

Межгосударственное образовательное учреждение высшего образования  
«Белорусско-Российский университет»

УТВЕРЖДАЮ

Первый проректор Белорусско-  
Российского университета

Ю. В. Машин

\_\_\_\_\_ 2023

Регистрационный № УД-010304/Б. Р. О. 18/р

## МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

(наименование дисциплины)

### **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика**

**Направленность (профиль) Разработка программного обеспечения**

**Квалификация Бакалавр**

	<b>Форма обучения</b>
	<b>Очная</b>
Курс	1,2
Семестр	1,2,3
Лекции, часы	102
Практические занятия, часы	102
Экзамен, семестр	1,3
Зачет, семестр	2
Контактная работа по учебным занятиям, часы	204
Самостоятельная работа, часы	228
Всего часов / зачетных единиц	432 / 12

Кафедра-разработчик программы: «Высшая математика».

Составители: Т. Ю. Орлова, ст. преп., А. А. Романенко, кандидат физ.-мат. наук, доцент.

(И.О. Фамилия, ученая степень, ученое звание)

Могилев, 2023

Рабочая программа составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.04 Прикладная математика № 11 от 10.01.2018, учебным планом рег. № 010304-2.1 от 28.04.2023.

Рассмотрена и рекомендована к утверждению кафедрой «Высшая математика» 27.04.2023 г., протокол № 8.

Зав. кафедрой В. Г. Замураев

Одобрена и рекомендована к утверждению Научно-методическим советом Белорусско-Российского университета

21. 06. 2023, протокол № 6.

Зам. председателя  
Научно-методического совета

С. А. Сухоцкий

Рецензент:

Владимир Антонович Юрьевич, профессор кафедры техносферной безопасности и общей физики Белорусского Государственного университета пищевых и химических технологий, доктор физико-математических наук, профессор

(И.О. Фамилия, должность, учесная степень, ученое звание рецензента)

Рабочая программа согласована:

Ведущий библиотекарь

О. С. Чечимова

Начальник учебно-методического  
отдела

О. Е. Печковская

# **1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

## **1.1 Цель учебной дисциплины**

Целью учебной дисциплины «Математический анализ» является:

- освоение студентами основ и методов дифференциального и интегрального исчислений функций одной и нескольких переменных, гармонических разложений периодических и не-периодических сигналов;
- формирование уровня математической культуры, достаточного для понимания и усвоения последующих курсов по математике;
- формирование специалистов, умеющих обоснованно и результативно применять математические методы анализа и расчета при изучении различных фундаментальных и прикладных физических, общетехнических и специальных дисциплин;
- развивать у студентов способности к творческому мышлению, используя математику, как способ познания окружающего мира;
- привитие навыков исследовательской работы;
- развивать у студентов логическое и алгоритмическое мышление;
- выработать умение самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ прикладных задач.

## **1.2 Планируемые результаты изучения дисциплины**

В результате освоения учебной дисциплины студент должен  
**знать:**

- основные понятия, определения и свойства объектов математического анализа, теории функций, пределов, дифференциального и интегрального исчислений, теории числовых и функциональных (степенных) рядов, гармонических разложений периодических и непериодических сигналов,
- формулировки и доказательства утверждений, методы их доказательства;

**уметь:**

- решать задачи и доказывать утверждения математического анализа,
- анализировать и применять теоретические знания при решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, делать обоснованные выводы,
- уметь применять полученные знания в других областях математического и естественнонаучного содержания;

**владеть:**

- математическим инструментарием учебной дисциплины при решении типовых учебных задач, задач повышенной сложности и прикладных практических задач,
- методами доказательства утверждений,
- навыками применения математического анализа в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания,
- навыками решения прикладных практических задач, которые могут возникнуть в дальнейшем в профессиональной деятельности.

## **1.3 Место учебной дисциплины в системе подготовки студента**

Дисциплина относится к Блоку 1 "Дисциплины (модули)" (обязательная часть).

Перечень учебных дисциплин, изучаемых ранее, усвоение которых необходимо для изучения данной дисциплины:

- школьный курс математики и физики.

Перечень учебных дисциплин, которые будут опираться на данную дисциплину:

- теория функций и функциональный анализ;
- дифференциальные уравнения;
- вычислительные методы алгебры;

- численный анализ;
- численные методы математической физики;
- теория функций комплексной переменной;
- вариационное исчисление и оптимальное управление;
- теория вероятностей и случайные процессы;
- математическая статистика;
- математическое моделирование.

Кроме того, знания полученные при изучении дисциплины на лекционных и практических занятиях будут применены при прохождении учебной и производственной практики, а также при подготовке выпускной квалификационной работы и дальнейшей профессиональной деятельности.

#### **1.4 Требования к освоению учебной дисциплины**

Освоение данной учебной дисциплины должно обеспечивать формирование следующих компетенций:

Коды формируемых компетенций	Наименования формируемых компетенций
ОПК-1	Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике.
ОПК-2	Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем.
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.
УК-2	Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений.

## 2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Вклад дисциплины в формирование результатов обучения выпускника (компетенций) и достижение обобщенных результатов обучения происходит путём освоения содержания обучения и достижения частных результатов обучения, описанных в данном разделе.

