Межгосударственное образовательное учреждение высшего образования «Белорусско-Российский университет»

**УТВЕРЖДАЮ** 

Первый проректор Белорусско-Россий-

ского университета

оборожно.В. Машин

«/7» 06 2022 г.

Регистрационный № УД-<u>120301/6.1.0.4/</u>

# **МАТЕМАТИКА**

(наименование дисциплины)

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

**Направление подготовки** 12.03.01 Приборостроение **Направленность (профиль)** Информационные системы и технологии неразрушающего контроля и диагностики

Квалификация Бакалавр

	Форма обучения
	Очная
Курс	1
Семестр	1,2
Лекции, часы	136
Практические занятия, часы	136
Экзамен, семестр	1,2
Контактная работа по учебным занятиям, часы	272
Самостоятельная работа, часы	196
Всего часов / зачетных единиц	468/13

Кафедра-разработчик программы: «Высшая математика»

Составитель:

Е.Л. Старовойтова, кандидат пед.наук, доцент

(И.О. Фамилия, ученая степень, ученое звание)

Рабочая программа составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 12.03.04 Приборостроение № 945 от 19.09.2017 г., учебным планом рег. № 120301-4 от 30.08.2021 г.

Рассмотрена и рекомендована к утверждению кафедрой «Высшая математика» 31.03.2022 г., протокол № 7.

Зав. кафедрой // В.Г. Замураев

Одобрена и рекомендована к утверждению Научно-методическим советом Белорусско-Российского университета

«15» июня 2022 г., протокол № 7.

Зам. председателя Научно-методического совета

С.А. Сухоцкий

Рецензент:

Ирина Васильевна Марченко, зав. кафедрой математики факультета математики и естествознания МГУ им. А.А. Кулешова, кандидат физико-математических наук

(И.О. Фамилия, должность, ученая степень, ученое звание рецензента)

Рабочая программа согласована:

Зав. кафедрой ((ФМК))

Ведущий библиотекарь

Начальник учебно-методического отдела

С.С. Сергеев

E. H. Recerelle

В.А. Кемова

#### 1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

## 1.1 Цель учебной дисциплины

Целью учебной дисциплины является формирование специалистов, умеющих обоснованно и результативно применять существующие и осваивать новые математические методы расчета и анализа

## 1.2 Планируемые результаты изучения дисциплины

В результате освоения учебной дисциплины студент должен

#### знать:

- основные понятия и методы математического анализа;
- основные понятия и методы линейной алгебры;
- основные понятия и методы аналитической геометрии;

## уметь:

- производить расчеты математических величин;
- применять методы математики к решению профессиональных задач;

#### владеть:

- методами формализации прикладной задачи;
- методами выбора рационального способа решения возникшей проблемы;
- методами математического анализа и моделирования;
- математическим аппаратом при решении профессиональных проблем.

## 1.3 Место учебной дисциплины в системе подготовки студента

Дисциплина относится к Блоку 1 "Дисциплины (модули)" (Обязательная часть Блока 1).

Перечень учебных дисциплин, которые будут опираться на данную дисциплину:

- физика;
- информационные технологии;
- электроника и основы микропроцессорной техники;
- прикладная механика;
- основы автоматического управления;
- теория электрических цепей;
- теория физических полей;
- математическое моделирование физических процессов;
- методы анализа и обработки информации.

## 1.4 Требования к освоению учебной дисциплины

Освоение данной учебной дисциплины должно обеспечивать формирование следующих компетенций:

Коды форми-	
руемых ком-	Наименования формируемых компетенций
петенций	
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ информации, приме-
	нять системный подход для решения поставленных задач
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания,
	методы математического анализа и моделирования в инженерной дея-
	тельности, связанной с проектированием и конструированием, техноло-
	гиями производства приборов и комплексов широкого назначения

# 2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Вклад дисциплины в формирование результатов обучения выпускника (компетенций) и достижение обобщенных результатов обучения происходит путём освоения содержания обучения и достижения частных результатов обучения, описанных в данном разделе.

