

ТЭХНАЛОГІЯ МАШЫНАБУДАВАННЯ

УДК 621.81.002.73.001.24

М. Ф. ПАШКЕВІЧ

РАСЧЕТ ПОГРЕШНОСТЕЙ УСТАНОВКИ ДЕТАЛЕЙ НА МЕТАЛЛОРЕЖУЩИХ СТАНКАХ

Погрешности обработанных деталей в значительной мере определяются погрешностями установки заготовок на станках, которые в свою очередь включают погрешности базирования и закрепления, а также погрешности, связанные с неточностями и износом приспособления и его неточной установкой на станке. На практике приходится вести расчет погрешностей установки всякий раз, когда разрабатывается технологический процесс обработки детали или проектируется станочное приспособление.

Задача расчета погрешностей установки решена и методика этого расчета изложена в [1, 2]. Однако последняя связана со значительными трудностями, обусловленными идентификацией баз, составлением матрицы нормальных координат опорных точек и матрицы налагаемых связей для приведения любой реальной схемы установки заготовки к теоретической схеме базирования с шестью опорными точками.

Ранее мы показали [3], что многих трудностей в существующей теории базирования можно избежать, если отказаться от теоретических схем базирования и правила шести точек. Оказалось, что при этом можно существенно упростить и расчет погрешностей установки заготовок. Ниже приведем предлагаемую методику.

На основе анализа положений теории базирования было сформулировано два основных принципа базирования, т. е. придания заготовке или изделию требуемого положения относительно выбранной системы координат:

для обеспечения полной ориентации (полного базирования) заготовки или изделия в выбранной системе координат необходимо придать соответствующую ориентацию системе координат технологических баз заготовки или изделия в шести направлениях — вдоль и вокруг трех координатных осей, — что достигается либо с помощью специальных опорных устройств, либо выверкой;

для достижения требуемой точности обработки на данной операции при базировании и закреплении необходимо ориентировать заготовку с соответствующей точностью лишь в направлениях выполняемых размеров и направлениях, определяющих расположение обрабатываемых поверхностей, в то время как в других направлениях строгой ориентации положения заготовки может не быть (неполное базирование).

Рассмотрим базирование заготовок непосредственно на столе станка с позиции сформулированных принципов. Связем с деталью систему координат $X_1Y_1Z_1$. Ее положение в системе координат $X_0Y_0Z_0$, связанной со станком, определяется шестью независимыми координатами — X_0 , Y_0 и Z_0 — координатами ее начала и α , β , γ — углами последовательных поворотов системы координат $X_0Y_0Z_0$ вокруг оси X_0 , нового положения оси Y_0 , а затем вокруг нового положения оси Z_0 соответственно, переводящими систему координат $X_0Y_0Z_0$ в $X_1Y_1Z_1$. Таким образом, в общем случае положение детали может быть определено вектором смещения r (X_0 , Y_0 , Z_0) и вектором относительного поворота $\phi(\alpha, \beta, \gamma)$.

На рис. 1 представлен пример базирования. Система $X_1Y_1Z_1$, связанная с призматической деталью, изображена повернутой относительно оси X_0 на угол α в положительном направлении (против часовой стрелки, если смотреть с конца оси X_0). В данном случае $r(0, Y_0, Z_0)$, $\phi(\alpha, 0, 0)$. Если значения координат вектора r известны, а также задано значение угла α , то всегда можно определить координаты любой точки детали в системе координат $X_0Y_0Z_0$ по ее координатам в системе $X_1Y_1Z_1$ и наоборот. Для этого требуется располагать направляющими ко-

синусами осей координат одной системы в другой, т. е. матрицей преобразования пространства, состоящего в его повороте на угол α вокруг оси X_0 в положительном направлении. Такая матрица выглядит так:

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \alpha & \sin \alpha \\ 0 & -\sin \alpha & \cos \alpha \end{vmatrix}. \quad (1)$$