### 2.1 Содержание учебной дисциплины

Но мер тем	Наименование тем	Содержание	Коды формиру- емых компе- тенций
1	Введение в математический анализ. Отображения и функция	Предмет математического анализа и его место среди других математических наук и в естествознании. Числовые множества и числовая ось. Топология числовой оси. Функция и способы ее задания. Характеристики функции. Обратная функция. Сложная функция. Классификация функций.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
2	Числовая последовательность и ее предел	Числовые последовательности и их характеристики. Предел последовательности. Критерий Коши, существования предела последовательности. Необходимое и достаточное условия сходимости последовательности. Число $e$ .	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
3	Предел функции	Предел функции в точке по Коши и по Гейне. Односторонние пределы. Предел функции на бесконечности. Конечные и бесконечные пределы. Основные теоремы о пределах. Неопределённые выражения.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
4	Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Замечательные пределы	Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства бесконечно малых функций. Сравнение асимптотического поведения бесконечно малых функций. Связь функции, ее предела и бесконечно малой функции. Варианты первого и второго замечательного пределов.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
5	Непрерывность функции в точке и на множестве	Непрерывность функции в точке и на множестве. Непрерывность сложной и обратной функций. Точки разрыва функции и их классификация. Основные теоремы о непрерывных функциях.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
6	Производная функции	Производная функции в точке, ее геометрический общефизический смысл. Дифференцируемость функций. Правила дифференцирования. Дифференцирование сложной и обратной функции. Таблица производных основных элементарных функций.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
7	Производная функции	Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически. Логарифмическое дифференцирование. Связь дифференцируемости и непрерывности.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
8	Дифференциал функции. Производные и дифференциалы высших порядков	Дифференциал функции, его свойства и геометрический смысл. Линеаризация функций. Касательная и нормаль к плоской кривой. Производные и дифференциалы высших порядков.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2

9	Основные теоремы о дифференцируемых функциях	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и Коши. Правило Лопитала и его применение к вычислению пределов.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
10	Исследование функций с помощью производных	Возрастание и убывание (монотонность) функции. Необходимое и достаточное условия монотонности. Локальные экстремумы функции. Необходимые достаточные условия существования экстремумов. Глобальные (абсолютные) экстремумы функции на отрезке. Правила их нахождения.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
11	Исследование функций с помощью производных	Выпуклость, вогнутость и точки перегиба графика функции. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построение эскиза графика функции. Примеры.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
12	Функции многих переменных (ФМП). Предел и непрерывность ФМП	$n$ -мерное координатное пространства. $\varepsilon$ -окрестность точки в $n$ -мерном пространстве. Функции многих переменных: определение, область определения, область значений. Способы задания ФМП. Предел ФМП в точке. Непрерывность ФМП по переменным. Основные свойства непрерывных ФМП.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
13	Частные производные ФМП	Частные приращения и частные производные ФМП. Дифференцируемость ФМП. Производные сложной ФМП. Неявная ФМП и ее дифференцирование.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
14	Частные и полный дифференциал ФМП. Производные и дифференциал высших порядков ФМП	Частные приращения и частные дифференциалы ФМП. Полное приращение и полный дифференциал ФМП, его свойства. Линеаризация функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема Шварца.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
15	Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент	Скалярное поле. Линии и поверхности уровня. Производная по направлению: определение, свойства, смысл и вычисление. Градиент: определение, свойства, смысл и вычисление. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
16	Локальные экстремумы ФМП	Локальные экстремумы ФМП. Необходимые и достаточные условия их существования. Нахождение локальных экстремумов функций двух и трёх переменных.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
17	Условный и глобальный экстремумы ФМП	Условный экстремум ФМП. Уравнение связи. Функция Лагранжа. Нахождение условных экстремумов. Глобальный (абсолютный) экстремумов в замкнутой ограниченной области и его нахождение.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
18	Неопределённый интеграл (НИ) и его свойства	Первообразная и неопределённый интеграл. Свойства НИ. Таблица интегралов основных элементарных функций. Непосредственное интегрирование.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
19	Основные методы интегрирования	Замена переменной в НИ и интегрирование по частям. Примеры.	УК-1, УК-2, ОПК-1,

			ОПК-2
20	Интегрирование дробно-рациональных функций	Интегралы от простейших правильных рациональных дробей. Интегрирование дробно-рациональных функций.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
21	Интегрирование функций, рационально зависящих от тригонометрических	Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Универсальная тригонометрическая подстановка. Рационализация интегралов с помощью различных подстановок.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
22	Интегрирование дробно-иррациональных функций	Рационализации дробно-линейных, квадратичных и биномиальных иррациональностей.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
23	Определённый интеграл (ОИ) и его основные свойства	Определение интеграла Римана и его геометрический смысл. Линейность, аддитивность и монотонность интеграла. Оценка интеграла. Теоремы о среднем. ОИ с переменным верхним пределом и его дифференцирование.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
24	Вычисление ОИ	Формула Ньютона-Лейбница. Основные методы вычисления ОИ: непосредственное вычисление, вычисление заменой переменной, интегрирование по частям.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
25	Несобственные интегралы	Несобственные интегралы первого и второго рода и их вычисление. Признаки сходимости несобственных интегралов. Интегралы в смысле главного значения.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
26	Некоторые геометрические и физические приложения ОИ	Вычисление площадей плоских фигур и длин дуг, заданных в декартовых и полярных координатах, параметрически. Вычисление объемов тел по известным площадям поперечных сечений, объемов и площадей поверхностей тел вращения. Вычисление статических моментов и координат центров масс плоских фигур.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
27	Кратные интеграл	Определение двойного интеграла, свойства и вычисление в декартовых координатах. Замена переменных в двойном интеграле. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
28	Кратные интеграл	Определение тройного интеграла, свойства и вычисление в декартовых координатах.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
29	Кратные интеграл	Замена переменных в тройном интеграле. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
30	Криволинейные интегралы	Определение криволинейных интегралов первого и второго родов, связь между ними. Их свойства, геометрический и физический смысл. Вычисление криволинейных интегралов первого рода.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
31	Криволинейные интегралы	Вычисление криволинейных интегралов второго рода. Формула Грина. Условие независимости криволинейного интеграла второго рода от фор-	УК-1, УК-2, ОПК-1,

