными. Общее решение гиперболических уравнений второго порядка с двумя переменными. Классификация уравнений второго порядка со многими независимыми переменными. Приведение к каноническому виду уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами. Исключение младших производных в уравнениях | ОПК-2, ОПК-3, ПК-1, ПК-2 |
| 2 | Задача Коши для уравнений с частными производными | Постановка задачи Коши. Теорема Коши-Ковалевской. Метод характеристик. Формула Даламбера для решения задачи Коши для уравнения колебаний струны. Корректно поставленные задачи. Корректность задачи Коши для уравнения колебаний | ОПК-2, ОПК-3, ПК-1, ПК-2 |

| | | | |
|---|---|--|--------------------------|
| | | <p>струны. Пример Адамара некорректно поставленной задачи Коши.</p> <p>Метод интегральных преобразований для решения задачи Коши для параболических уравнений.</p> <p>Принцип максимума и минимума для уравнения теплопроводности, следствия. Корректность задачи Коши для уравнения теплопроводности.</p> <p>Пространство основных функций. Обобщенные функции и их свойства. Сингулярные обобщенные функции, дельта-функция Дирака. Обобщенная производная, обобщенные решения уравнений с частными производными. Фундаментальное решение уравнений. Фундаментальное решение и решение задачи Коши для уравнения Колмогорова.</p> | |
| 3 | Смешанные задачи для гиперболических и параболических уравнений | <p>Постановка смешанных задач для уравнения колебаний струны. граничные условия первого, второго и третьего рода, физическая интерпретация.</p> <p>Задача Штурма - Лиувилля для обыкновенных дифференциальных уравнений второго порядка. Свойства собственных функций и собственных значений задачи Штурма - Лиувилля. Метод разделения переменных при решении смешанных задач для уравнения колебаний струны. Решение первой смешанной задачи, обоснование решения.</p> <p>Постановка смешанных задач для уравнения теплопроводности, физическая интерпретация. Решение смешанных задач для уравнения теплопроводности методом разделения переменных. Решение первой смешанной задачи для уравнения теплопроводности в стержне, обоснование решения. Корректность первой смешанной задачи.</p> | ОПК-2, ОПК-3, ПК-1, ПК-2 |
| 4 | Краевые задачи для эллиптических уравнений | <p>Уравнение Лапласа. Гармонические функции. Фундаментальное решение для уравнения Лапласа. Формулы Грина для оператора Лапласа. Интегральная формула Грина для гармонических функций. Свойства гармонических функций. Принцип максимума и минимума для гармонических функций, следствия.</p> <p>Краевые задачи Дирихле, Неймана и третьего рода для эллиптических уравнений. Спектральная задача для оператора Лапласа. Корректность внутренних и внешних краевых задач для уравнения Лапласа и Пуассона. Метод разделения переменных для решения задачи Дирихле в круге. Интеграл Пуассона.</p> | ОПК-2, ОПК-3, ПК-1, ПК-2 |
| 5 | Уравнения с частными производными в реальных моделях | <p>Динамические модели денежных накоплений семьи с использованием стохастических дифференциальных уравнений. Одномерные марковские стохастические процессы в моделировании случайных денежных накоплений. Условная плотность вероятностей стохастического процесса и ее свойства.</p> <p>Параболические уравнения Колмогорова. Вывод параболического уравнения денежных накоплений ансамбля семей. Постановка задач для уравнения денежных накоплений, смешанные задачи с нелокальными граничными условиями. Решение задачи Коши для уравнения денежных накоплений.</p> <p>Стохастические дифференциальные уравнения в форме Ито. Связь задачи Коши для стохастического уравнения с задачей Коши для уравнения Колмогорова. Замена переменных в уравнениях Колмогорова. Формула дифференцирования Ито. Моделирование динамики стоимости ценных бумаг с помощью стохастических дифференциальных</p> | ОПК-2, ОПК-3, ПК-1, ПК-2 |

| | | | |
|--|--|--|--|
| | | уравнений. Уравнение для плотности распределения акций в пространстве цен и смешанная задача для него. Уравнение Блэка - Шоулса, смешанная задача для функции стоимости опциона. | |
|--|--|--|--|