# 2.1 Содержание учебной дисциплины

Но- мер тем	Наименование тем	Содержание	Коды фор- мируе- мых компе- тенций
1	Множества и отображения	Множества и операции над ними. Мощность множества. Счётные и несчётные множества. Отображения множеств. Инъективные, сюръективные и биективные отображения. Числовые функции.	УК-1 ОПК-1
2	Матрицы и опера- ции над ними	Матрицы и линейные операции над ними Произведение матриц. Транспонирование матриц. Элементарные преобразования матриц	УК-1 ОПК-1
3	Определители	Определители второго и третьего порядка и их свойства. Алгебраические дополнения и миноры Определители n-го порядка и их свойства. Определитель произведения двух квадратных матриц одинакового порядка	УК-1 ОПК-1
4	Обратная матрица. Правило Крамера	Обратная матрица и её построение методом присоединённой матрицы и методом Гаусса. Системы линейных алгебраических уравнений, общие понятия. Матричный способ решения невырожденных линейных систем, формулы Крамера. Метод Гаусса	УК-1 ОПК-1
5	Ранг матрицы	Линейные пространства. Подпространство. Линейная зависимость и линейная независимость векторов, базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора. Ранг матрицы и его вычисление. Условие равенства нулю определителя. Теорема о базисном миноре	УК-1 ОПК-1
6	Системы линейных уравнений	Произвольные системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера — Капелли. Однородные системы линейных уравнений. Структура общего решения. Фундаментальная система решений. Неоднородные системы линейных уравнений, структура общего решения	УК-1 ОПК-1
7	Векторы и дей- ствия над ними	Векторы в пространстве и линейные операции над ними. Проекция вектора на ось и на вектор. Линейная зависимость векторов. Базис на прямой, на плоскости и в пространстве. Разложение вектора по базису. Декартова прямоугольная система координат. Радиус-вектор и координаты точки. Деление отрезка в данном отношении. Полярная система координат	УК-1 ОПК-1
8	Произведения векторов	Скалярное произведение векторов, его свойства и механический смысл. Условие ортогональности двух векторов. Скалярное произведение в координатной форме. Ориентация тройки векторов в пространстве. Векторное произведение векторов, его свойства, геометрический и физический смысл. Векторное произведение в координатной форме. Условие коллинеарности векторов. Смешанное произведение векторов, его геометрический смысл. Условие компланарности трех векторов	УК-1 ОПК-1
9	Прямая на плоскости	Кривая на плоскости и способы её задания. Различные виды уравнений прямой на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой	УК-1 ОПК-1
10	Кривые второго порядка	Понятие кривой второго порядка. Окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и канонические уравнения	УК-1 ОПК-1
11	Плоскость в пространстве	Понятие поверхности и кривой в пространстве, их параметрические уравнения. Плоскость в пространстве и различные формы её задания. Угол между двумя плоскостями. Расстояние от точки до плоскости	УК-1 ОПК-1
12	Прямая в про- странстве	Прямая в пространстве, её канонические и параметрические уравнения. Общие уравнения прямой в пространстве. Угол между двумя прямыми, между прямой и плоскостью. Взаимное расположение	УК-1 ОПК-1

	1		ı
		двух прямых в пространстве. Расстояние от точки до прямой. Рассто-	
13	Поверхности вто-	яние между скрещивающимися и параллельными прямыми Поверхности второго порядка. Эллипсоиды, параболоиды, гипербо-	УК-1
13	рого порядка	лоиды, конусы, цилиндры. Поверхности вращения. Цилиндрические	УК-1 ОПК-1
	рого порядки	и конические поверхности. Исследование формы методом сечений	OTHE I
14	Комплексные	Комплексные числа и действия над ними. Изображение комплексных	УК-1
	числа	чисел на плоскости. Алгебраическая, тригонометрическая и показа-	ОПК-1
		тельная формы записи комплексных чисел. Формулы Муавра и Эй-	
		лера. Извлечение корня из комплексного числа. Свойства ком-	
		плексно сопряжённых выражений	
15	Множества на чис-	Множества и операции над ними. Числовые множества. Ограничен-	УК-1
	ловой прямой.	ные и неограниченные множества. Окрестность точки. Понятие	ОПК-1
	Функции	функции. Способы задания функции. График функции. Обратная	
		функция. Элементарные функции. Логические символы. Метод ма-	
1.6	***	тематической индукции. Бином Ньютона	X 7 7 2 1
16	Числовая последо-	Числовая последовательность и её предел. Бесконечно большие и	УК-1
	вательность и её	бесконечно малые последовательности. Свойства сходящихся после-	ОПК-1
	предел	довательностей. Виды неопределённостей. Монотонные последова-	
17	Предел функции	тельности. Теорема Вейерштрасса. Число е Предел функции в точке (по Коши и по Гейне) и на бесконечности.	УК-1
1 /	предел функции	Односторонние пределы функции. Бесконечно малые и бесконечно	УК-1 ОПК-1
		большие функции	OHK-1
18	Непрерывность	Непрерывность функции в точке. Свойства функций, непрерывных в	УК-1
10	функции в точке	точке. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва функций и их	ОПК-1
	φ,	классификация. Непрерывность элементарных функций. Замечатель-	01111
		ные пределы	
19	Сравнение функ-	Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших функций. Сим-	УК-1
	ций	волы «о» и «О». Эквивалентные функции, их применение к вычисле-	ОПК-1
		нию пределов функций	
20	Непрерывность	Функции, непрерывные на отрезке и их свойства: теоремы Вейер-	УК-1
	функции на от-	штрасса, теорема Коши о прохождении функции через нуль, теорема	ОПК-1
	резке	Коши о промежуточном значении	
21	Производная	Производная функции, её геометрический и физический смысл. Од-	УК-1
		носторонние производные. Уравнения касательной и нормали к кри-	ОПК-1
		вой. Основные правила дифференцирования. Производная сложной	
		и обратной функции. Производные элементарных функций. Лога-	
22	Дифференцируе-	рифмическое дифференцирование	УК-1
22	мость функции в	Дифференцируемость функций в точке. Дифференциал функции, его	УК-1 ОПК-1
	точке. Дифферен-	геометрический смысл и применение в приближенных вычислениях.	OHK-1
	циал	Инвариантность формы дифференциала	
23	Производные и	Производные высших порядков. Формула Лейбница. Дифференци-	УК-1
	дифференциалы	алы высших порядков. Дифференцирование параметрически задан-	ОПК-1
	высших порядков	ных функций. Дифференцирование функций, заданных неявно	
24	Основные теоремы		УК-1
	дифференциаль-	Локальный экстремум функции. Теорема Ферма. Основные теоремы дифференциального исчисления: Ролля, Лагранжа, Коши	ОПК-1
	ного исчисления		
25	Правила Лопиталя	Правила Лопиталя и их применение для раскрытия неопределённо-	УК-1
		стей	ОПК-1
26	Формула Тейлора	Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано и Лагранжа.	УК-1
		Формула Маклорена. Основные разложения по формуле Маклорена.	ОПК-1
27	П	Приложения формулы Тейлора	X/I 2 1
27	Применение про-	Признаки возрастания и убывания функции. Необходимое и доста-	УК-1
	изводных к иссле-	точные условия существования экстремума. Наибольшее и наимень-	ОПК-1
	дованию функций	шее значения функции, непрерывной на отрезке. Выпуклость и точки	
		перегиба. Достаточное условие выпуклости. Необходимое условие перегиба. Достаточные условия перегиба. Вертикальные и наклон-	
		ные асимптоты графика функции	
28	Исследование		УК-1
20	функций и постро-	Общая схема исследования поведения функции и построение гра-	ОПК-1
	ение графиков	фика функции	
29	Функции многих	Множества точек евклидова пространства. Связные и ограниченные	УК-1
	, , miorin		