		мы путем интегрирования.	ОПК-2
32	Поверхностные интегралы	Ориентация поверхности. Односторонние и двусторонние поверхности. Поверхностные интегралы первого и второго рода, свойства, геометрический и физический смысл, вычисление.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
33	Поверхностные интегралы	Вычисления поверхностных интегралов путем сведения к двойным. Формула Остроградского. Формула Стокса.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
34	Интегралы, зависящие от параметра	Функции, определяемые как собственные и несобственные интегралы, зависящие от параметра. Непрерывность по параметру. Дифференцирование и интегрирование по параметру. Вычисления.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
35	Числовые ряды	Числовой ряд. Частичная сумма. Сумма ряда. Сходящиеся и расходящиеся ряды. Критерий Коши сходимости ряда и следствия из него. Свойства сходящихся рядов. Ряд геометрической прогрессии.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
36	Сходимость числовых рядов	Необходимый признак сходимости числового ряда. Достаточный признак расходимости. Гармонический ряд. Ряд Дирихле. Знакоположительные ряды. Достаточные признаки сходимости: признак сравнения в неравенствах и предельный.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
37	Сходимость числовых рядов	Достаточные признаки сходимости: признак Даламбера, радикальный признак Коши и интегральный признак Коши – Маклорена.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
38	Знакопеременные и знакочередующиеся ряды	Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Свойства сходящихся знакочередующихся рядов. Абсолютная и условная сходимость рядов. Свойства абсолютно сходящихся рядов.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
39	Функциональные и степенные ряды	Сходимость функционального ряда, точка и область сходимости. Равномерная сходимость ряда. Теорема Вейерштрасса. Степенные ряды. Теорема Абеля.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
40	Сходимость степенных рядов	Радиус, интервал и область сходимости степенного ряда. Нахождение области сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
41	Ряды Тейлора – Маклорена	Условия представления функции рядом Тейлора – Маклорена. Разложение элементарных функций в ряды Тейлора – Маклорена. Таблица рядов Маклорена основных элементарных функций.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
42	Приемы разложения функций в ряды Тейлора – Маклорена. Приложения рядов Тейлора – Маклорена	Метод замены переменной, метод дифференцирования и интегрирования, метод сложения и вычитания рядов, комбинированные методы. Вычисления значений функций и ОИ.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
43	Скалярное произведение функций. Ортогональность систем функций	Скалярное произведение функций и его свойства. Ортогональность систем функций. Тригонометрические системы функций и их ортогональность на $[-l, l]$ и $[0, l]$ .	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2

44	Обобщенные ряды Фурье. Тригонометрические ряды Фурье	Обобщенные ряды Фурье по ортогональным системам функций. Нахождение коэффициентов ряда. Разложение $2l$ периодических функций в тригонометрические ряды Фурье. Теорема Дирихле. Амплитудно-частотный и частотно-фазовый спектры периодического сигнала (функции).	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
45	Тригонометрические ряды Фурье для четных, нечетных и непериодических функций	Ряды Фурье для четных и нечетных периодических функций периода $T = 2l$ . Ряды Фурье на промежутке $[0, l]$ . Разложение непериодических функций в тригонометрический ряд Фурье на произвольном отрезке $[a, b]$ .	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
46	Сходимость тригонометрических рядов Фурье	Равномерная сходимость тригонометрического ряда Фурье. Сходимость в среднеквадратичном. Дифференцирование и интегрирование тригонометрических рядов Фурье и их сходимость. Суммирование числовых рядов.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
47	Комплексная форма тригонометрического ряда Фурье	Формулы Эйлера. Комплексная форма тригонометрического ряда Фурье. Комплексный амплитудно-частотный спектр периодического сигнала (функции).	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
48	Интеграл Фурье в комплексной форме. Преобразования Фурье	Разложение непериодической ( $T \rightarrow \infty$ ) функции в интеграл Фурье. Прямое и обратное преобразования Фурье. Спектральная характеристика функции (амплитудно-частотный спектр функции). Принцип неопределенности.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
49	Вещественная форма интеграла Фурье	Интеграл Фурье в вещественной форме. Интеграл Фурье для четных и нечетных функций. Косинус- и синус- преобразования Фурье.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
50	Свойства преобразования Фурье	Линейность преобразования Фурье, преобразование Фурье для производной функции, интеграла функции, смещенной функции, смещение спектральной характеристики. Свертка функций и Фурье преобразование свертки.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2
51	Преобразования Фурье специальных функций	Дельта-функция и ее свойства. Фурье преобразование дельта-функции. Функция Хевисайда, функция знака и их Фурье представления. Амплитудно-частотные спектры.	УК-1, УК-2, ОПК-1, ОПК-2

## 2.2 Учебно-методическая карта учебной дисциплины

### 1 семестр

№ недели	Лекции (наименование тем)	Часы	Практические занятия	Часы	Самостоятельная работа	Форма контроля знаний	Баллы (max)
					часы		
<b>Модуль 1</b>							
1	№ 1. Введение в математический анализ. Отображения и функция	2	Пр. р. 1. Математическая символика. Исследования характеристик числовых множеств и числовых функций.	2	4		
2	№ 2. Числовая последовательность и ее предел	2	Пр. р. 2. Вычисление пределов числовых последовательностей. Экспоненциальная функция, натуральный логарифм и гиперболические функции.	2	4		
3	№ 3. Предел функции	2	Пр. р. 3. Вычисление пределов функций. Основные свойства пределов. Неопределенные выражения.	2	4		
4	№ 4. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Замечательные пределы	2	Пр. р. 4. Эквивалентные бесконечно малые функции. Основные приёмы раскрытия неопределённостей при нахождении пределов.	2	5	ИДЗ № 1	10
5	№ 5. Непрерывность функции в точке и на множестве	2	Пр. р. 5. Исследования функций на непрерывность. Установление характера точек разрыва.	2	4		
6	№ 6. Производная функции	2	Пр. р. 6. Нахождение производных по определению, на основании таблицы производных и правил дифференцирования.	2	5	ИДЗ № 2	10
7	№ 7. Производная функции	2	Пр. р. 7. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически. Логарифмическое дифференцирование.	2	6	КР № 1	10
8	№ 8. Дифференциал функции. Производные и дифференциалы высших порядков.	2	Пр. р. 8. Дифференциал функции. Линеаризация функций. Уравнения касательной и нормали к плоской кривой.	2	4	ПКУ	30
<b>Модуль 2</b>							
9	№ 9. Основные теоремы о дифференцируемых функциях	2	Пр. р. 9. Производные и дифференциалы высших порядков. Правило Лопитала и его применение к раскрытию неопределённостей при нахождении пределов.	2	4		
10	№ 10. Исследование функций с помощью производных	2	Пр. р. 10. Исследования функций на монотонность и экстремумы. Глобальный экстремум.	2	4		
11	№ 11. Исследование функций с помощью производных	2	Пр. р. 11. Исследования функций на выпуклость (вогнутость) и точки перегиба. Асимптоты графика функции.	2	5	ИДЗ № 3	10
12	№ 12. Функции многих	2	Пр. р. 12. Общая схема исследования	2	4		