2.2 Учебно-методическая карта учебной дисциплины

| № недели | Лекции (наименование тем) | Часы | Практические (семинарские) занятия | Часы | Самостоятельная работа, часы | Форма контроля знаний | Баллы (max) |
|-----------------|--|------|---|------|---------------------------------|--------------------------|-------------|
| Модуль 1 | | | | | | | |
| 1 | 1. Классификация уравнений | 2 | Пр. р. 1 Основные понятия и определения уравнений с частными производными. Классификация уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными. Аналитические решения простейших уравнений с частными производными | 2 | 2 | | |
| 2 | 1. Классификация уравнений | 2 | Пр. р. 2 Приведение к каноническому виду уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными | 2 | 2 | | |
| 3 | 1. Классификация уравнений | 2 | Пр. р. 3 Классификация уравнений второго порядка со многими независимыми переменными. Приведение к каноническому виду | 2 | 2 | | |
| 4 | 1. Классификация уравнений | 2 | Пр. р. 4 Общее решение гиперболических уравнений второго порядка с двумя независимыми переменными | 2 | 2 | | |
| 5 | 2. Задача Коши для уравнений с частными производными | 2 | Пр. р. 5 Решение задачи Коши для гиперболических уравнений методом характеристик | 2 | 2 | | |
| 6 | 2. Задача Коши для уравнений с частными производными | 2 | Пр. р. 6 Метод интегральных преобразований для решения задачи Коши для параболических и гиперболических уравнений | 2 | 2 | | |
| 7 | 2. Задача Коши для уравнений с частными производными | 2 | Пр. р. 7 Постановка смешанных задач для уравнения колебаний струны и уравнения теплопроводности. Физический смысл граничных условий | 2 | 2 | КР ЗИЗ | 15 15 |
| 8 | 3. Смешанные задачи для гиперболических и параболических уравнений | 2 | Пр. р. 8 Решение смешанных задач методом разделения переменных для уравнения колебаний струны с однородными граничными условиями. | 2 | 2 | ПКУ | 30 |
| Модуль 2 | | | | | | | |
| 9 | 3. Смешанные задачи для гиперболических и параболических уравнений | 2 | Пр. р. 9 Задача Штурма -Лиувилля | 2 | 2 | | |
| 10 | 3. Смешанные задачи для гиперболических и параболических уравнений | 2 | Пр. р. 10 Решение смешанных задач методом разделения переменных для уравнения теплопроводности в стержне с однородными граничными условиями | 2 | 2 | | |
| 11 | 3. Смешанные задачи для гиперболических и параболических уравнений | 2 | Пр. р. 11 Решение смешанных задач с неоднородными граничными условиями для уравнений колебания струны и теплопроводности | 2 | 2 | | |
| 12 | 4. Краевые задачи для эллиптических уравнений | 2 | Пр. р. 12 Решение смешанных задач с неоднородными граничными условиями для неоднородных уравнений | 2 | 2 | | |
| 13 | 4. Краевые задачи для эллиптических уравнений | 2 | Пр. р. 13 Задачи Дирихле и Неймана для уравнений Лапласа и Пуассона | 2 | 2 | | |

| | | | | | | | |
|----|---|----|---|----|----|----------------------|----------|
| 14 | 4. Краевые задачи для эллиптических уравнений | 2 | Пр. р. 14 Метод Фурье при решении смешанных задач для уравнения теплопроводности в пластине | 2 | 2 | | |
| 15 | 5. Уравнения с частными производными в реальных моделях | 2 | Пр. р. 15 Примеры марковских стохастических процессов. Уравнения Колмогорова. Решение задачи Коши для стохастических дифференциальных уравнений | 2 | 6 | КР ЗИЗ | 15 15 |
| 16 | 5. Уравнения с частными производными в реальных моделях | 2 | Пр. р 16 Постановка и решение смешанных задач для уравнения денежных накоплений | 2 | 3 | | |
| 17 | 5. Уравнения с частными производными в реальных моделях | 2 | Пр. р. 17 Постановка и решение смешанных задач для уравнения для уравнения Блэка - Шоулса | 2 | 3 | ПКУ ПА (зачет) | 30 40 |
| | Итого | 34 | | 34 | 40 | | 100 |