	переменных: основные понятия	множества. Понятие функции многих переменных (ФМП). Линии и поверхности уровня ФМП. Предел ФМП в точке, его свойства. Повторные пределы. Непрерывность ФМП в точке	ОПК-1
30	Дифференцируе- мость ФМП	Частные производные и дифференцируемость ФМП. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал и его связь с частными производными. Дифференцирование сложных функций. Инвариантность формы полного дифференциала. Понятие неявной функции, определенной одним уравнением, её существование и дифференцирование	УК-1 ОПК-1
31	Производная по направлению. Градиент	Производная по направлению. Градиент функции и его смысл. Геометрический смысл дифференциала функции двух переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности	УК-1 ОПК-1
32	Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для ФМП	Частные производные высших порядков. Теорема о равенстве смешанных производных. Дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для ФМП	УК-1 ОПК-1
33	Локальный экстремум ФМП	Понятие локального экстремума ФМП. Необходимое условие экстремума. Достаточные условия экстремума	УК-1 ОПК-1
34	Условный экстремум ФМП. Метод множителей Лагранжа	Условный экстремум ФМП. Метод множителей Лагранжа. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной ФМП в замкнутой области	УК-1 ОПК-1
35	Первообразная и неопределённый интеграл	Первообразная. Неопределённый интеграл и его свойства. Таблица основных неопределённых интегралов. Методы вычисления неопределённых интегралов: непосредственное интегрирование	УК-1 ОПК-1
36	Общие методы ин- тегрирования	Методы вычисления неопределённых интегралов: непосредственное интегрирование, подстановкой (замена переменной), введение множителя под знак дифференциала, интегрирование по частям	УК-1 ОПК-1
37	Определенный интеграл и его свойства	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл и его свойства	УК-1 ОПК-1
38	Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница	Определенный интеграл с переменным верхним пределом и его дифференцирование. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле. Интеграл от периодических, чётных и нечётных функций	УК-1 ОПК-1
39	Несобственные ин- тегралы	Несобственные интегралы 1-го и 2-го рода. Исследование на сходимость: признаки сравнения для интегралов от неотрицательных функций. Абсолютная и условная сходимость. Главное значение	УК-1 ОПК-1
40	Повторные интегралы и двойной интеграл	Определение двойного интеграла, его свойства, геометрические и физические приложения. Вычисление двойных интегралов в декартовой системе координат. Изменение порядка интегрирования в двойном интеграле	УК-1 ОПК-1
41	Замена переменных в двойном интеграле	Криволинейные координаты. Якобиан и его геометрический смысл. Замена переменных в двойных интегралах. Двойной интеграл в по- лярной системе координат.	УК-1 ОПК-1
42	Криволинейные интегралы	Задачи, приводящие к криволинейному интегралу 1-го рода. Свойства и вычисление криволинейных интегралов 1-го рода. Криволинейный интеграл 2-го рода, его механический смысл. Свойства и вычисление криволинейных интегралов 2-го рода	УК-1 ОПК-1
43	Основные понятия теории дифференциальных уравнений	Основные понятия теории дифференциальных уравнений (ДУ). ДУ 1-го порядка, задача Коши. Общее и частное решение ДУ	УК-1 ОПК-1
44	Основные классы ДУ 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах	Основные классы ДУ 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли, в полных дифференциалах	УК-1 ОПК-1
45	ДУ высших поряд- ков	Основные понятия о ДУ высших порядков. Задача Коши. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами	УК-1 ОПК-1

46	Числовые ряды: основные понятия. Положительные ряды	Числовой ряд и его сумма. Действия над рядами. Простейшие свойства числовых рядов. Необходимое условие сходимости ряда. Признаки сходимости знакоположительных числовых рядов: интегральный признак. признаки сравнения, признаки Даламбера и Коши.	УК-1 ОПК-1 УК-1
47	Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница	Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница. Оценка остатка ряда. Знакопеременные ряды, абсолютная и условная сходимость	ОПК-1
48	Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора	Функциональные ряды, область сходимости и сумма ряда. Степенные ряды, теорема Абеля. Радиус, интервал и область сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов. Ряды Тейлора. Достаточные условия представления функции рядом Тейлора. Разложение основных функций в ряд Маклорена. Применение рядов Тейлора в приближённых вычислениях	УК-1 ОПК-1
49	Тригонометриче- ские ряды Фурье	Тригонометрические системы функций. Тригонометрический ряд Фурье для периодических функций с периодом 2π и для периодических функций с произвольным периодом. Разложение чётных и нечётных периодических функций в тригонометрический ряд Фурье. Теорема Дирихле о сходимости тригонометрического ряда Фурье	УК-1 ОПК-1
50	Функции ком- плексной перемен- ной: основные по- нятия. Аналитиче- ские функции	Понятие функции комплексной переменной. Предел и непрерывность функций комплексной переменной. Основные элементарные функции комплексной переменной. Производная функции комплексной переменной. Условия Коши-Римана. Аналитические функции.	УК-1 ОПК-1
51	Интегрирование функций ком- плексной перемен- ной	Интеграл от функции комплексной переменной, его вычисление и свойства. Интегральная теорема Коши. Первообразная и интеграл аналитической функции. Интегральная формула Коши. Бесконечная дифференцируемость аналитических функций	УК-1 ОПК-1