Общая передаточная характеристика в частотном виде

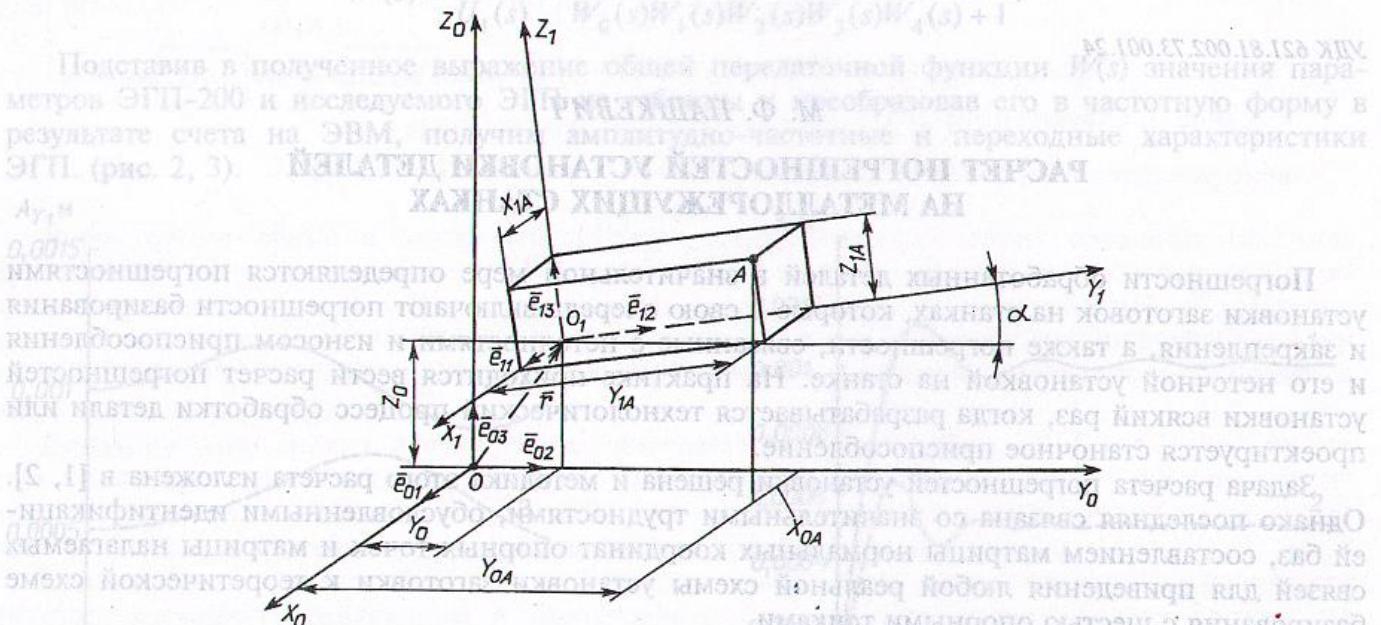


Рис. 1. Базирование призматической детали на станке: $X_0Y_0Z_0$ — система координат станка; $X_1Y_1Z_1$ — система координат основных технологических баз детали.

Строки матрицы A составлены из направляющих косинусов единичных векторов e_{11} , e_{12} , e_{13} осей координат X_1 , Y_1 и Z_1 соответственно в системе координат $X_0Y_0Z_0$, а столбцы этой матрицы представляют собой направляющие косинусы ортов e_{01} , e_{02} и e_{03} осей координат X_0 , Y_0 и Z_0 соответственно в системе координат $X_1Y_1Z_1$.

Пусть, например, известны координаты некоторой точки A в системе $X_0Y_0Z_0$, т. е. $A(X_0A, Y_0A, Z_0A)$. Тогда в системе координат $X_1Y_1Z_1$ координаты этой точки X_{1A} , Y_{1A} и Z_{1A} можно определить, умножив координаты X_0A , Y_0A и Z_0A на элементы матрицы A , расположенные в соответствующих строках. С учетом координат начала X_0 , Y_0 , Z_0 получим

$$X_{1A} = (X_0A - X_0)a_{11} + (Y_0A - Y_0)a_{12} + (Z_0A - Z_0)a_{13}, \quad (2)$$

$$Y_{1A} = (X_0A - X_0)a_{21} + (Y_0A - Y_0)a_{22} + (Z_0A - Z_0)a_{23}, \quad (3)$$

$$Z_{1A} = (X_0A - X_0)a_{31} + (Y_0A - Y_0)a_{32} + (Z_0A - Z_0)a_{33}, \quad (4)$$

или, используя более короткую запись:

$$\begin{vmatrix} X_{1A} \\ Y_{1A} \\ Z_{1A} \end{vmatrix} = A \begin{vmatrix} X_0A - X_0 \\ Y_0A - Y_0 \\ Z_0A - Z_0 \end{vmatrix}. \quad (5)$$

