

МЕЖГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«БЕЛОРУССКО-РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Кафедра «Автоматизированные системы управления»

ВВЕДЕНИЕ В РАЗРАБОТКУ ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ

*Методические рекомендации к лабораторным работам
для студентов специальности
6-05-0611-01 «Информационные системы и технологии»
очной формы обучения*



Могилев 2024

УДК 004
ББК 32.81
В74

Рекомендовано к изданию
учебно-методическим отделом
Белорусско-Российского университета

Одобрено кафедрой «Автоматизированные системы управления»
«16» января 2024 г., протокол № 7

Составитель канд. техн. наук, доц. В. М. Ковальчук

Рецензент канд. техн. наук, доц. С. К. Крутолевич

Методические рекомендации предназначены для студентов специальности
6-05-0611-01 «Информационные системы и технологии» очной формы
обучения.

Учебное издание

ВВЕДЕНИЕ В РАЗРАБОТКУ ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ

Ответственный за выпуск	А. И. Якимов
Корректор	И. В. Голубцова
Компьютерная верстка	Н. П. Полевничая

Подписано в печать . Формат 60×84/16. Бумага офсетная. Гарнитура Таймс.
Печать трафаретная. Усл. печ. л. . Уч.-изд. л. . Тираж 21 экз. Заказ №

Издатель и полиграфическое исполнение:
Межгосударственное образовательное учреждение высшего образования
«Белорусско-Российский университет».
Свидетельство о государственной регистрации издателя,
изготовителя, распространителя печатных изданий
№ 1/156 от 07.03.2019.
Пр-т Мира, 43, 212022, г. Могилев.

© Белорусско-Российский
университет, 2024

Содержание

Введение.....	4
1 Лабораторная работа № 1. Алгоритмический язык VBA. Разработка линейной программы со вводом и выводом данных	5
2 Лабораторная работа № 2. Алгоритмический язык VBA. Разработка разветвленной программы с использованием оператора IF.....	8
3 Лабораторная работа № 3. Алгоритмический язык VBA. Разработка разветвленной программы с использованием вложенного оператора IF	9
4 Лабораторная работа № 4. Алгоритмический язык VBA. Разработка разветвленной программы с использованием оператора выбора.....	12
5 Лабораторная работа № 5. Алгоритмический язык VBA. Разработка программы с использованием оператора выбора FOR. Ввод и вывод одномерного массива.....	14
6 Лабораторная работа № 6. Алгоритмический язык VBA. Разработка программы с вложенными циклами. Обработка многомерных массивов	16
7 Лабораторная работа № 7. Использование пакета MathCad для решения математических задач. Вычисление функций и построение графиков в MathCad	17
8 Лабораторная работа № 8. Использование пакета MathCad для решения математических задач. Решение алгебраических уравнений в MathCad	21
Список литературы.....	23

Введение

Цель методических рекомендаций к лабораторным работам по дисциплине «Введение в разработку программного обеспечения» заключается в овладении и закреплении студентами практических навыков работы в среде приложений MS Office.

Целью преподавания дисциплины является изучение основных современных пакетов прикладных программ для научных и инженерных расчетов, изучение основ программирования, общих вопросов алгоритмизации и приобретение навыков решения задач с применением средств вычислительной техники.

Дисциплина «Введение в разработку программного обеспечения» является неотъемлемой частью современных инженерных знаний и входит в состав естественно-научных дисциплин, компонентов учреждения высшего образования.

Полученные при изучении дисциплины знания и навыки будут востребованы при изучении специальных дисциплин инженерной направленности и станут инструментом для грамотного выполнения и оформления рефератов, курсовых и дипломных работ.

Каждая работа рассчитана на два часа.

Выполнение каждой работы производится в следующем порядке:

- 1) ознакомиться с теоретическими положениями работы;
- 2) из таблицы «Варианты заданий для выполнения работы» по указанию преподавателя выбрать исходные данные для выполнения задания и оформить рукописный отчет.

Отчет содержит: название и цель работы; постановку задачи; исходные данные; использованные технологии; результаты выполнения; анализ полученных результатов; выводы. В отчете можно привести также ответы на наиболее сложные вопросы, приведенные в конце каждой работы.

1 Лабораторная работа № 1. Алгоритмический язык VBA. Разработка линейной программы со вводом и выводом данных

Цель работы: ознакомиться с основными окнами среды VBA и с процессом конструирования визуального проявления программы.

Методические указания

Корпорация Microsoft интегрировала в свои офисные продукты язык программирования Visual Basic for Applications (VBA). С помощью этого языка каждый пользователь может автоматизировать работу приложения и максимально приспособить его работу для решения текущих задач.