Принятые обозначения:

Текущий контроль –

КР – контрольная работа;

ЗИЗ – защита индивидуального задания;

ПКУ – промежуточный контроль успеваемости.

ПА - Промежуточная аттестация.

Итоговая оценка определяется как сумма текущего контроля и промежуточной аттестации и соответствует баллам:

Зачет

| | | |
|--------|---------|------------|
| Оценка | Зачтено | Не зачтено |
| Баллы | 51-100 | 0-50 |

3 ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При изучении дисциплины используется модульно-рейтинговая система оценки знаний студентов. Применение форм и методов проведения занятий при изучении различных тем курса представлено в таблице.

| № п/п | Форма проведения занятия | Вид аудиторных занятий** | | Всего часов |
|-------|--------------------------|--------------------------|----------------------|-------------|
| | | Лекции | Практические занятия | |
| 1 | Традиционные | | Пр. р. 1-17 | 34 |
| 2 | Мультимедиа | Лекции 1-5 | | 34 |
| | ИТОГО | | | 68 |

4 ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

Используемые оценочные средства по учебной дисциплине представлены в таблице и хранятся на кафедре.

| № п/п | Вид оценочных средств | Количество комплектов |
|-------|------------------------|-----------------------|
| 1 | Вопросы к зачету | 1 |
| 2 | Контрольные задания | 2 |
| 3 | Индивидуальные задания | 2 |

5 МЕТОДИКА И КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ КОМПЕТЕНЦИЙ СТУДЕНТОВ

5.1 Уровни сформированности компетенций

| № п/п | Уровни сформированности компетенции | Содержательное описание уровня | Результаты обучения |
|---|-------------------------------------|---|--|
| <i>Компетенция ОПК-2</i> Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем | | | |
| ОПК-2.11 Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач методы и модели теории дифференциальных уравнений в частных производных, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем | | | |
| 1 | Пороговый уровень | Обязательный для всех выпускников университета по завершении ООП ВПО | Знает основные типы дифференциальных уравнений в частных производных, основные методы их решений, умеет их применять к решению типовых задач |
| 2 | Продвинутый уровень | Превышение минимальных характеристик сформированности компетенции для выпускника университета | Владеет методами решения дифференциальных уравнений в частных производных, умеет их применять |
| 3 | Высокий уровень | Максимально возможная выраженность компетенции | Владеет методами решения обыкновенных дифференциальных уравнений в частных производных, способен модифицировать известный метод теории дифференциальных уравнений в частных производных для решения для решения конкретной прикладной задачи |
| <i>Компетенция ОПК-3</i> Способен использовать и развивать методы математического моделирования и применять аналитические и научные пакеты прикладных программ | | | |
| ОПК-3.7 Способен использовать и развивать методы теории дифференциальных уравнений в частных производных при решении задач математического моделирования | | | |
| 1 | Пороговый уровень | Обязательный для всех выпускников университета по завершении ООП ВПО | Знает прикладные задачи, при моделировании которых используются дифференциальные уравнения в частных производных. Использует основные методы решения дифференциальных уравнений в частных производных для решения задач математического моделирования. |
| 2 | Продвинутый уровень | Превышение минимальных характеристик сформированности | Применяет методы теории дифференциальных уравнений в частных производных для решения |