Если же требуется определить координаты X_0A , Y_0A и Z_0A точки A в системе координат $X_0Y_0Z_0$ по ее координатам X_{1A} , Y_{1A} и Z_{1A} , то в этом случае следует производить вычисления по формулам:

$$X_0A = X_{1A}a_{11} + Y_{1A}a_{21} + Z_{1A}a_{31} + X_0, \quad (6)$$

$$Y_0A = X_{1A}a_{12} + Y_{1A}a_{22} + Z_{1A}a_{32} + Y_0, \quad (7)$$

$$Z_0A = X_{1A}a_{13} + Y_{1A}a_{23} + Z_{1A}a_{33} + Z_0, \quad (8)$$

или в сокращенной записи:

$$\begin{vmatrix} X_{0A} \\ Y_{0A} \\ Z_{0A} \end{vmatrix} = A^T \begin{vmatrix} X_{1A} \\ Y_{1A} \\ Z_{1A} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} X_0 \\ Y_0 \\ Z_0 \end{vmatrix}, \quad (9)$$

где A^T — транспонированная матрица преобразования, которая получена из матрицы A путем замены в ней строк столбцами, т. е.

$$A^T = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{21} & a_{31} \\ a_{12} & a_{22} & a_{32} \\ a_{13} & a_{23} & a_{33} \end{vmatrix}. \quad (10)$$

В том случае, когда имеют место последовательные повороты на углы α , β и γ , матрица K результирующего преобразования может быть представлена произведением матриц, описывающих эти повороты:

$$K = \begin{vmatrix} \cos\beta \cos\gamma & \sin\alpha \sin\beta \cos\gamma + \cos\alpha \sin\gamma & -\cos\alpha \sin\beta \cos\gamma + \sin\alpha \sin\gamma \\ -\cos\beta \sin\gamma & -\sin\alpha \sin\beta \sin\gamma + \cos\alpha \cos\gamma & \cos\alpha \sin\beta \sin\gamma + \sin\alpha \cos\gamma \\ \sin\beta & -\sin\alpha \cos\beta & \cos\alpha \cos\beta \end{vmatrix}. \quad (11)$$

Эта матрица позволяет определить координаты любой точки A детали при любом способе базирования по уравнениям (5) или (9), в которые вместо матриц A и A^T подставляется матрица K или транспонированная K^T , в зависимости от того, в какой системе координат производятся вычисления.

Таким образом, в самом общем случае любая схема базирования заготовки на станке может быть описана вектором смещения начала системы координат технологических баз заготовки $r(X_0, Y_0, Z_0)$ и матрицей ее поворотов K . Если бы координаты вектора смещения и элементы матрицы поворотов оставались неизменными при обработке партии деталей, а измерительные и технологические базы в направлении выполняемых размеров были совмещены, то погрешность установки отсутствовала бы. В действительности при обработке деталей координаты X_0, Y_0, Z_0 , а также значения углов α, β и γ в силу самых разных причин изменяются на некоторую величину. Колебания этих параметров установки ведут к появлению погрешностей обработки, причем на отклонение размеров в направлении какой-либо оси влияют не только колебания смещения в направлении этой оси, но и повороты вокруг других осей.

Погрешности обработки для любой схемы установки детали также могут быть рассчитаны в соответствии с приведенной методикой. Покажем это на примере расчета погрешности установки.

Установка — это совокупность базирования и закрепления, состоящая в совмещении системы координат $X_1Y_1Z_1$ основных технологических баз детали с системой координат $X_{11}Y_{11}Z_{11}$ вспомогательных баз приспособления, а также системы координат основных баз приспособления XYZ_c системой координат $X_0Y_0Z_0$ вспомогательных баз станка [1, 2]. Последняя обычно связана с направлениями рабочих движений инструмента.