Код VBA набирается в редакторе Visual Basic. Для того чтобы попасть в этот редактор, выберите в MS Excel команду Сервис | Макрос | Редактор Visual Basic или нажмите комбинацию клавиш <Alt> + <F11>. В результате откроется интегрированная среда разработки приложений (IDE).

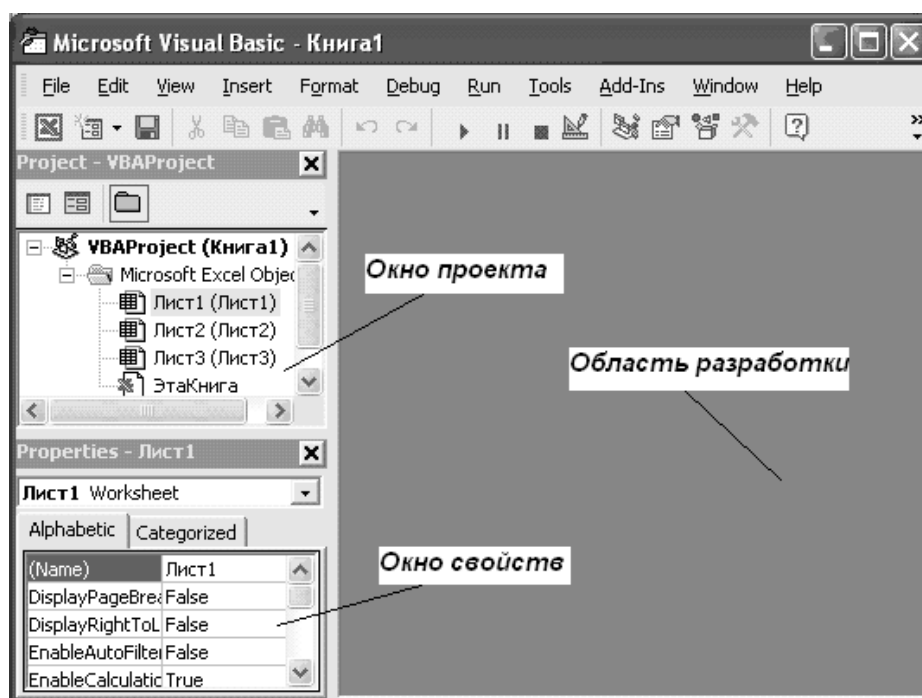


Рисунок 1.1 – Интегрированная среда разработки приложений (IDE)

Возвратиться из редактора Visual Basic в рабочую книгу можно, нажав кнопку с пиктограммой Excel.

Все приложения, написанные на VBA, создаются как проекты. В проект входят несколько модулей: код программы, параметры формы, конфигурация интегрированной среды разработки и др.

Среда разработки приложений имеет стандартный для Windows приложений вид: строка меню, панель инструментов и еще несколько открытых окон. На рисунке 1.1 открыты два окна: **Project – VBA Project** и **Properties**.

Окно **Project – VBA Project** активизируется выбором команды **View Project Explorer** (1) или нажатием кнопки **Project Explorer** (2) панели инструментов. В окне **Project – VBAProject** представлена иерархическая структура форм и модулей текущего проекта. В этом окне отображается реестр модулей и форм, входящих в создаваемый проект. Двойным щелчком на значке модуля в окне **Project – VBA Project** можно открыть соответствующий модуль.

В проекте автоматически создается по модулю для каждого рабочего листа и для всей книги. Кроме того, можно создавать и другие модули.

При написании кода программы необходимо придерживаться следующей структуры:

```
SubИмяПрограммногоМодуля ()
Объявление переменных и констант
Тело программы (последовательность исполняемых операторов)
EndSub
```

Переменные в программе используются для хранения данных, которые могут изменяться в процессе выполнения процедуры. Объявление типа переменной означает, что пользователь устанавливает определённые границы, в которых может изменяться переменная. Тип переменной можно вообще не определять. Если тип переменной не объявляется, по умолчанию он принимается как тип Variant. В таблице 1.1 содержится информация о размере данных, т. е. об объёме памяти, выделяемом для хранения данных.