	переменных. Предел и непрерывность ФМП.		функций и построение графиков.				
13	№ 13. Частные производные ФМП	2	Пр. р. 13. Области в пространствах $R^1$ , $R^2$ , $R^3$ и $R^n$ . Нахождение пределов ФМП и исследование на непрерывность функций двух и трех переменных.	2	4		
14	№ 14. Частные и полный дифференциал ФМП. Производные и дифференциал высших порядков ФМП	2	Пр. р. 14. Нахождение частных производных первого и высших порядков ФМП.	2	5	ИДЗ № 4	10
15	№ 15. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент	2	Пр. р. 15. Нахождение линий и поверхностей уровня функции. Нахождение производных по направлению и градиента ФМП.	2	4		
16	№ 16. Локальные экстремумы ФМП	2	Пр. р. 16. Исследование функций двух и трех переменных на локальные экстремумы.	2	6	КР № 2	10
17	№ 17. Условный и глобальный экстремумы ФМП	2	Пр. р. 17. Исследование функций двух и трех переменных на условные и глобальные экстремумы.	2	4	ПКУ	30
18-21					36	ПА (экзамен)	40
	Итого за I семестр	34		34	112		100
	Итого: часы / зачет. ед.		180 / 5				

## 2 семестр

№ недели	Лекции (наименование тем)	Часы	Практические занятия	Часы	Самостоятельная работа, часы	Форма контроля знаний	Баллы (max)
<b>Модуль 1</b>							
1	№ 18. Неопределённый интеграл и его свойства	2	Пр. р. 18. Непосредственное интегрирование, интегрирование заменой переменной и по частям.	2	2		
2	№ 19. Основные методы интегрирования	2	Пр. р. 19. Непосредственное интегрирование, интегрирование заменой переменной и по частям.	2	2		
3	№ 20. Интегрирование дробно-рациональных функций	2	Пр. р. 20. Интегрирование дробно-рациональных функций.	2	2	ИДЗ № 5	10
4	№ 21. Интегрирования функций, рационально зависящих от тригонометрических	2	Пр. р. 21. Универсальная тригонометрическая подстановка. Частные подстановки.	2	2		

5	№ 22. Интегрирование дробно- иррациональных функ- ций	2	Пр. р. 22. Методы рационализации дробно-линейных, квадратичных и би- номиальных иррациональностей.	2	2		
6	№ 23. Определенный интеграл и его основ- ные свойства	2	Пр. р. 23. Вычисления определённых интегралов с использованием различ- ных подстановок.	2	2	ИДЗ № 6	10
7	№ 24. Вычисление ОИ	2	Пр. р. 24. Вычисления определённых интегралов с использованием различ- ных подстановок.	2	2	КР № 3	10
8	№ 25. Несобственные интегралы	2	Пр. р. 25. Вычисление несобственных интегралов первого и второго родов. Исследования на сходимость.	2	2	ПКУ	30

## Модуль 2

9	№ 26. Некоторые гео- метрические и физиче- ские приложения ОИ	2	Пр. р. 26. Вычисление площадей плос- ких фигур, длин дуг, объёмов тел по из- вестным поперечным сечениям, объё- мов и площадей поверхностей тел вра- щения. Вычисление статических момен- тов и координат центров тяжести плос- ких материальных фигур	2	2		
10	№ 27. Кратные инте- гралы	2	Пр. р. 27. Вычисление двойного инте- грала в декартовых и полярных коорди- натах.	2	2	ИДЗ № 7	10
11	№ 28 Кратные интегра- лы	2	Пр. р. 28. Вычисление тройного инте- грала в декартовых координатах.	2	2		
12	№ 29. Кратные инте- гралы	2	Пр. р. 29. Вычисление тройных инте- гралов в цилиндрических и сферических координатах.	2	2		
13	№ 30. Криволинейные интегралы	2	Пр. р. 30. Вычисление криволинейных интегралов первого рода.	2	2		
14	№ 31. Криволинейные интегралы	2	Пр. р. 31. Вычисление криволинейных интегралов второго рода.	2	2	ИДЗ № 8	10
15	№ 32. Поверхностные интегралы	2	Пр. р. 32. Вычисления поверхностных интегралов первого и второго родов пу- тем сведения к двойным.	2	2		
16	№ 33. Поверхностные интегралы	2	Пр. р. 33. Вычисление поверхностных и криволинейных интегралов второго ро- да с использованием формул Остро- градского и Стокса.	2	2	КР № 4	10
17	№ 34. Интегралы, зави- сящие от параметра	2	Пр. р. 34. Вычисление собственных и несобственных интегралов, методом дифференцирования и интегрирования по параметру.	2	8	ПКУ ПА (зачет)	30 40
Итого за II семестр		34		34	40		100
Итого: часы / зачет. ед.			108 / 3				