Погрешность установки определяется смещениями и поворотами координатной системы $X_1Y_1Z_1$ относительно системы $X_0Y_0Z_0$. Если установка осуществляется на столе станка без приспособления, то рассматриваются смещения и повороты системы $X_1Y_1Z_1$ в системе $X_0Y_0Z_0$ непосредственно. Если же установка производится в приспособлении, то смещения и повороты системы координат детали $X_1Y_1Z_1$ в системе координат станка $X_0Y_0Z_0$ определяются суммой смещений и поворотов координатной системы XYZ приспособления в координатной системе $X_0Y_0Z_0$ станка и системы координат детали $X_1Y_1Z_1$ в системе координат приспособления XYZ . В этом наиболее общем случае погрешность установки определяется вектором ε_{dc} смещений и вектором $\sigma(\phi, \psi, \theta)$ поворотов. При этом вектор смещений можно представить векторной суммой, т. е.

$$\varepsilon_{dc} = \varepsilon_{pc} + \varepsilon_{dp}, \quad (12)$$

где $\varepsilon_{dc}(\varepsilon_{dx0}, \varepsilon_{dy0}, \varepsilon_{dz0})$ — вектор смещений детали относительно системы координат станка; $\varepsilon_{pc}(\varepsilon_{px0}, \varepsilon_{py0}, \varepsilon_{pz0})$ — вектор смещений приспособления относительно системы координат

станка; $\varepsilon_{dp}(\varepsilon_{dx}, \varepsilon_{dy}, \varepsilon_{dz})$ — вектор смещений детали относительно системы координат приспособления.

Векторное уравнение (12) можно представить в координатной форме:

$$\varepsilon_{dx0} = \varepsilon_{px0} + \varepsilon_{dx}, \quad (13)$$

$$\varepsilon_{dy0} = \varepsilon_{py0} + \varepsilon_{dy}, \quad (14)$$

$$\varepsilon_{dz0} = \varepsilon_{pz0} + \varepsilon_{dz}. \quad (15)$$

Каждое из слагаемых ε_{dx} , ε_{dy} и ε_{dz} в уравнениях (13)–(15) состоит из суммы погрешности базирования, обусловленной несовпадением технологической и измерительной баз детали, и погрешности закрепления, связанной с относительным смещением технологической и измерительной баз в направлении выполняемого размера под действием сил закрепления [4]. Погрешности, связанные с установкой приспособления (первые слагаемые уравнений), чаще всего могут быть скомпенсированы настройкой, однако в каждом конкретном случае их влияние на точность выполняемого размера должно рассматриваться отдельно.

Если координатная система $X_1Y_1Z_1$ не только смещена, но и повернута относительно системы $X_0Y_0Z_0$, то погрешности размеров детали, обусловленные погрешностями ее установки относительно осей X_0 , Y_0 и Z_0 , могут быть определены по формулам, аналогичным (5):

$$\begin{vmatrix} \Delta_{x1} \\ \Delta_{y1} \\ \Delta_{z1} \end{vmatrix} = \pi \begin{vmatrix} \varepsilon_{dx0} \\ \varepsilon_{dy0} \\ \varepsilon_{dz0} \end{vmatrix}, \quad (16)$$

где π — матрица преобразования пространства, состоящего в его последовательных поворотах на углы φ , ψ и θ вокруг координатных осей X_0 , Y_0 и Z_0 соответственно.

Углы поворота φ , ψ и θ определяются на основе погрешностей формы и расположения поверхностей детали и приспособления, использующихся в качестве технологических баз на рассматриваемой операции.

Матрица π имеет такой же вид, что и матрица K , т. е.

$$\pi = \begin{vmatrix} \cos \psi \cos \theta & \sin \psi \sin \theta & -\cos \varphi \sin \psi \cos \theta + \sin \varphi \sin \theta \\ -\cos \psi \sin \theta & -\sin \psi \sin \theta & \cos \varphi \sin \psi \sin \theta + \sin \varphi \cos \theta \\ \sin \psi & -\sin \psi \cos \theta & \cos \varphi \cos \psi \end{vmatrix}. \quad (17)$$

Однако матрица π в отличие от матрицы K характеризуется малыми значениями углов поворота. Известно, что для малых углов τ $\cos \tau = 1$, $\sin \tau = \operatorname{tg} \tau = \tau$. Поэтому, исключая из матрицы малые высших порядков (произведения синусов), получаем

$$\pi = \begin{vmatrix} 1 & \theta & -\psi \\ -\theta & 1 & \varphi \\ \psi & -\varphi & 1 \end{vmatrix}. \quad (18)$$