Таблица 1.1 – Основные типы переменных языка VBA

Тип	Содержание	Объем	Диапазон значений
Byte	Короткое неотрицательное число	1 байт	0...255
Integer	Целое число	2 байта	-32768...+32767
Long	Длинное целое число	4 байта	-2147483648... +2147483647
Single	Десятичное число обычной точности	4 байта	$\pm(1,4011298e^{-45} \dots 3,402823e^{+38})$
Double	Десятичное число двойной точности	8 байт	$\pm(1e^{-324} \dots 1e^{+308})$
String	Набор символов (строка)	Зависит от числа символов в строке	
Boolean	Логическая величина	2 байта	Истина (True) или Ложь (False)
Date	Дата	8 байт	Информация о дате
Object	Указатель на объект	4 байта	Значение является ссыла на объект
Variant	Произвольное значение	Не менее 16 байт	Может быть переменной любого типа

Для объявления переменной используется оператор Dim. Этот оператор имеет следующий синтаксис:

DimИмяПеременнойAsТипДанных

Имена переменных должны начинаться с буквы, могут содержать также цифры и знаки подчёркивания. Имя не может содержать пробелы, точки, запятые, восклицательные знаки и символы @, &, \$, # и не должно иметь более 255 символов.

Если в вычислениях нужна величина, которая бы не меняла своего значения, то применяются константы. Для их объявления используется оператор Const, имеющий следующий синтаксис:

ConstИмяКонстантыAsТипДанных = Значение

Например:

ConstGruppaAsInteger = 25

Для задания переменным исходных значений используется функция InputBox, а для вывода значений переменных на экран – процедура MsgBox. Синтаксис их написания можно посмотреть в справочной системе при работе с кодом программы с помощью клавиши F1.

Для вычисления значений переменных в программе используется оператор присваивания, имеющий следующий синтаксис:

Переменная = Выражение

Если *Выражение* математическое, то в нем используются знаки арифметических действий, математические функции и круглые скобки, например:

$$A = 2 \cdot \sin(x + 2) / \cos(x - 2)$$

Задание

- 1 Получить от преподавателя математическое выражение, результат которого необходимо вычислить.
- 2 Составить необходимый код программы с обеспечением ввода исходных данных и вывода результата на экран.
- 3 Запустить программу на выполнение и сравнить полученный результат со значением, вычисленным другим способом, например с помощью калькулятора.

Контрольные вопросы

- 1 Как объявить переменную, которая может иметь целые значения в диапазоне от 0 до 100?

- 2 Как в программе присвоить значение переменной?
- 3 Как показать результат вычислений?

2 Лабораторная работа № 2. Алгоритмический язык VBA. Разработка разветвленной программы с использованием оператора IF

Цель работы: изучить оператор ветвления *If*; создать программу с использованием оператора ветвления *If* на языке программирования VBA.

Методические указания

Алгоритм называется разветвляющимся, если последовательность выполнения его шагов изменяется в зависимости от выполнения некоторых условий. Условие – это логическое выражение, которое может принимать одно из двух значений: «ДА» – если условие верно (истинно, *TRUE*); «НЕТ» – если условие неверно (ложно, *FALSE*).

Схема алгоритма конструкции условного оператора *If* представлена на рисунке 2.1. Синтаксис условного оператора *If* в однострочной форме следующий:

If<лог. выраж.> *Then* $P_1 : P_2 : \dots : P_N$ *Else* $M_1 : M_2 : \dots : M_N$

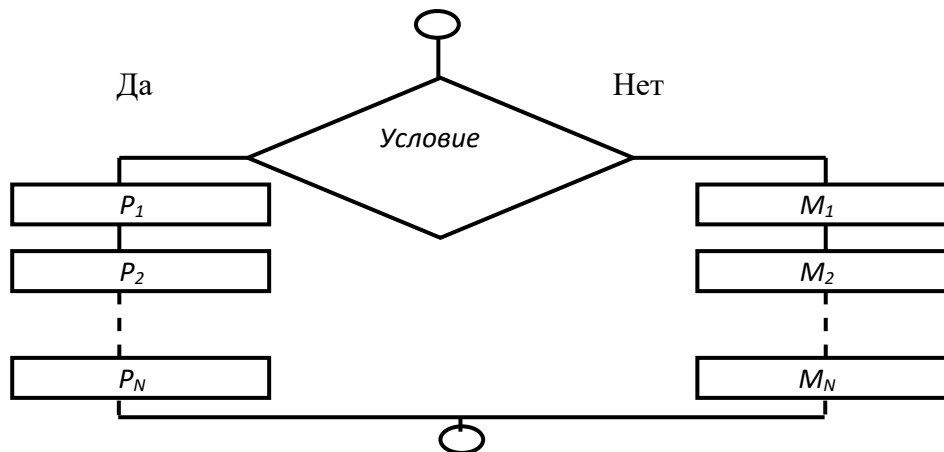


Рисунок 2.1 – Схема алгоритма конструкции условного оператора *If*

Возможна и другая синтаксическая форма – блочная (структурная):

```
If<логическое выражение> Then
     $P_1$ 
    ...
     $P_N$ 
Else
```


M_1
 ...
 M_N
End If

где *If*, *Then*, *Else*, *End If* – зарезервированные слова;
 P_1 , P_2 , P_N , M_1 , M_2 , M_N – операторы.