### 3 семестр

№ недели	Лекции (наименование тем)	Часы	Практические занятия	Часы	Самостоятель- ная работа, часы	Форма контроля знаний	Баллы (max)
<b>Модуль 1</b>							
1	№ 35. Числовые ряды	2	Пр. р. 35. Исследование сходимости, расходимости числовых рядов по определению и на основании достаточного признака расходимости.	2	2		
2	№ 36. Сходимость числовых рядов	2	Пр. р. 36. Исследование сходимости числовых рядов на основании достаточных признаков сходимости.	2	2		
3	№ 37. Сходимость числовых рядов	2	Пр. р. 37. Исследование сходимости числовых рядов на основании достаточных признаков сходимости.	2	3	ИДЗ № 9	10
4	№ 38. Знакопеременные и знакочередующиеся ряды	2	Пр. р. 38. Исследование условной и абсолютной сходимости числовых знакочередующихся рядов.	2	1		
5	№ 39. Функциональные и степенные ряды	2	Пр. р. 39. Нахождение области сходимости функциональных и степенных рядов	2	1		
6	№ 40. Сходимость степенных рядов	2	Пр. р. 40. Нахождение области сходимости степенных рядов	2	3	ИДЗ № 10	10
7	№ 41. Ряды Тейлора – Маклорена	2	Пр. р. 41. Разложение некоторых основных элементарных функций в ряды Тейлора – Маклорена. Нахождение области сходимости.	2	4	КР № 5	10
8	№ 42. Приемы разложения функций в ряды Тейлора – Маклорена. Примечания рядов Тейлора – Маклорена	2	Пр. р. 42. Замена переменной, метод дифференцирования, метод сложения и вычитания рядов, комбинированные методы. Выделение главной части функции и вычисление ее приближенных значений.	2	2	ПКУ	30
<b>Модуль 2</b>							
9	№ 43. Скалярное произведение функций. Ортогональность систем функций	2	Пр. р. 43. Доказательства ортогональности основных тригонометрических систем функций.	2	2		
10	№ 44. Обобщенные ряды Фурье. Тригонометрические ряды Фурье	2	Пр. р. 44. Разложение $2l$ периодических функций в тригонометрические ряды Фурье. Построение амплитудно-частотного спектра периодического сигнала.	2	3	ИДЗ № 11	10

11	№ 45. Тригонометрические ряды Фурье для четных, нечетных и непериодических функций	2	Пр. р. 45. Разложения в ряды Фурье четных и нечетных функций периода $T = 2l$ . Ряды Фурье на промежутке $[0, l]$ . Разложение в ряд Фурье непериодической функции.	2	2		
12	№ 46. Сходимость тригонометрических рядов Фурье	2	Пр. р. 46. Почленное интегрирование и дифференцирование тригонометрических рядов Фурье. Исследование сходимости. Нахождение сумм числовых рядов с помощью рядов Фурье.	2	2		
13	№ 47. Комплексная форма тригонометрического ряда Фурье	2	Пр. р. 47. Разложения функций в ряды Фурье в комплексной форме. Построение комплексного амплитудно-частотного спектра периодического сигнала.	2	2		
14	№ 48. Интеграл Фурье в комплексной форме. Преобразования Фурье	2	Пр. р. 48. Разложение функций в интеграл Фурье в комплексной форме.	2	3	ИДЗ № 12	10
15	№ 49. Вещественная форма интеграла Фурье	2	Пр. р. 49. Разложение в интеграл Фурье четных и нечетных функций в вещественной форме. Косинус- и синус- преобразования Фурье.	2	2		
16	№ 50. Свойства преобразования Фурье	2	Пр. р. 50. Нахождение Фурье-преобразований функций с помощью свойств преобразования Фурье.	2	4	КР № 6	10
17	№ 51. Преобразования Фурье специальных функций	2	Пр. р. 51. Нахождение Фурье-преобразований неинтегрируемых (специальных) функций.	2	2	ПКУ	30
18-21					36	ПА (экзамен)	40
Итого за III семестр		34		34	76		100
Итого: часы / зачет. ед.		144 / 4					
Итого по дисциплине		102		102	228		
Итого: часы / зачет. ед.		432 / 12					

Принятые обозначения:

ИДЗ – индивидуальное домашнее задание;

КР – контрольная работа;

ПКУ – промежуточный контроль успеваемости.

ПА - Промежуточная аттестация (экзамен, зачет).

Итоговая оценка на экзамене по пятибалльной системе, а в случае зачета по бинарной системе, определяется как сумма баллов промежуточного контроля успеваемости и промежуточной аттестации (экзамена, зачета) и соответствует суммарным баллам:

Баллы	87-100	65-86	51-64	0-50
Оценка	Отлично	Хорошо	Удовлетворительно	Неудовлетворительно
Бинарная шкала	Зачтено			Не зачтено

При этом промежуточный контроль успеваемости оценивается до 60 баллов, а промежуточная аттестация (экзамен, зачет) оценивается до 40 баллов.

### **3 ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ**

При изучении дисциплины используется модульно-рейтинговая система оценки знаний студентов. Применение инновационных форм и методов проведения занятий при изучении различных тем курса представлено в таблице.

№ п/п	Форма проведения занятия	Вид аудиторных занятий		Всего часов
		Лекции (№ тем)	Практические занятия (№ тем)	
1	Традиционные	1-14, 16, 18-23, 25, 30, 31, 35-40, 42, 43, 47-50	1-3, 5-7, 10, 12-15, 17-19, 21-23, 25, 27, 29, 30, 32-36, 38, 39, 41, 43, 46-51	144
2	Мультимедиа	17, 27-29, 32, 33, 44, 45		16
3	Проблемные / проблемно-ориентированные	15, 24, 26, 34, 41, 46, 51		14
4	Расчетные		4, 8, 9, 11, 16, 20, 24, 26, 28, 31, 37, 40, 42, 44, 45	30
<b>ИТОГО</b>		<b>102</b>	<b>102</b>	<b>204</b>

### **4 ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА**

Используемые оценочные средства по учебной дисциплине представлены в таблице и хранятся на кафедре.