Подставив в (16) матрицу (18) и выполнив формальные преобразования, получим формулы для расчета погрешностей установки в направлениях осей X_1 , Y_1 и Z_1 :

$$\Delta_{x1} = \varepsilon_{dx0} + \varepsilon_{dy0}\theta - \varepsilon_{dz0}\psi, \quad (19)$$

$$\Delta_{y1} = \varepsilon_{dy0} - \varepsilon_{dx0}\theta + \varepsilon_{dz0}\varphi, \quad (20)$$

$$\Delta_{z1} = \varepsilon_{dz0} + \varepsilon_{dx0}\psi - \varepsilon_{dy0}\varphi. \quad (21)$$

Можно также решить и обратную задачу. Если, например, известны погрешности размеров детали в направлении осей X_1 , Y_1 и Z_0 , а также погрешности углового расположения детали относительно системы координат станка, то можно определить допустимые величины смещений детали при ее установке в направлениях X_0 , Y_0 и Z_0 , при которых достигается заданная точность обработки. Расчет этих смещений следует производить по формулам, аналогичным (6)–(8), т. е.

$$\varepsilon_{dx0} = \Delta_{x1} - \Delta_{y1}\theta + \Delta_{z1}\psi, \quad (22)$$

$$\varepsilon_{dy0} = \Delta_{y1} + \Delta_{x1}\theta - \Delta_{z1}\varphi, \quad (23)$$

$$\varepsilon_{dz0} = \Delta z_1 - \Delta x_1 \psi + \Delta y_1 \varphi. \quad (24)$$

Несколько усложняется решение задачи определения погрешностей установки, когда ведется обработка поверхностей детали, расположенных под углом к ее основным технологическим базам. В этом случае в соответствии с изложенным порядком вначале ведется расчет погрешностей установки детали относительно вспомогательных баз приспособления, с которыми совмещаются основные базы детали. Иными словами, вначале определяются смещения и повороты системы координат $X_1 Y_1 Z_1$ основных баз детали относительно системы координат $X_{11} Y_{11} Z_{11}$ вспомогательных баз приспособления, т.е. определяются составляющие вектора смещения ε_{dx1} , ε_{dy1} , ε_{dz1} и углы поворота φ_1 , ψ_1 , θ_1 , по которым можно найти смещения в направлениях осей X_{11} , Y_{11} , Z_{11} . По аналогии с (19)–(21) они равны:

$$\Delta x_{11} = \varepsilon_{dx1} + \varepsilon_{dy1} \theta_1 - \varepsilon_{dz1} \psi_1, \quad (25)$$

$$\Delta y_{11} = \varepsilon_{dy1} - \varepsilon_{dx1} \theta_1 + \varepsilon_{dz1} \varphi_1, \quad (26)$$

$$\Delta z_{11} = \varepsilon_{dz1} + \varepsilon_{dx1} \psi_1 - \varepsilon_{dy1} \varphi_1. \quad (27)$$

По найденным значениям Δx_{11} , Δy_{11} , Δz_{11} определяются смещения детали относительно системы координат XYZ основных баз приспособления. При этом используется соответствующая матрица поворотов (в самом общем случае — матрица K). По аналогии с (9)

$$\begin{vmatrix} \varepsilon_{dx} \\ \varepsilon_{dy} \\ \varepsilon_{dz} \end{vmatrix} = K^T \begin{vmatrix} \Delta x_{11} \\ \Delta y_{11} \\ \Delta z_{11} \end{vmatrix}. \quad (28)$$

Затем определяются смещения приспособления относительно системы координат станка. Сумма их в соответствии с (13)–(15) с найденными по формулам (28) смещениями детали определяет совместно с поворотами погрешности установки.