# 2.2 Учебно-методическая карта учебной дисциплины

# 1 семестр

№ недели	Лекции (наименование тем)	Часы	Практические (семинарские) занятия	Часы	Самостоятельная работа, часы	Форма контроля знаний	Баллы (тах)
Моду					1		
1	1. Множества и отображения	2	Пр. р. 1. Множества и отображения	2	2		
2	2. Матрицы и операции над ними		Пр. р. 2. Матрицы и операции над ними	2	2		
	3. Определители		Пр. р. 3. Определители Пр. р. 4. Обратная матрица. Правило				
2	4. Обратная матрица. Правило Крамера	2	Крамера	2	2		
3	5. Ранг матрицы	2	Пр. р. 5. Ранг матрицы	2	2		
3	6. Системы линейных уравнений	2	Пр. р. 6. Системы линейных уравнений	2		KP	15
4	7. Векторы и действия над ними	2	Пр. р. 7. Векторы и действия над ними	2	2		
	8. Произведения векторов		Пр. р. 8. Произведения векторов	2			
5	9. Прямая на плоскости		Пр. р. 9. Прямая на плоскости	2	2		
5	10. Кривые второго порядка		Пр. р. 10. Кривые второго порядка	2	2		
6	<ol> <li>Плоскость в пространстве</li> <li>Прямая в пространстве</li> </ol>		Пр. р. 11. Плоскость в пространстве Пр. р. 12. Прямая в пространстве	2			
7	13. Поверхности второго порядка		Пр. р. 13. Поверхности второго порядка	2	2		
7	14. Комплексные числа	2	Пр. р. 14. Комплексные числа	2		КР	15
	15. Множества на числовой прямой.		Пр. р. 15. Множества на числовой пря-		_	ICI	13
8	Функции	2	мой. Функции	2	2		
8	16. Числовая последовательность и её предел	2	Пр. р. 16. Числовая последовательность и её предел	2		ПКУ	30
Моду	ль 2		•				
9	17. Предел функции	2	Пр. р. 17. Предел функции	2	2		
9	18. Непрерывность функции в точке	2	Пр. р. 18. Непрерывность функции в точке	2			
10	19. Сравнение функций	2	Пр. р. 19. Сравнение функций	2	2		
10	20. Непрерывность функции на отрезке	2	Пр. р. 20. Непрерывность функции на отрезке	2	2		
11	21. Производная	2	Пр. р. 21. Производная	2	2		
11	22. Дифференцируемость функции в точке. Дифференциал	2	Пр. р. 22. Дифференцируемость функции в точке. Дифференциал	2			
12	23. Производные и дифференциалы высших порядков	2	Пр. р. 23. Производные и дифференциалы высших порядков	2	2		
12	24. Основные теоремы дифференциаль-	2	Пр. р. 24. Основные теоремы диффе-	2	2		
13	ного исчисления 25. Правила Лопиталя	2	ренциального исчисления Пр. р. 25. Правила Лопиталя	2	2		
13	26. Формула Тейлора		Пр. р. 26. Формула Тейлора	2			
14	27. Применение производных к исследованию функций	2	Пр. р. 27. Применение производных к исследованию функций	2	2		
14	28. Исследование функций и построение графиков	2	Пр. р. 28. Исследование функций и по- строение графиков	2		КР	15
15	29. Функции многих переменных: основные понятия	2	Пр. р. 29. Функции многих перемен-	2	2		
15	новные понятия 30. Дифференцируемость ФМП	2	ных: основные понятия Пр. р. 30. Дифференцируемость ФМП	2			
16	31. Производная по направлению. Гра-	2	Пр. р. 31. Производная по направле-	2	2		
16	диент 32. Частные производные и дифферен- циалы высших порядков. Формула Тей-	2	нию. Градиент Пр. р. 32. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Фор-	2	2		
	лора для ФМП		мула Тейлора для ФМП				
17	33. Локальный экстремум ФМП	2	Пр. р. 33. Локальный экстремум ФМП	2	2	T.0-	4.5
17	34. Условный экстремум ФМП. Метод множителей Лагранжа	2	Пр. р. 34. Условный экстремум ФМП. Метод множителей Лагранжа	2		КР ПКУ	15 30
18-21					36	ПА (экзамен)	40
	Итого	68		68	80		100