Задание

- 1 Запросить у пользователя ввод числа.
- 2 Сравнить введенное число с другим, заданным числом, например 20.
- 3 По результатам сравнения вывести соответствующее сообщение:

«25>20» или «15<20»,

где 25, 15 – введенные пользователем числа.

Контрольные вопросы

- 1 Можно ли вставлять инструкцию *Else* перед инструкцией *ElseIf* в блочном варианте оператора ветвления?
- 2 В каких случаях в программе используется полный условный оператор? Как он оформляется? Как он работает (что происходит при его выполнении)?
- 3 В каких случаях в программе используется неполный условный оператор? Как он оформляется?

3 Лабораторная работа № 3. Алгоритмический язык VBA. Разработка разветвленной программы с использованием вложенного оператора IF

Цель работы: изучить оператор многозначного ветвления *If*; разработать программу, реализующую выбор из нескольких альтернатив (более 2).

Методические указания

Схема алгоритма конструкции оператора многозначных ветвлений *If* представлена на рисунке 3.1.

Синтаксис оператора многозначных ветвлений *If* в блочной (структурной) форме следующий:

If<лог.выражение1>*Then*
 P_1
ElseIf<лог.выражение2>*Then*

P_2
Else
 P_3
End If

где *If*, *Then*, *Else*, *End If* – зарезервированные слова;

P_1, P_2, P_3 – операторы.

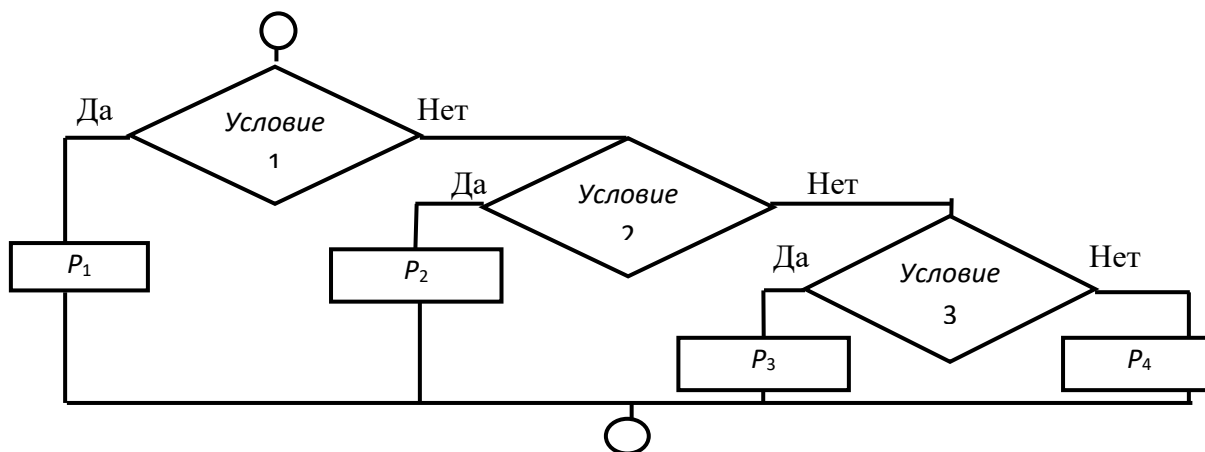


Рисунок 3.1 – Схема алгоритма конструкции оператора многозначных ветвлений *If*

Алгоритм работы такой конструкции:

– если логическое выражение **1** истинно, то выполняется оператор P_1 (или блок операторов), следующий за конструкцией *Then*, а остальные операторы пропускаются;

– если логическое выражение **1** ложно, то оператор P_1 пропускается и анализируется логическое выражение **2**, следующее за *ElseIf*. Если оно истинно, то выполняется оператор P_2 (или блок операторов), следующий за *Then*, а остальные операторы пропускаются;

– оператор P_3 (или блок операторов), следующий за последним *Else*, выполняется лишь в том случае, если ложны все логические выражения.