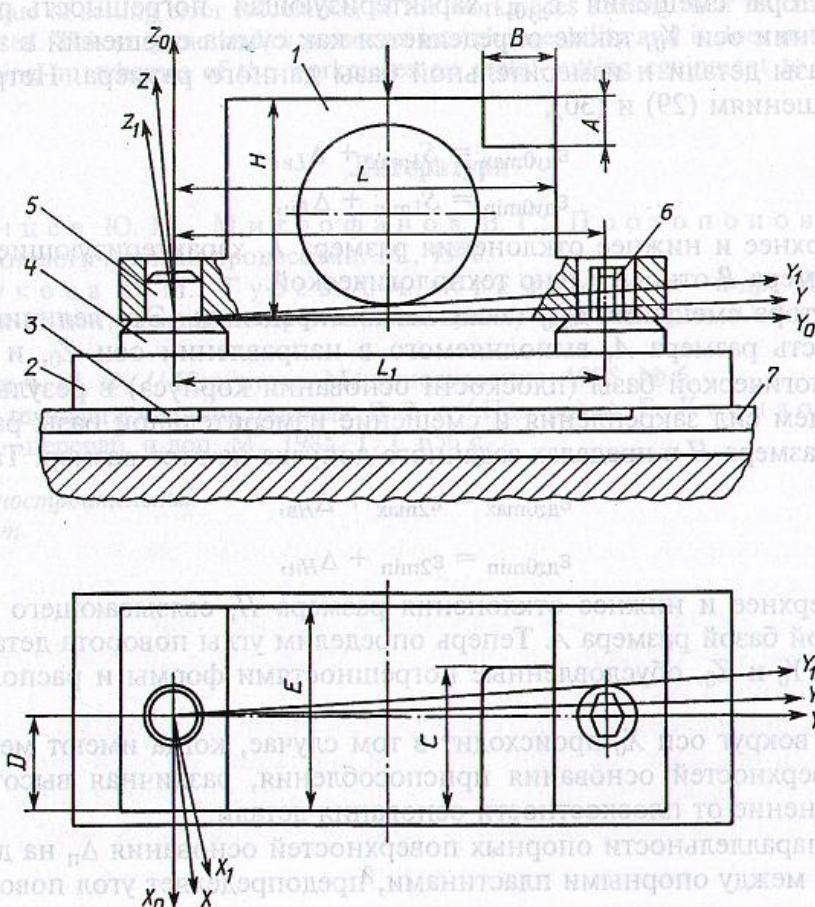


Рис. 2. Схема для расчета погрешностей установки при базировании корпусной детали по плоскости и двум отверстиям: 1 — деталь; 2 — основание приспособления; 3 — направляющая шпонка; 4 — опорная пластина; 5 — палец цилиндрический; 6 — палец срезанный; 7 — стол станка

Рассмотрим применение данной методики при расчете погрешностей установки корпунской детали (рис. 2). Деталь установлена в приспособлении, базирование осуществляется по плоскости основания и двум отверстиям при помощи цилиндрического и срезанного пальцев. Производится фрезерование уступа в размеры A , B и C . Требуется определить погрешности установки для выполняемых размеров.

Выберем три системы координат: $X_0Y_0Z_0$, связанную со станком, $X_1Y_1Z_1$, связанную с основными технологическими базами детали, и XYZ , связанную с вспомогательными базами приспособления.

При базировании детали по плоскости и двум отверстиям на точность ее установки влияют точность диаметральных размеров базовых отверстий и пальцев; точность расположения и геометрической формы базовых поверхностей; точность установки приспособления на столе станка и другие параметры.

Найдем смещения детали в положительных направлениях осей X_0 , Y_0 и Z_0 и ее повороты вокруг этих осей, обусловленные точностными характеристиками базирующих поверхностей, т. е. найдем координаты вектора смещения ε_{dx} и вектора относительных поворотов σ .

Координата вектора смещения ε_{dx0} , характеризующая вместе с поворотами погрешность размера C , измеренного в направлении оси X_0 , определяется как сумма смещений в этом направлении технологической базы детали (оси базового отверстия) и измерительной базы данного размера. При этом наибольшее смещение ε_{dx0max} определяется суммой наибольших зазоров между шпонкой приспособления и пазом стола S_{max} , между цилиндрическим пальцем и базирующим отверстием S_{lmax} и верхним предельным отклонением Δ_{D_B} расстояния D от центра отверстия до измерительной базы размера C , т. е.

$$\varepsilon_{dx0max} = S_{max} + S_{lmax} + \Delta_{D_B}. \quad (29)$$

Наименьшее смещение определяется суммой минимальных зазоров и нижнего предельного отклонения Δ_{D_H} размера D :

$$\varepsilon_{dx0min} = S_{min} + S_{lmin} + \Delta_{D_H}. \quad (30)$$

Координата вектора смещения ε_{dy0} , характеризующая погрешность размера B , выполняемого в направлении оси Y_0 , также определяется как сумма смещений в этом направлении технологической базы детали и измерительной базы данного размера. Нетрудно видеть, что аналогично соотношениям (29) и (30),

$$\varepsilon_{dy0max} = S_{lmax} + \Delta_{L_B}, \quad (31)$$

$$\varepsilon_{dy0min} = S_{lmin} + \Delta_{L_H}, \quad (32)$$

где Δ_{L_B} и Δ_{L_H} — верхнее и нижнее отклонения размера L , характеризующие смещение измерительной базы размера B относительно технологической.