# 2 семестр

№ недели	Лекции (наименование тем)	Часы	Практические (семинарские) занятия	Часы	Самостоятельная работа, часы	Форма контроля знаний	Баллы (тах)
Моду 1	1. Первообразная и неопреде-	2	Пр. р. 1. Первообразная и неопределённый ин-	2	2		
1	лённый интеграл 2. Первообразная и неопреде-	2	теграл Пр. р. 2. Первообразная и неопределённый ин-	2	4		
	лённый интеграл 3. Общие методы интегрирова-		теграл				
2	ния	2	Пр. р. 3. Общие методы интегрирования	2	2		
2	4. Общие методы интегрирования	2	Пр. р. 4. Общие методы интегрирования	2	2		
3	5. Определенный интеграл и его свойства	2	Пр. р. 5. Определенный интеграл и его свойства	2	2		
3	6. Определенный интеграл и его свойства	2	Пр. р. 6. Определенный интеграл и его свойства	2	2		
4	7. Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница	2	Пр. р. 7. Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница	2	4		
4	8. Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница	2	Пр. р. 8. Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница	2	2		
5	9. Несобственные интегралы		Пр. р. 9. Несобственные интегралы	2	2		
5	10. Несобственные интегралы	2	Пр. р. 10. Несобственные интегралы	2	2	KP	15
6	11. Повторные интегралы и двойной интеграл	2	Пр. р. 11. Повторные интегралы и двойной интеграл	2	2		
6	12. Повторные интегралы и двойной интеграл	2	Пр. р. 12. Повторные интегралы и двойной интеграл	2	2		
7	13. Замена переменных в двойном интеграле	2	Пр. р. 13. Замена переменных в двойном интеграле	2	2		
7	14. Замена переменных в двой-	2	Пр. р. 14. Замена переменных в двойном инте-	2	2		
8	ном интеграле 15. Криволинейные интегралы	2	грале Пр. р. 15. Криволинейные интегралы	2	2		
8	16. Криволинейные интегралы		Пр. р. 16. Криволинейные интегралы	2	4	КР	15
Моду						ПКУ	30
9	17. Основные понятия теории	2	Пр. р. 17. Основные понятия теории дифферен-	2	2		
9	дифференциальных уравнений 18. Основные понятия теории	2	циальных уравнений Пр. р. 18. Основные понятия теории дифферен-	2	2		
	дифференциальных уравнений 19. Основные классы ДУ 1-го		циальных уравнений		2		
10	порядка, интегрируемые в квадратурах	2	Пр. р. 19. Основные классы ДУ 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах	2	2		
10	20. Основные классы ДУ 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах	2	Пр. р. 20. Основные классы ДУ 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах	2	2		
11	21. ДУ высших порядков		Пр. р. 21. ДУ высших порядков	2	2		
11	22. ДУ высших порядков 23. Числовые ряды: основные		Пр. р. 22. ДУ высших порядков Пр. р. 23. Числовые ряды: основные понятия. По-	2	2	КР	15
12	понятия. Положительные ряды	2	ложительные ряды	2	2		
12	24. Числовые ряды: основные понятия. Положительные ряды	2	Пр. р. 24. Числовые ряды: основные понятия. Положительные ряды	2	4		
13	25. Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница	2	Пр. р. 25. Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница	2	2		
13	26. Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница	2	Пр. р. 26. Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница	2	2		
14	17. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора	2	Пр. р. 27. Функциональные ряды. Степенные ряды Ряды Тейлора	2	2		
14	28. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора	2	Пр. р. 28. Функциональные ряды. Степенные ряды Ряды Тейлора	2	4		
15	29. Тригонометрические ряды	2	Пр. р. 29. Тригонометрические ряды Фурье	2	2		

	Фурье						
	30. Тригонометрические ряды Фурье	2	Пр. р. 30. Тригонометрические ряды Фурье	2	2		
16	31. Функции комплексной переменной: основные понятия. Аналитические функции	2	Пр. р. 31. Функции комплексной переменной: основные понятия. Аналитические функции	2	2		
16	32. Функции комплексной переменной: основные понятия. Аналитические функции	2	Пр. р. 32. Функции комплексной переменной: основные понятия. Аналитические функции	2	2		
17	33. Интегрирование функций комплексной переменной	2	Пр. р. 33. Интегрирование функций комплексной переменной	2	2		
17	34. Интегрирование функций комплексной переменной	2	Пр. р. 34. Интегрирование функций комплексной переменной	2	4	КР ПКУ	15 30
18-20					36	ПА (экза- мен)	40
	Итого	68		68	116		100

Принятые обозначения:

Текущий контроль –

3ИЗ – защита индивидуального задания;

КР – контрольная работа;

ПКУ – промежуточный контроль успеваемости.

ПА - Промежуточная аттестация.

Итоговая оценка определяется как сумма текущего контроля и промежуточной аттестации и соответствует баллам:

#### Экзамен

Оценка	Отлично	Хорошо	Удовлетворительно	Неудовлетворительно
Баллы	87-100	65-86	51-64	0-50

#### 3 ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При изучении дисциплины используется модульно-рейтинговая система оценки знаний студентов. Применение форм и методов проведения занятий при изучении различных тем курса представлено в таблице.

1 семестр

N₂	Форма проведения заня-	Вид аудитор	Всего	
п/п	тия	Лекции	Практические занятия	часов
1	Традиционные	1-9, 11-12, 14-34	1-9, 11-12, 14-27, 29-34	126
2	С использованием ЭВМ	10, 13	10, 13, 28	10
	ИТОГО			136

2 семестр

№	Форма проведения заня-	Вид аудитој	Всего	
п/п	тия	Лекции	Практические занятия	часов
1	Традиционные	1-10, 15-34	1-26, 28, 30, 31, 33-34	126
2	С использованием ЭВМ	11-14	27, 29, 32	10
	ИТОГО			136

# 4 ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

Используемые оценочные средства по учебной дисциплине представлены в таблице и хранятся на кафедре.