Далее представлены примеры использования условного оператора *if* и многозначного ветвления, позволяющего определить возможность поступления абитуриента в учреждения образования. На первом шаге происходит ввод пользователем балла, полученного на тестировании. На втором шаге, если полученный балл более 60, приложение выдает сообщение: «Вам можно поступать в ВУЗ». На третьем шаге, если полученный балл более 20, приложение выдает сообщение: «Вам можно поступать в СУЗ». На четвертом шаге, если полученный балл более 5, приложение выдает сообщение: «Вам можно поступать в ПТУ».

Subball()

DimballAsVariant

ball = InputBox(«Введите полученный Вами балл на тестировании»)

```

Ifball>=60 Then
MsgBox («Вам можно поступать в ВУЗ»)
ElseIfball>=20 Then
    MsgBox («Вам можно поступать в СУЗ»)
ElseIfball>=5 Then
    MsgBox («Вам можно поступать в ПТУ»)
EndIf

```

Задание

1 Запросить у пользователя ввод целого числа от 0 до 100 включительно – оценка по 100-балльной системе.

2 С применением оператора многозначных ветвлений *If* осуществить преобразование введенной оценки по 100-балльной системе в 5-балльную по шкале, предварительно созданной на листе Excel (таблица 3.1).

Таблица 3.1 – Преобразование оценок

Значение оценки по 100-балльной системе	Значение оценки по 5-балльной системе
От 0 до 20	Оценка 1
От 20 до 40	Оценка 2
От 40 до 60	Оценка 3
От 60 до 80	Оценка 4
От 80 до 100 включ.	Оценка 5
Меньше 0 или больше 100	Ошибка ввода данных

3 По результатам вывести сообщение с введенной оценкой по 100-балльной системе и полученной оценкой по 5-балльной системе либо сообщение об ошибке.

Контрольные вопросы

1 В каких случаях в программе используется вложенный условный оператор?

2 Сколько инструкций *Elseif* может быть в блочном варианте оператора ветвления?

3 Нарисуйте алгоритмическую схему выполнения вложенного условного оператора.

4 Лабораторная работа № 4. Алгоритмический язык VBA. Разработка разветвленной программы с использованием оператора выбора

Цель работы: ознакомиться с оператором выбора *SelectCase* и закрепить полученные знания на практике.

Методические указания

При наличии большого количества ветвлений конструкция многозначных ветвлений *If* становится тяжёлой для восприятия. В подобных случаях хорошей альтернативой оператору *If* служит оператор выбора *SelectCase*, который позволяет выбрать одно из нескольких возможных продолжений программы.

В то время как *If...Then...Else* для каждой инструкции *ElseIf* оценивает разные выражения, инструкция *SelectCase* оценивает выражение только один раз, в начале управляющей структуры. *SelectCase* выполняет одну из нескольких групп инструкций в зависимости от значения выражения. Синтаксис:

```
SelectCase<выражение>
[Case<списокВыражений-n>
[инструкции-n]] ...
[CaseElse
[инструкции_else]]
EndSelect
```

<выражение> – обязательный. Любое числовое выражение или строковое выражение.

<списокВыражений-n> – обязательный при наличии предложения *Case*. Список с разделителями, состоящий из одной или нескольких форм следующего вида:

<инструкции-n> – необязательный. Одна или несколько инструкций, выполняемых в том случае, если выражение совпадает с любым компонентом списка <списокВыражений-n>;

<инструкции_else>– необязательный. Одна или несколько инструкций, выполняемых в том случае, если выражение не совпадает ни с одним из предложений *Case*.

Синтаксис оператора *SelectCase* также может содержать следующие элементы:

- выражение *To* выражение;
- *Is* оператор сравнения выражение.

Ключевое слово *To* задает диапазон значений. При использовании ключевого слова *To* перед ним должно находиться меньшее значение. Ключевое слово *Is* с операторами сравнения (кроме *Is* и *Like*) задает диапазон значений. Если ключевое слово *Is* не указано, оно вставляется по умолчанию.

Если выражение совпадает с любым выражением из *списка Выражений* в предложении *Case*, выполняются все инструкции, следующие за данным предложением *Case* до следующего предложения *Case*, или, для последнего предложения, до инструкции *EndSelect*. Затем управление передается инструкции, следующей за *EndSelect*. Если выражение совпадает с выражениями из списка в нескольких предложениях *Case*, выполняется только первый подходящий набор инструкций.