№ п/п	Вид оценочных средств	Количество комплектов
1	Вопросы к экзамену	3
2	Экзаменационные билеты	3
3	Контрольные работы	6
4	Индивидуальные домашние задания	12

### **5 МЕТОДИКА И КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ КОМПЕТЕНЦИЙ СТУДЕНТОВ**

#### **5.1 Уровни сформированности компетенций**

№ п/п	Уровни сформированности Компетенции	Содержательное описание уровня	Результаты обучения
<i>Компетенция ОПК-1.</i>			
Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике.			
<i>Код и наименование индикатора достижения компетенции</i>			
ИОПК-1.2 Способен применять знание дифференциального и интегрального исчислений при решении задач в области естественных наук и инженерной практике			
1	Пороговый уровень	Базовые знания в объеме рабочей программы (знание определений основных понятий), умение решать типовые задачи под руководством преподавателя.	Имеет представление о применении дифференциального и интегрального исчисления для решения задач в области естественных наук и инженерной практике
2	Продвинутый уровень	Полные знания в объеме рабочей программы, правильное использование терминологии, способность самостоятельно решать типовые задачи учебной дисциплины.	Умеет применять знания дифференциального и интегрального исчисления для решения задач в области естественных наук и инженерной практике

3	Высокий уровень	<p>Систематизированные, глубокие и полные знания в объеме рабочей программы, точное использование научной терминологии и свободное владение инструментарием учебной дисциплины, умение анализировать и применять теоретические знания при самостоятельном решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, способность делать обоснованные выводы.</p>	<p>Владеет методами математического описания физических процессов и явлений и навыками применения дифференциального и интегрального исчисления для решения задач в области естественных наук и инженерной практике. Способен делать обоснованные оценки полученных результатов исследований, давать адекватные выводы и самостоятельно расширять математические и физические знания.</p>
---	-----------------	---	--

*Компетенция ОПК-2.*

Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем.

*Код и наименование индикатора достижения компетенции*

ИОПК-2.2 Способен применять знание дифференциального и интегрального исчисления при выборе, доработке и применении математических методов и моделей для решения исследовательских и проектных задач

1	Пороговый уровень	<p>Базовые знания в объеме рабочей программы (знание определений основных понятий), умение решать типовые задачи под руководством преподавателя.</p>	<p>Имеет представление о применении дифференциального и интегрального исчисления при выборе, доработке и применении математических методов и моделей для решения исследовательских и проектных задач</p>
2	Продвинутый уровень	<p>Полные знания в объеме рабочей программы, правильное использование терминологии, способность самостоятельно решать типовые задачи учебной дисциплины.</p>	<p>Умеет применять дифференциальное и интегральное исчисления при выборе, доработке и применении математических методов и моделей для решения исследовательских и проектных задач. Способен анализировать и оценивать результаты функционирования выбранной математической модели</p>
3	Высокий уровень	<p>Систематизированные, глубокие и полные знания в объеме рабочей программы, точное использование научной терминологии и свободное владение инструментарием учебной дисциплины, умение анализиро-</p>	<p>В совершенстве владеет инструментарием дифференциального и интегрального исчисления. Способен самостоятельно выбирать и при-</p>

		<p>вать и применять теоретические знания при самостоятельном решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, способность делать обоснованные выводы.</p>	<p>менять математические методы и модели для решения исследовательских и проектных задач, анализировать и критически оценивать качество и надёжность функционирования выбранной модели.</p>
<i>Компетенция УК-1.</i>			
Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.			
<i>Код и наименование индикатора достижения компетенции</i>			
ИУК-1.3 Способен проводить логические рассуждения, применять системный подход и знание основных приёмов построения доказательств утверждений математического анализа			
1	Пороговый уровень	<p>Базовые знания в объеме рабочей программы (знание определений основных понятий), умение решать типовые задачи под руководством преподавателя.</p>	<p>Имеет представление о системном подходе при доказательстве положений математического анализа и знает основные приёмы построения доказательств.</p>
2	Продвинутый уровень	<p>Полные знания в объеме рабочей программы, правильное использование терминологии, способность самостоятельно решать типовые задачи учебной дисциплины.</p>	<p>Умеет логически рассуждать, применять системный подход и основные приёмы доказательств положений математического анализа.</p>
3	Высокий уровень	<p>Систематизированные, полные и глубокие знания в объеме рабочей программы, точное использование научной терминологии и свободное владение инструментарием учебной дисциплины. Умение анализировать и применять теоретические знания при самостоятельном решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, способность делать обоснованные выводы.</p>	<p>Системно владеет приёмами и методами доказательств положений математического анализа, способен анализировать и давать критические оценки существующим доказательствам и проводить собственные.</p>
<i>Компетенция УК-2.</i>			
Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений.			
<i>Код и наименование индикатора достижения компетенции</i>			
ИУК-2.3 Способен применять знание основных понятий математического анализа при доказательстве математических утверждений, определять этапы доказательства, выбирать оптимальные способы решения задач			
1	Пороговый уровень	<p>Базовые знания в объеме рабочей программы (знание определений основных понятий), умение решать типовые задачи под руководством преподавателя.</p>	<p>Знает основные понятия математического анализа, имеет представления об этапах доказательств математических утверждений и способах решения задач.</p>

2	Продвинутый уровень	Полные знания в объеме рабочей программы, правильное использование терминологии, способность самостоятельно решать типовые задачи учебной дисциплины.	Умеет применять знания основных понятий математического анализа при доказательстве математических утверждений, определять этапы доказательства и выбирать способы решения задач.
3	Высокий уровень	Систематизированные, глубокие и полные знания в объеме рабочей программы, точное использование научной терминологии и свободное владение инструментарием учебной дисциплины, умение анализировать и применять теоретические знания при самостоятельном решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, способность делать обоснованные выводы.	Владеет способностью самостоятельно применять знание основных положений математического анализа при доказательстве математических положений, определять этапы доказательства и выбирать оптимальные способы решения задач.