№	Вид оценочных средств	Количество
п/п		комплектов
1	Вопросы к экзамену	2
2	Экзаменационные билеты	2
3	Контрольные работы	8
4	Тестовые (электронные) программы для оценки знаний	2

# 5 МЕТОДИКА И КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ КОМПЕТЕНЦИЙ СТУДЕНТОВ

# 5.1 Уровни сформированности компетенций

No	Уровни сформи-	Содержательное описание	Результаты обучения
п/п	рованности ком-	уровня	
	петенции		
Ком	петенция УК-1 Спос	обен осуществлять поиск, критиче	еский анализ информации, при-
меня	ять системный подхо	од для решения поставленных зад	ач.
		сатора достижения компетенции	
УК-1	1.1 Рассматривает воз	можные варианты решения математи	ческой задачи, оценивая их досто-
инст	ва и недостатки.		
1	Пороговый уровень	Знать и понимать основные опре-	Умение решать поставленные
		деления и теоремы курса; уметь	задачи, требующее применять в
		найти необходимую информацию;	знакомой ситуации известные
		уметь репродуцировать имеющу-	факты, стандартные приемы, ал-
		юся информацию; быть готовым к	горитмы и навыки.
		воспроизведению полученных	
		знаний.	
2	Продвинутый уро-	Уметь доказывать изученные тео-	Умение находить оптимальные
	вень	ремы; уметь доказывать матема-	способы решений задач, кото-
		тические утверждения, аналогич-	рые не являются типичными, но
		ные ранее изученным; уметь ана-	знакомы студентам или выходят
		лизировать и синтезировать полу-	за рамки известного лишь в не-
		ченную информацию; знать и по-	большой степени.
		нимать междисциплинарные ос-	
		новы математики; уметь исполь-	
		зовать математические термины в	
3	D	устной беседе.	V
3	Высокий уровень	Знать и понимать актуальные про-	Умение оптимально решать за-
		блемы математики, выходящие за	дачи, которые требуют опреде-
		рамки учебной программы; уметь	ленной интуиции, размышлений
		применять различные методы и	и творчества в выборе математи-
		технологии для решения задач; уметь представлять, объяснять,	ческого инструментария, интегрирование знаний из разных
		1 *	разделов курса математики, са-
		анализировать и интерпретировать полученные результаты;	разделов курса математики, са-
		уметь доказывать математические	ритма действий.
		утверждения, не аналогичные ра-	ритма денетвии.
		1 2 2	
		1	
		1	
		нее изученным; уметь вести научную дискуссию; уметь устанавливать междисциплинарные связи;	

		уметь ченнук	систематизировать информацию.	полу-	

*Компетенция ОПК-1* Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения

Код и наименование индикатора достижения компетенции

ОПК-1.1. Применяет методы вычислительной математики для анализа моделей и решения научных и технических залач

ных	и технических задач		
1	Пороговый уровень	Знать и понимать основные определения и теоремы математики. Уметь изложить основные теоретические проблемы данного курса; уметь найти необходимую информацию; уметь репродуцировать имеющуюся информацию; быть готовым к воспроизведению полученных знаний.	Умение решать типовые задачи с помощью применения знаний, методов математики, которые могут быть полезными в научных исследованиях и инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием.
2	Продвинутый уровень	Полученных знании.  Уметь доказывать изученные теоремы. Уметь анализировать и синтезировать полученную информацию; знать и понимать приложения полученных знаний в других дисциплинах. Уметь использовать изученную терминологию в устной беседе.	Умение, основанное на знании математики, методов решения, позволяющее решать задачи, которые не являются типичными (задачи из различных областей естественных наук и инженерной практики), однако выходят за рамки известного лишь в небольшой степени.
3	Высокий уровень	Знать и понимать актуальные проблемы изученного курса, выходящие за рамки учебной программы; уметь применять различные методы и технологии для решения задач; уметь представлять, объяснять, анализировать и интерпретировать полученные результаты; уметь доказывать математические утверждения, не аналогичные ранее изученным; уметь вести научную дискуссию; уметь устанавливать междисциплинарные связи; уметь систематизировать полученную информацию.	Умение решать задачи из различных областей естественных наук и инженерной практики, которые требуют определенной интуиции, размышлений и творчества в выборе математического инструментария, интегрирования знаний из разных разделов курса математики, самостоятельной разработки алгоритма действий.

# 5.2 Методика оценки знаний, умений и навыков студентов

Результаты обучения	Оценочные средства		
Компетенция УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ информации, прим			
нять системный подход для решения поставленных задач.			
Умение решать поставленные задачи, требующее применять в знако-	Контрольные задания		
мой ситуации известные факты, стандартные приемы, алгоритмы и	Вопросы к экзамену		
навыки.	Билеты к экзамену		
Умение находить оптимальные способы решений задач, которые не	Контрольные задания		
являются типичными, но знакомы студентам или выходят за рамки из-	Вопросы к экзамену		
вестного лишь в небольшой степени.	Билеты к экзамену		
Умение оптимально решать задачи, которые требуют определенной	Контрольные задания		
	Вопросы к экзамену		

интуиции, размышлений и творчества в выборе математического ин-	Билеты к экзамену
струментария, интегрирование знаний из разных разделов курса мате-	
матики, самостоятельная разработка алгоритма действий.	
Компетенция ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и оби	цеинженерные знания, ме-
тоды математического анализа и моделирования в инженерной деятели	ьности, связанной с проек-
тированием и конструированием, технологиями производства приборо	ов и комплексов широкого
назначения	
Умение решать типовые задачи с помощью применения знаний, мето-	Контрольные задания
дов математики, которые могут быть полезными в научных исследо-	Вопросы к экзамену
ваниях и инженерной деятельности, связанной с проектированием и	Билеты к экзамену
конструированием.	
Умение, основанное на знании математики, методов решения, позво-	Контрольные задания
ляющее решать задачи, которые не являются типичными (задачи из	Вопросы к экзамену
различных областей естественных наук и инженерной практики), од-	Билеты к экзамену
нако выходят за рамки известного лишь в небольшой степени.	
Умение решать задачи из различных областей естественных наук и ин-	Контрольные задания
женерной практики, которые требуют определенной интуиции, раз-	Вопросы к экзамену
мышлений и творчества в выборе математического инструментария,	Билеты к экзамену
интегрирования знаний из разных разделов курса математики, само-	
стоятельной разработки алгоритма действий.	