Предложение *CaseElse* задает список *инструкции_else*, которые будут выполнены, если не обнаружено ни одно совпадение выражения и компонента *список Выражений* ни в одном из остальных предложений *Case*. Хотя данное предложение не является обязательным, рекомендуется помещать предложение *CaseElse* в блок *SelectCase*, чтобы предусмотреть неожиданные значения выражения. Если ни в одном предложении *Case список Выражений* не содержит компонента, отвечающего аргументу выражения, и отсутствует инструкция *CaseElse*, выполнение продолжается с инструкции, следующей за инструкцией *EndSelect*. Пример использования оператора *SelectCase* представлен в таблице 4.1.

Если значение переменной *vozrast* меньше или равно 7, отображается сообщение «Ты дошкольник»; если значение находится в диапазоне от 8 до 16 – сообщение «Ты учишься в школе»; если в диапазоне от 17 до 30 – сообщение «Тебе пора заняться делом»; если в диапазоне от 31 до 60 – сообщение «Кто не работает, тот не ест». Если значение возраста не равно ни одному из предложенных диапазонов значений, выводится сообщение «Заслуженный отдых».

Таблица 4.1 – Синтаксис и пример использования оператора *SelectCase*

Синтаксис оператора <i>Select Case</i>	Пример использования оператора <i>SelectCase</i>
<i>Select Case</i> Ключ Выбора	<i>Select Case</i> <i>vozrast</i>
<i>Case Is</i> выражение	<i>Case Is</i> <=7
оператор	<i>Msgbox</i> «Ты дошкольник»
<i>Case</i> диапазон значений	<i>Case</i> 8 to 16
оператор	<i>Msgbox</i> «Ты учишься в школе»
<i>Case</i> диапазон значений	<i>Case</i> 17 to 30
оператор	<i>Msgbox</i> «Тебе пора заняться делом»
<i>Case</i> диапазон значений	<i>Case</i> 31 to 60
оператор	<i>Msgbox</i> «Кто не работает, тот не ест»
<i>CaseElse</i>	<i>CaseElse</i>
оператор	<i>Msgbox</i> «Вы заслужили отдых»
<i>End Select</i>	<i>EndSelect</i>

Из представленного в таблице 4.1 примера видно, что код этой процедуры более прост для восприятия, чем многозначные ветвления *If*.

Задание

Выполнить задание предыдущей лабораторной работы с применением оператора выбора *SelectCase*.

Контрольные вопросы

- 1 В каких случаях в программе используется оператор выбора?
- 2 В чем преимущество оператора выбора варианта перед многовариантным оператором ветвления?
- 3 Когда применение оператора *Select Case* эффективнее оператора *If Then Else EndIf*?

5 Лабораторная работа № 5. Алгоритмический язык VBA. Разработка программы с использованием оператора выбора FOR. Ввод и вывод одномерного массива

Цель работы: изучить оператор цикла *For*.

Методические указания

Часто в программах необходимо реализовать определённые операторы несколько раз. В этих случаях организуют циклические вычисления. Алгоритм называется **циклическим**, если определенная последовательность шагов выполняется несколько раз в зависимости от заданных условий. Циклические алгоритмы могут быть осуществлены с применением следующих операторов цикла: *For ... Next*, *While ... Wend*, *Do ... Loop*, которые позволяют повторить группу операторов или один оператор заданное количество раз.

Общий вид алгоритма конструкции оператора цикла *For ... Next* представлен на рисунке 5.1.

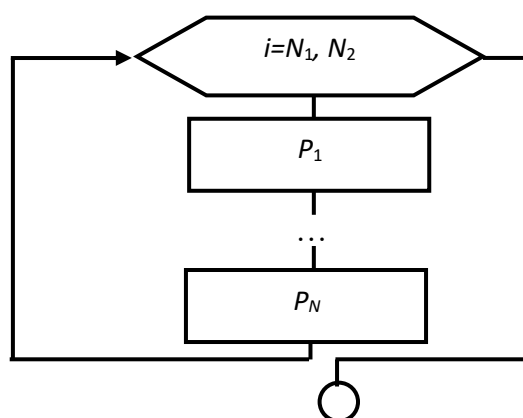


Рисунок 5.1 – Схема алгоритма конструкции оператора цикла *For ... Next*

Синтаксис конструкции оператора цикла *For ... Next* следующий:

```

For i = N1 To N2 [Step h]
  P1
  ...
  [Exit For]
  PN
Next i

```

} Телоцикла

For (для), **To** (до), **Step** (шаг), **Exit For** (выход из **For**), **Next** (следующий) – служебные слова **VBA**, а **P1**, **PN** – операторы. **Step** является необязательным параметром. Если он опущен в программе, то значение параметра **i** увеличивается на **1**. Параметр **Step** может быть любым действительным числом, как целым, так и дробным, как положительным, так и отрицательным. Оператор **Exit For** позволяет выйти из цикла **For ... Next** до его завершения. Тем самым программа сможет среагировать на определённое событие, не выполняя цикл заданное число раз.