| | | | |
|---|---------------------|---|---|
| | | компетенции для выпускника университета | любых задач математического моделирования |
| 3 | Высокий уровень | Максимально возможная выраженность компетенции | Способен самостоятельно вести исследования в предметной области, связанной с получением новых методов решения дифференциальных уравнений в частных производных и их систем |
| <i>Компетенция ПК-1</i> Способен формулировать постановки задач моделирования, осуществлять анализ математических моделей и проверять их корректность | | | |
| ПК-1.5 Способен использовать знание теории дифференциальных уравнений в частных производных при постановке задач моделирования и анализе математических моделей | | | |
| 1 | Пороговый уровень | Обязательный для всех выпускников университета по завершении ООП ВПО | Способен различать математические модели, для исследования которых необходимо использовать математический аппарат теории дифференциальных уравнений в частных производных |
| 2 | Продвинутый уровень | Превышение минимальных характеристик сформированности компетенции для выпускника университета | Способен выполнить постановку задачи математического моделирования с использованием математического аппарата теории дифференциальных уравнений в частных производных |
| 3 | Высокий уровень | Максимально возможная выраженность компетенции | Способен произвести декомпозицию математической модели и самостоятельно выполнить анализ ее компонентов с использованием теории дифференциальных уравнений в частных производных, трактовать результаты математического моделирования |
| <i>Компетенция ПК-2</i> Способен обоснованно выбирать методы решений поставленных математических задач, разрабатывать алгоритмы решений, реализовывать алгоритмы в виде программ, анализировать результаты | | | |
| ПК-2.9 Способен применять знание теории дифференциальных уравнений в частных производных при выборе аналитических или алгоритмических методов решений задач, осуществлять поиск решений, анализировать результаты | | | |
| 1 | Пороговый уровень | Обязательный для всех выпускников университета по завершении ООП ВПО | Различает аналитические и алгоритмические методы решения задач теории дифференциальных уравнений в частных производных, умеет их применять для решения типовых задач |

| | | | |
|---|---------------------|---|--|
| 2 | Продвинутый уровень | Превышение минимальных характеристик сформированности компетенции для выпускника университета | Способен по данным задачи выбрать аналитический или алгоритмический метод ее решения, найти ее решение |
| 3 | Высокий уровень | Максимально возможная выраженность компетенции | Способен обосновать метод решения прикладной задачи, осуществить поиск ее решения, выполнить анализ полученных результатов |

5.2 Методика оценки знаний, умений и навыков студентов

| Результаты обучения | Оценочные средства |
|--|---|
| <i>Компетенция ОПК-2</i> Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем | |
| Знает основные типы дифференциальных уравнений в частных производных, основные методы их решений, умеет их применять к решению типовых задач | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Владет методами решения дифференциальных уравнений в частных производных, умеет их применять | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Владет методами решения дифференциальных уравнений в частных производных, способен модифицировать известный метод теории дифференциальных уравнений в частных производных для решения для решения конкретной прикладной задачи | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| <i>Компетенция ОПК-3</i> Способен использовать и развивать методы математического моделирования и применять аналитические и научные пакеты прикладных программ | |
| Знает прикладные задачи, при моделировании которых используются дифференциальные уравнения в частных производных. Использует основные методы решения дифференциальных уравнений в частных производных для решения задач математического моделирования. | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Применяет методы теории дифференциальных уравнений в частных производных для решения любых задач математического моделирования | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Способен самостоятельно вести исследования в предметной области, связанной с получением новых методов решения дифференциальных уравнений в частных производных и их систем | Индивидуальные задания. Контрольные задания |

| | |
|---|---|
| <i>Компетенция ПК-1</i> Способен формулировать постановки задач моделирования, осуществлять анализ математических моделей и проверять их корректность | |
| Способен различать математические модели, для исследования которых необходимо использовать математический аппарат теории дифференциальных уравнений в частных производных | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Способен выполнить постановку задачи математического моделирования с использованием математического аппарата теории дифференциальных уравнений в частных производных | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Способен произвести декомпозицию математической модели и самостоятельно выполнить анализ ее компонентов с использованием теории дифференциальных уравнений в частных производных, трактовать результаты математического моделирования | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| <i>Компетенция ПК-2</i> Способен обоснованно выбирать методы решений поставленных математических задач, разрабатывать алгоритмы решений, реализовывать алгоритмы в виде программ, анализировать результаты | |
| Различает аналитические и алгоритмические методы решения задач теории дифференциальных уравнений в частных производных, умеет их применять для решения типовых задач | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Способен по данным задачи выбрать аналитический или алгоритмический метод ее решения, найти ее решение | Индивидуальные задания. Контрольные задания |
| Способен обосновать метод решения прикладной задачи, осуществить поиск ее решения, выполнить анализ полученных результатов | Индивидуальные задания. Контрольные задания |