# 5.3 Критерии оценки практических работ

Оценка эффективности усвоения студентом материала, изученного на практических занятиях, осуществляется с помощью контрольных работ.

Каждая контрольная работа оценивается по шкале от 0 до 15 баллов. Количество баллов, полученных студентом за контрольную работу, равно сумме баллов за каждую задачу. При этом студент получает за одну задачу:

20% от максимального числа баллов за задачу в случае, когда продемонстрировано полное незнание изученного материала, отсутствие элементарных умений и навыков;

40% от максимального числа баллов за задачу в случае, когда допущены существенные ошибки, показавшие, что студент не обладает обязательными умениями по данной теме в полной мере;

60% от максимального числа баллов за задачу в случае, когда допущено более одной ошибки, но студент обладает обязательными умениями по проверяемой теме;

80% от максимального числа баллов за задачу в случае, когда оно выполнено полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умение обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки), допущена одна незначительная ошибка;

100% от максимального числа баллов за задачу в случае, когда оно выполнено полностью, в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок, в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, которая не является следствием незнания или непонимания учебного материала).

## 5.4 Критерии оценки экзамена

Согласно подразделу 2.2 итоговая экзаменационная оценка определяется в результате установления соответствия между суммой баллов промежуточного контроля успеваемости и текущей аттестации (экзамена) и оценкой по пятибалльной шкале. Текущая аттестация (экзамен) оценивается до 40 баллов.

Оценка **«отлично»** выставляется за: систематизированные, глубокие и полные знания в объеме рабочей программы, точное использование научной терминологии и свободное владение инструментарием учебной дисциплины, умение анализировать и применять теоретические знания при самостоятельном решении типовых учебных задач и задач повышенной сложности, способность делать обоснованные выводы.

Оценка «**хорошо**» выставляется за: полные знания в объеме рабочей программы, правильное использование терминологии, способность самостоятельно решать типовые задачи

учебной дисциплины.

Оценка «удовлетворительно» выставляется за: обладание базовыми знаниями (владеет терминологией, знает определения понятий) в объеме рабочей программы достаточными для усвоения последующих дисциплин, умение решать простейшие типовые задачи.

Оценка **«неудовлетворительно»** выставляется за: фрагментарные знания по базовым вопросам в объеме рабочей программы, недостаточными для усвоения последующих дисциплин, неуверенное использование терминологии, неумение решать типовые задачи.

# 6 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОРГАНИЗАЦИИ И ВЫПОЛНЕ-НИЮ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИ-ПЛИНЕ

Самостоятельная работа студентов (СРС) направлена на закрепление и углубление освоения учебного материала, развитие практических умений. СРС включает следующие виды самостоятельной работы студентов:

конспектирование;

решение задач и упражнений по образцу;

работа с лекционными материалами, включая основную и дополнительную литературу, которые представлены в пунктах 7.1 и 7.2;

работа с материалами курса, вынесенными на самостоятельное изучение;

работа со справочной литературой;

выполнение контрольных работ;

выполнение индивидуальных заданий;

подготовка к аудиторным занятиям и контрольным работам;

подготовка к экзамену.

Для СРС рекомендуется использовать источники, приведенные в п. 7.

Перечень методических указаний приведен в п. 7.4.1 и они хранятся в кабинете математики (к. 405). Кроме того, их электронные варианты представлены в университетской сети Интернет по адресу: eco.bru.by.

По адресу cdo.bru.by (учебные материалы), находится разработанный на кафедре электронный учебно-методический комплекс (ЭУМК), который включает:

- курс лекций;
- методические рекомендации для практических занятий;
- примеры контрольных заданий;
- примеры индивидуальных заданий;
- вопросы к экзаменам;
- образцы экзаменационных билетов;
- список литературы.

# 7 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

## 7.1 Основная литература

No	Библиографическое описание	Гриф	Количество экземпля-
п/п	виолиотрафическое описание	т риф	ров
1	Шипачев, В. С. Высшая матема-	Рекомендовано Министерством образо-	https://znanium.com/ca
	тика: учебник / В.С. Шипачев. —	вания и науки Российской Федерации в	talog/product/1894562
	Москва : ИНФРА-M, 2023. —	качестве учебника для студентов выс-	
	479 с. — (Высшее образование).	ших учебных заведений	
	— Режим доступа:		
	https://znanium.com/		
	Шипачев, В. С. Задачник по выс-	Допущено Министерством образования	https://znanium.com/ca
	шей математике : учебное посо-	и науки Российской Федерации в каче-	talog/product/1455881
	бие / В.С. Шипачев. — 10-е изд.,	стве учебного пособия для студентов	
	стер. — Москва : ИНФРА-М,	высших учебных заведений	