Задание

- 1 Запросить у пользователя ввод целого числа больше 0.
- 2 Определить произведение последовательности чисел от 1 до n включительно (n! – «n факториал»).
- 3 Результат вычисления вывести в виде сообщения.

Пример сообщения: «Факториал 10! = 1 · 2 · 3 · 4 · 5 · 6 · 7 · 8 · 9 · 10 = 3 628 800».

Контрольные вопросы

- 1 Может ли тело оператора цикла с параметром не выполниться ни разу?
- 2 Как должен быть оформлен оператор цикла с параметром, чтобы тело цикла выполнялось при уменьшающихся значениях параметра цикла?
- 3 Чему равно количество повторений тела оператора цикла с параметром, если параметр цикла принимает:
 - а) все целые значения от 1 до 10;
 - б) все значения от 10 до 100 с шагом 7;
 - в) все значения от а до b с шагом **step**.
- 4 Можно ли в теле оператора цикла использовать условный оператор?
- 5 Какие вы знаете операторы для принудительного (преждевременного) выхода из оператора цикла?

6 Лабораторная работа № 6. Алгоритмический язык VBA. Разработка программы с вложенными циклами. Обработка многомерных массивов

Цель работы: изучить вложенные операторы цикла *For*.

Методические указания

Если телом цикла является циклическая структура, то такие циклы называются вложенными. Цикл, содержащий в себе другой цикл, – внешний, а цикл, содержащийся в теле другого цикла, – внутренний. Синтаксис конструкции вложенных операторов цикла *For ... Next* следующий:

$For\ i = N_1\ To\ N_2$	}	тело внешнего	цикла
$For\ j = M_1\ To\ M_2$			
P_1	}	тело внутреннего	цикла
...			
P_N			
$Next\ j$			
$Next\ i$			

Общий вид алгоритма конструкции вложенных операторов цикла *For ... Next* представлен на рисунке 6.1.

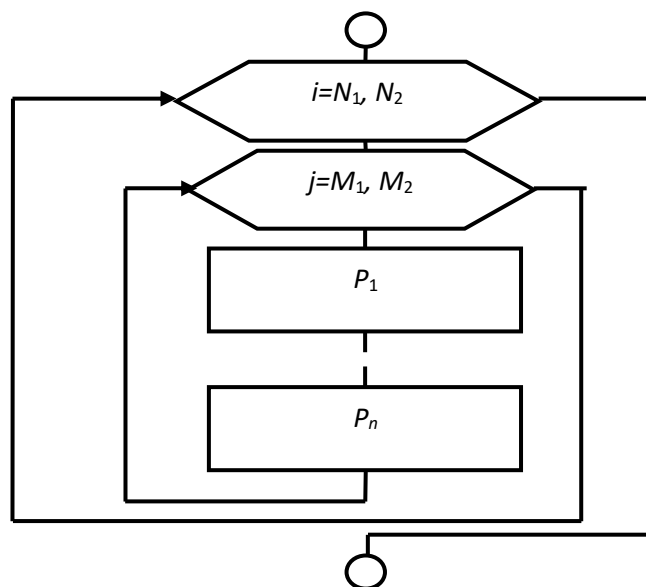


Рисунок 6.1 – Схема алгоритма конструкции вложенных операторов цикла *For ... Next*

При первом вхождении в цикл параметр внешнего цикла i принимает значение, равное N_1 , и управление передаётся во внутренний цикл, в котором параметр цикла j принимает значение, равное M_1 , и выполняется оператор (операторы), который записан во внутреннем цикле. Затем параметр внутрен-

него цикла j увеличивается на 1 , и вновь повторяется тело цикла.

Операторы P_1, P_N будут реализовываться до тех пор, пока параметр цикла j не станет больше величины M_2 . Затем параметр внешнего цикла i увеличивается на 1 , и вновь начинает свою работу внутренний цикл, в котором параметр цикла j будет изменяться от M_1 до M_2 , и при каждом прохождении цикла будут выполняться операторы P_1 и P_N . Внешний цикл закончит свою работу, когда параметр цикла i станет больше величины N_2 .

Задание

С помощью вложенных операторов цикла *For...Next* реализовать запись на рабочий лист *Excel* матрицы размерностью $n \times n$ (значение числа n запросить у пользователя), элементы которой должны являться произведением номера строки на номер колонки.