## 5.2 Методика оценки знаний, умений и навыков студентов

Результаты обучения	Оценочные средства
<i>Компетенция ОПК-1</i>	
Пороговый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Продвинутый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Высокий уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
<i>Компетенция ОПК-2</i>	
Пороговый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Продвинутый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Высокий уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
<i>Компетенция УК-1</i>	
Пороговый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Продвинутый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Высокий уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.

Компетенция УК-2	
Пороговый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Продвинутый уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.
Высокий уровень	Индивидуальные домашние задания. Контрольные работы. Экзамен, зачет.

### 5.3 Критерии оценки практических работ

Контрольные работы (КР) и индивидуальные домашние задания (ИДЗ) оцениваются до 10 баллов. При этом:

**0 баллов** – отсутствие выполненной работы;

**1-3 балла** – выполнение работы с грубыми ошибками;

**4-7 баллов** – выполнение работы с незначительными ошибками;

**8-10 баллов** – выполнение работы без ошибок.

*Примечание* – Конкретные баллы из указанных промежутков определяются преподавателем, на основании беседы со студентом по защите работы.

### 5.4 Критерии оценки зачета

Итоговая оценка в случае зачета определяется по бинарной системе, как сумма баллов промежуточного контроля успеваемости и промежуточной аттестации (зачета) и соответствует суммарным баллам:

Баллы	87-100	65-86	51-64	0-50
Бинарная шкала	Зачтено		Не зачтено	

При этом промежуточный контроль успеваемости оценивается до 60 баллов, а промежуточная аттестация (зачет) оценивается до 40 баллов.

В случае, когда студент набрал свыше 50 баллов в период промежуточного контроля успеваемости, то оценка «зачтено» выставляется автоматически. А если студент набрал менее 50 баллов в период промежуточного контроля успеваемости, то для достижения порогового уровня свыше 50 баллов, студенту выдается зачетный билет содержащий один теоретический и три практических вопроса которые оцениваются до 10 баллов. Критерии оценки в баллах теоретического и практических вопросов аналогичны критериям оценки экзамена.

### 5.5 Критерии оценки экзамена

Итоговая оценка на экзамене по пятибалльной системе определяется как сумма баллов промежуточного контроля успеваемости и промежуточной аттестации (экзамена) и соответствует суммарным баллам:

Баллы	87-100	65-86	51-64	0-50
Оценка	Отлично	Хорошо	Удовлетворительно	Неудовлетворительно

При этом промежуточный контроль успеваемости оценивается до 60 баллов, а промежуточная аттестация (экзамен) оценивается до 40 баллов. Экзаменационный билет содержит один теоретический и три практических вопроса которые оцениваются до 10 баллов.

**Теоретический вопрос:**

**0-2 балла** – студент имеет фрагментарные знания по базовым вопросам в объёме рабочей программы, недостаточные для усвоения последующих дисциплин, неуверенно использует терминологию, допускает серьёзные ошибки при ответе;

**3-5 баллов** – студент обладает базовыми знаниями (владеет терминологией, знает определение понятий) в объёме рабочей программы, достаточными для усвоения последующих дисциплин, но допускает существенные ошибки в ответе, которые не способен исправить с помощью наводящих вопросов;

**6-8 баллов** – студент имеет полные знания в объёме рабочей программы, правильно использует терминологию, способен исправить допущенные при ответе ошибки с помощью наводящих вопросов;

**9-10 баллов** – студент обладает систематизированными, глубокими и полными знаниями в объёме рабочей программы, демонстрирует точное использование научной терминологии и владение инструментарием учебной дисциплины, делает обоснованные выводы, даёт чёткий ответ на поставленный вопрос и дополнительные вопросы, но может допускать отдельные неточности.

**Практические вопросы:**

**0-2 балла** – студент неправильно понимает сущность поставленной задачи, не может пояснить методику решения;

**3-5 баллов** – студент не совсем точно понимает сущность решаемой задачи, методику ее решения, решает задачу с существенными ошибками;

**6-8 баллов** – студент правильно понимает сущность поставленной задачи, методику ее решения, решает задачу с незначительными ошибками, не уверен в выводах по результатам решения;

**9-10 баллов** – студент правильно понимает сущность поставленной задачи, методику ее решения, получает точное решение задачи, делает правильные обоснованные выводы по результатам решения, но может допускать отдельные неточности.

*Примечание* – Конкретные баллы из указанных промежутков определяются преподавателем, на основании дополнительных вопросов.

## **6 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОРГАНИЗАЦИИ И ВЫПОЛНЕНИЮ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ**

Самостоятельная работа студентов (СРС) направлена на закрепление и углубление освоения учебного материала, развитие практических умений. СРС включает следующие виды самостоятельной работы студентов:

- подготовка к практическим занятиям, изучение лекционных материалов и материалов из списка приведенной литературы;
- выполнение индивидуальных домашних заданий;
- подготовка к выполнению контрольных работ.

Перечень контрольных вопросов и заданий для самостоятельной работы студентов приведен в приложении и хранится на кафедре.

Для СРС рекомендуется использовать источники, приведенные в п. 7.