2021. — 304 с. — Режим доступа:	
https://znanium.com/	<u> </u>

7.2 Дополнительная литература

	<i>I</i> 1	V <b>1</b>	
<b>№</b> п/п	Библиографическое описание	Гриф	Количество эк- земпляров
1	Ячменев, Л. Т. Высшая математика: учебник / Л. Т. Ячменёв Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2020 752 с (Высшее образование: Бакалавриат). — Режим доступа:	Рекомендовано научно-методическим советом по математике Министерства образования и науки РФ в качестве учебника для студентов высших учебных заведений, обучающихся по инженерно-техническим и эконо-	https://znanium.c om/catalog/produ ct/1056564
	https://znanium.com/	мическим специальностям	
2	Шершнев, В. Г. Математический		https://znanium.
	анализ : учебное пособие / В. Г.		com/catalog/pro
	Шершнев. — Москва : ИНФРА-М,		duct/1008011
	2019. — 288 с. — (Высшее образо-		
	вание: Бакалавриат) Режим до-		
	ступа: https://znanium.com/		

# 7.3 Перечень ресурсов сети Интернет по изучаемой дисциплине

Eco.bru.by, cdo.bru.by, exponenta.ru, википедия, intuit.ru

# 7.4 Перечень наглядных и других пособий, методических рекомендаций по проведению учебных занятий, а также методических материалов к используемым в образовательном процессе техническим средствам

## 7.4.1 Методические рекомендации

- 1. Высшая математика. Математика. Введение в математический анализ. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители А.М. Бутома, Т.И. Червякова. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2018. 33 с.
- 2. Высшая математика. Математика. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной и многих переменных. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители А.Г. Козлов, А.А. Романенко. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2018. 48 с.
- 3. Высшая математика. Математика. Ряды. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители А.Н. Бондарев, Т.И. Червякова. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2018. 34 с.
- 4. Высшая математика. Математика. Определенный интеграл. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители Л.И. Сотская, Е.Л. Старовойтова. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2019. 46 с.
- 5. Высшая математика. Математика. Дифференциальные уравнения. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки / составитель Т.Ю. Орлова. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2020. 48 с.
- 6. Высшая математика. Математика. Аналитическая геометрия. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составитель А.М. Бутома. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2020. 46 с.
- 7. 2. Высшая математика. Математика. Векторная алгебра. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составитель А.М. Бутома. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2020. 29 с.

- 8. Высшая математика. Математика. Векторная алгебра. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составитель А.М. Бутома. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2020. 29 с.
- 9. Высшая математика. Математика. Дифференциальные уравнения. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки / составитель Т.Ю. Орлова. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2020. 48 с.
- 10. Высшая математика. Математика. Ряд Фурье. Интеграл Фурье. Операционное исчисление. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители Т.Ю. Орлова, А.А. Романенко. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2020. 46 с.
- 11. Высшая математика. Математика. Интегральное исчисление функций многих переменных. Кратные интегралы. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители Т.Ю. Орлова, Д.В. Роголев. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2021. 37 с.
- 12. Высшая математика. Математика. Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и всех направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составитель А.М. Бутома. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2021. 36 с.
- 13. Высшая математика. Математика. Криволинейные и поверхностные интегралы. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители Т.Ю. Орлова, Д.В. Роголев. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2021. 44 с.
- 14. Высшая математика. Математика. Теория функций комплексной переменной. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители Т.Ю. Орлова, И.У. Примак, А.А. Романенко. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2021.—48 с.
- 15. Высшая математика. Математика. Математический анализ. Функции нескольких переменных. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составители А.Н. Бондарев, Т.Ю. Орлова. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2022. 44 с.
- 16. Высшая математика. Математика. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Определители и матрицы. Системы линейных алгебраических уравнений. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составитель Т.Ю. Орлова. Могилев : Белорус.-Рос. ун-т, 2022. 48 с.
- 17. Высшая математика. Математика. Математический анализ. Дифференцирование функций одной переменной. Методические рекомендации к практическим занятиям для студентов всех специальностей и направлений подготовки дневной и заочной форм обучения / составитель А.Н. Бондарев. Могилев: Белорус.-Рос. ун-т, 2022. 41 с.

# <u>МАТЕМАТИКА</u>

(наименование дисциплины)

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Направление подготовки 12.03.01 Приборостроение

**Направленность (профиль)** Информационные системы и технологии неразрушающего контроля и диагностики

## Квалификация Бакалавр

	Форма обучения
	Очная
Курс	1
Семестр	1,2
Лекции, часы	136
Практические занятия, часы	136
Экзамен, семестр	1,2
Контактная работа по учебным занятиям, часы	272
Самостоятельная работа, часы	196
Всего часов / зачетных единиц	468/13

## 1. Цель учебной дисциплины

Целью учебной дисциплины является формирование специалистов, умеющих обоснованно и результативно применять существующие и осваивать новые математические методы расчета и анализа

2. Планируемые результаты изучения дисциплины

В результате освоения учебной дисциплины студент должен

#### Знать:

- -основные понятия математического анализа, дифференциального и интегрального исчисления;
- -векторный анализ и элементы теории поля;
- -дифференциальные уравнения и уравнения математической физики;
- -функции комплексного переменного;
- -теорию вероятностей и математическую статистику, элементы дискретной математики. Уметь:
- -применять математическое моделирование;
- -выбирать и применять методы решения задач, вычисления и оценки результатов моделирования.

#### Владеть:

- -методами математического анализа; навыками постановки задач в математической форме.
- 3. Требования к освоению учебной дисциплины

Освоение данной учебной дисциплины должно обеспечивать формирование следуюших компетенций:

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ информации, применять системный подход для решения поставленных задач

ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения.

4. Образовательные технологии: традиционные, с использованием ЭВМ.