5.3 Критерии оценки практических работ

Для оценки практических работ предусмотрена модульно-рейтинговая система. В 3 семестре запланировано выполнение по одному индивидуальному заданию и по одной контрольной работе в первом и втором модулях. Одно индивидуальное задание оценивается в 15 баллов. Одна контрольная работа оценивается в 15 баллов.

5.4 Критерии оценки зачета

Для оценки зачета предусмотрено выполнение 4 практических заданий, каждое из которых оценивается в 10 баллов. Всего можно набрать 40 баллов.

6 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОРГАНИЗАЦИИ И ВЫПОЛНЕНИЮ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ

Самостоятельная работа студентов (СРС) направлена на закрепление и углубление освоения учебного материала, развитие практических умений. СРС включает следующие виды самостоятельной работы студентов:

1. Изучение литературы по дисциплине
2. Выполнение индивидуальных заданий
3. Ответы на контрольные вопросы

Перечень контрольных вопросов и заданий для самостоятельной работы студентов приведен в приложении и хранится на кафедре.

Для СРС рекомендуется использовать источники, приведенные в п. 7.

7 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

7.1 Основная литература

| № п/п | Библиографическое описание | Гриф | Количество экземпляров |
|-------|--|------|------------------------|
| 1 | Уравнения математической физики : учеб. пособие /В.В. Лесин. — М.: КУРС: ИНФРА-М, 2017. — 240 с. - Режим доступа: http://znanium.com/catalog/product/520539 | нет | Znanium.com |
| 2 | Уравнения математической физики. Практикум. Компьютерные технологии решения задач : учеб. пособие / К.В. Титов.— М. : РИОР : ИНФРА-М, 2019. - 262 с. - (Высшее образование). - DOI: https://doi.org/10.29039/01812-5 - Режим доступа: http://znanium.com/catalog/product/1023989 | нет | Znanium.com |

7.2 Дополнительная литература

| № п/п | Библиографическое описание | Гриф | Количество экземпляров |
|-------|--|------|------------------------|
| 1 | Уравнения математической физики : теория и практика [Электронный ресурс] : учебное пособие / сост. В.Г. Абдрахманов, Г. Т. Булгакова. — 2-е изд., стер. — Москва : ФЛИНТА, 2019. — 338 с. – ISBN 978-5-9765-1988-6. – Режим доступа: http://znanium.com/catalog/product/1047468 - Текст : электронный. - URL: http://znanium.com/catalog/product/1047468 | нет | Znanium.com |

7.3 Перечень ресурсов сети Интернет по изучаемой дисциплине

<http://exponenta.ru/>

7.4 Перечень наглядных и других пособий, методических рекомендаций по проведению учебных занятий, а также методических материалов к используемым в образовательном процессе техническим средствам

7.4.1 Методические рекомендации

1 Маковецкий И.И. Дифференциальные уравнения в частных производных. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов направления

подготовки 01.03.04 Прикладная математика дневной формы обучения. Могилев: 2019 г.-
48 с.

7.4.2 Информационные технологии

Мультимедийные презентации:

1. Классификация уравнений.
2. Задача Коши для уравнений с частными производными
3. Смешанные задачи для гиперболических и параболических уравнений
4. Краевые задачи для эллиптических уравнений
5. Уравнения с частными производными в реальных моделях

8 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Материально-техническое обеспечение дисциплины содержится в паспорте лаборатории «405», рег. номер ПУЛ-4.535-405/1-19.