## 7 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 7.1 Основная литература

№	Автор, название, место издания, издательство, год издания учебной литературы	Гриф	Кол-во экз.
1	Зорич В. А. Математический анализ: учебник: в 2 ч. Ч. 1 / В. А. Зорич. – Изд. 10-е, испр. – М.: МЦНМО, 2020. – xii+564 с. Библ.: 54 назв. Илл.: 65.	Рекомендовано УМО по классическому университетскому образованию в качестве учебника высших учебных заведений, обучающихся по специальности «Фундаментальная математика и механика» и направлению «Математика и компьютерные науки»	8
2	Зорич В. А. Математический анализ: учебник: в 2 ч. Ч. 2 / В. А. Зорич. – Изд. 9-е, испр. – М.: МЦНМО, 2019. – xii+676 с. Библ.: 57 назв. Илл.: 41.	Рекомендовано УМО по классическому университетскому образованию в качестве учебника высших учебных заведений, обучающихся по специальности «Фундаментальная математика и механика» и направлению «Математика и компьютерные науки»	8

### 7.2 Дополнительная литература

№	Автор, название, место издания, издательство, год издания учебной литературы	Гриф	Кол-во экз.
1	Шипачев В.С. Математический анализ. Теория и практика [Электронный ресурс]: учебное пособие. – М.: НИЦ ИНФРА-М, 2015. – 351 с. – (Высшее образование: Бакалавриат). – Режим доступа: <a href="http://znanium.com/">http://znanium.com/</a>	Допущено УМО по образованию в области прикладной математики и управлении качеством в качестве учебного пособия для студентов высших учебных заведений, обучающихся по специальности "Прикладная математика"	<a href="https://znanium.com/catalog/product/989800">https://znanium.com/catalog/product/989800</a>
2	Демидович Б. П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу: учебное пособие. – 22-е изд. стер. –Санкт-Петербург: Лань, 2020. – 624 с.	–	8

### **7.3 Перечень ресурсов сети Интернет по изучаемой дисциплине**

<http://znanium.com>

### **7.4 Перечень наглядных и других пособий, методических рекомендаций по проведению учебных занятий, а также методических материалов к используемым в образовательном процессе техническим средствам**

#### **7.4.1 Методические рекомендации**

1. Орлова Т. Ю., Романенко А. А. Математический анализ. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов направления подготовки 01.03.04 "Прикладная математика" очной формы обучения. – Ч. 1. – Могилев: 2021 г. – 48 с. (56 экз.).
2. Орлова Т. Ю., Романенко А. А. Математический анализ. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов направления подготовки 01.03.04 "Прикладная математика" очной формы обучения. – Ч. 2. – Могилев: 2021 г. – 48 с. (56 экз.).
3. Орлова Т. Ю., Романенко А. А. Математический анализ. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов направления подготовки 01.03.04 "Прикладная математика" очной формы обучения. – Ч. 3. – Могилев: 2021 г. – 48 с. (56 экз.).
4. Орлова Т. Ю., Романенко А. А. Математический анализ. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов направления подготовки 01.03.04 "Прикладная математика" очной формы обучения. – Ч. 4. – Могилев: 2022 г. – 48 с. (56 экз.).

#### **7.4.2 Информационные технологии**

##### **Мультимедийные презентации**

1. Условный и глобальный экстремумы ФМП (тема № 17 – лекция).
2. Кратные интегралы (тема № 27-29 – лекции).
3. Поверхностные интегралы (тема № 32, 33 – лекции).
4. Тригонометрические ряды Фурье (тема № 44, 45 – лекции)

**АННОТАЦИЯ**  
**К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ**  
**МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ**

(наименование дисциплины)

**Направление подготовки** 01.03.04 Прикладная математика

**Направленность (профиль)** Разработка программного обеспечения

**Квалификация** Бакалавр

	<b>Форма обучения</b>
	<b>Очная</b>
Курс	1,2
Семестр	1,2,3
Лекции, часы	102
Практические занятия, часы	102
Экзамен, семестр	1,3
Зачет, семестр	2
Контактная работа по учебным занятиям, часы	204
Самостоятельная работа, часы	228
Всего часов / зачетных единиц	432 / 12

**1. Цель учебной дисциплины**

Целью учебной дисциплины «Математический анализ» является:

- освоение студентами основ и методов дифференциального и интегрального исчислений функций одной и нескольких переменных, гармонических разложений периодических и непериодических сигналов;
- формирование уровня математической культуры, достаточного для понимания и усвоения последующих курсов по математике;
- формирование специалистов, умеющих обоснованно и результативно применять математические методы анализа и расчета при изучении различных фундаментальных и прикладных физических, общетехнических и специальных дисциплин;
- развивать у студентов способности к творческому мышлению, используя математику, как способ познания окружающего мира;
- привитие навыков исследовательской работы;
- развивать у студентов логическое и алгоритмическое мышление;
- выработать умение самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ прикладных задач.

**2. Планируемые результаты изучения дисциплины**

В результате освоения учебной дисциплины студент должен

**знать:**

- основные понятия, определения и свойства объектов математического анализа, теории функций, пределов, дифференциального и интегрального исчислений, теории числовых и функциональных (степенных) рядов, гармонических разложений периодических и непериодических сигналов,
- формулировки и доказательства утверждений, методы их доказательства,

**уметь:**

- доказывать утверждения математического анализа,

- решать задачи математического анализа,
- анализировать и применять теоретические знания при решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, делать обоснованные выводы,
- уметь применять полученные знания в других областях математического и естественнонаучного содержания.

**владеть:**

- математическим инструментарием учебной дисциплины при решении типовых учебных задач, задач повышенной сложности и прикладных практических задач,
- методами доказательства утверждений,
- навыками применения математического анализа в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания,
- навыками решения прикладных практических задач, которые могут возникнуть в дальнейшем в профессиональной деятельности.

### 3. Требования к освоению учебной дисциплины

Освоение данной учебной дисциплины должно обеспечивать формирование следующих компетенций:

Коды формируемых компетенций	Наименования формируемых компетенций
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач
УК-2	Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений
ОПК-1	Способен применять знание фундаментальной математики и естественнонаучных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике
ОПК-2	Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем

### 4. Образовательные технологии: традиционные, мультимедиа, проблемные / проблемно-ориентированные, расчетные.