Координату вектора смещения ε_{dz0} также легко определить. Эта величина будет характеризовать погрешность размера A , выполняемого в направлении оси Z_0 , и включать в себя смещение ε_3 технологической базы (плоскости основания корпуса) в результате деформации стыков под действием сил закрепления и смещение измерительной базы размера A , связанное с колебанием размера H в пределах заданного допуска на этот размер. Таким образом,

$$\varepsilon_{dz0max} = \varepsilon_{2max} + \Delta_{H_B}, \quad (33)$$

$$\varepsilon_{dz0min} = \varepsilon_{2min} + \Delta_{H_H}, \quad (34)$$

где Δ_{H_B} и Δ_{H_H} — верхнее и нижнее отклонения размера H , связывающего технологическую базу с измерительной базой размера A . Теперь определим углы поворота детали относительно осей координат X_0 , Y_0 и Z_0 , обусловленные погрешностями формы и расположения базовых поверхностей.

Поворот детали вокруг оси X_0 происходит в том случае, когда имеют место непараллельность опорных поверхностей основания приспособления, различная высота опорных пластин, а также отклонение от плоскости основания детали.

Отклонение от параллельности опорных поверхностей основания Δ_n на длине L_1 , определяющей расстояние между опорными пластинами, предопределяет угол поворота

$$\phi_1 = \arctg (\Delta_n / L_1), \quad (35)$$

изменение высоты двух опорных пластин в пределах допуска T_n дает на длине L_1 угол поворота

$$\varphi_2 = \operatorname{arctg} (T_n/L_1), \quad (36)$$

а отклонение от плоскости основания детали Δ_d на длине L_1 дает угол

$$\varphi_3 = \operatorname{arctg} (\Delta_d/L_1), \quad (37)$$

Если направления поворотов совпадают (самый неблагоприятный случай), то результирующий угол поворота будет определяться суммой:

$$\varphi = \varphi_1 + \varphi_2 + \varphi_3. \quad (38)$$

Поворот детали вокруг оси Y_0 происходит тогда, когда основание приспособления имеет непараллельность плоскостей Δ_n в направлении X_0 , опорные пластины также имеют отклонения Δ_0 от параллельности оснований, а основание детали имеет отклонение от плоскости Δ_d также в этом направлении. При одинаковых направлениях поворотов результирующий угол поворота φ , отнесенный к ширине детали E , можно определить по соотношению

$$\varphi = \operatorname{arctg} ((\Delta_n + \Delta_0 + \Delta_d)/E), \quad (39)$$

Угол поворота детали θ вокруг оси Z_0 имеет место в том случае, когда существуют зазоры S_1 между базовыми отверстиями и пальцами, S между направляющими шпонками приспособления и пазом стола станка, а также непараллельность Δ в плоскости $X_0 Y_0$ оси симметрии шпонок и линии, соединяющей оси установочных пальцев. Нетрудно видеть, что его наибольшее значение можно определить по зависимости

$$\theta = \operatorname{arctg} ((S_{1\max} + S_{\max} + \Delta)/L_1). \quad (40)$$

После определения координат вектора смещения детали и составляющих φ , ψ , θ вектора относительного поворота можно рассчитать погрешности установки детали в направлении любой координатной оси по формулам (15)–(21) и (22)–(24).

Summary

The new technique of setting error calculation of the workpieces during their machining with metal-cutting tools has been reported. This methodics possesses interchangeability and it does not demand for conformation of the real setting-up schemes of the workpieces on metal-cutting equipment to the theoretical locating charts.

Литература

- Соломенцев Ю. М., Митрофанов В. Г., Протопопов С. П. и др. Адаптивное управление технологическими процессами. М., 1980.
- Баранчукова И. М., Гусев А. А., Крамаренко и др. Проектирование технологий: Учебник для студентов машиностроительных вузов / Под общ. ред. Ю. М. Соломенцева. М., 1990.
- Пашкевич М. Ф. // Изв. вузов. Машиностроение. 1995. № 6.
- Справочник технолога-машиностроителя. В 2 т. / Под ред. А. Г. Косиловой, Р. К. Мещякова. 4-е изд., перераб. и доп. М., 1985. Т. 1. 656 с.

Могилевский машиностроительный
институт

Поступила в редакцию
18.12.97