Контрольные вопросы

- 1 В каких случаях используются вложенные операторы цикла?
- 2 Как оформляются вложенные операторы цикла?
- 3 Нарисуйте алгоритмическую схему выполнения вложенных операторов цикла.
- 4 Вложенный цикл образован двумя операторами цикла с параметром. Что является телом?
- 5 Может ли внешний оператор вложенного цикла:
 - а) не выполниться ни разу;
 - б) выполняться бесконечное число раз (или до того момента, когда пользователь прервет его выполнение)?

7 Лабораторная работа № 7. Использование пакета MathCad для решения математических задач. Вычисление функций и построение графиков в MathCad

Цель работы: ознакомиться со структурой математического процессора MathCad; освоить ввод данных вычисления математических выражений.

Методические указания

Система MathCad – одна из самых мощных и эффективных систем математического направления, которая ориентирована на широкий круг пользователей и позволяет выполнять математические расчеты как в численном, так и в символьном виде. Причем описание решения задач задается с помощью привычных математических формул и знаков.

Документ системы MathCad строится из областей, которые делятся на вычислительные, графические, текстовые.

В вычислительных областях можно задавать данные, выражения, операторы и управляющие структуры. Все данные системы можно разделить на простые и структурированные. Простые данные представлены константами и переменными. Структурированные данные представлены дискретными переменными, массивами и файлами.

Константы – элементы данных, хранящие некоторые значения, которые не могут быть изменены

Переменные – поименованные объекты, имеющие некоторые значения, которые могут изменяться в процессе выполнения документа.

Имена переменных в системе MathCad могут содержать любые латинские и греческие буквы, а также цифры, они должны начинаться только с буквы. Строчные и прописные буквы в именах различаются. Имена должны быть уникальными, т. е. они не должны совпадать с именами встроенных или определенных пользователем функций. Примеры имен переменных:

A f k21 sum γ ϕ 5

Выражение – это совокупность данных, функций и математических объектов, связанных знаками операций. Выражения могут содержать скобки.

Операции, используемые в выражениях, можно разделить на арифметические и логические. Арифметические операции представлены в палитре арифметических операторов. Логические операции и операции отношения представлены в палитре логических операторов.

К базовым операторам системы относятся:

:= – оператор локального присваивания;

\equiv – оператор глобального присваивания;

= – оператор вычисления и вывода.

Оператор локального присваивания (:=) распространяет свое действие на область документа, расположенную в строке и ниже места присваивания. Этот оператор выполняется так: данному, стоящему в левой части оператора присваивается вычисленное значение выражения, стоящего в правой части оператора.

Оператор глобального присваивания (\equiv) не зависит от места присвоения и распространяет свое действие на весь документ. Этот оператор выполняется точно так же, как и оператор локального присваивания.

Оператор вычисления и вывода (=) выводит вычисленное значение выражения, стоящего в его левой части, на экран.

Функция – выражение, согласно которому проводятся некоторые вычисления с ее аргументами и определяется числовое значение. Функция имеет имя и может иметь список параметров. Различают стандартные и пользовательские функции.

Общий вид описания функции следующий:

ИМЯ (СФП):=выражение,

где *ИМЯ* – имя функции;

СФП – список формальных параметров функции.

При обращении к функции формальные параметры заменяются на фактические, т.е. на выражения, имеющие числовые значения. Например,

$$z(m, n) := m^2 + n^2 \text{ – описание функции,}$$

$$z(2, 3) = 13 \text{ – обращение к функции.}$$

MathCad позволяет обрабатывать различные виды графической информации. Возможности системы по работе с графикой таковы:

- построение двумерных графиков в декартовой и полярной системах координат;
- построение трехмерных поверхностных графиков;
- внесение рисунков, созданных другими компьютерными системами;
- создание анимационных клипов.

Для построения графиков используется палитра графиков. Перечень возможных типов графиков приведен в основном меню *Insert – Graph*.

При построении двумерных графиков после нажатия соответствующей кнопки на панели графических инструментов появляется шаблон (рисунок 7.1).

В шаблоне графика по вертикали задаются через запятую функции, а по горизонтали – аргументы. Крайние шаблоны данных служат для указания предельных значений абсцисс и ординат, т. е. они задают масштабы графика. Если оставить эти шаблоны незаполненными, то масштабы по осям графика будут устанавливаться автоматически.

В полярной системе координат каждая точка задается углом α , радиусом и длиной радиус-вектора $R(\alpha)$. График функции обычно строится при изменении угла α в пределах от 0 до 2π .

После построения график может быть отформатирован по следующим направлениям: форматирование осей графика; форматирование линий графика; форматирование надписей на графике.

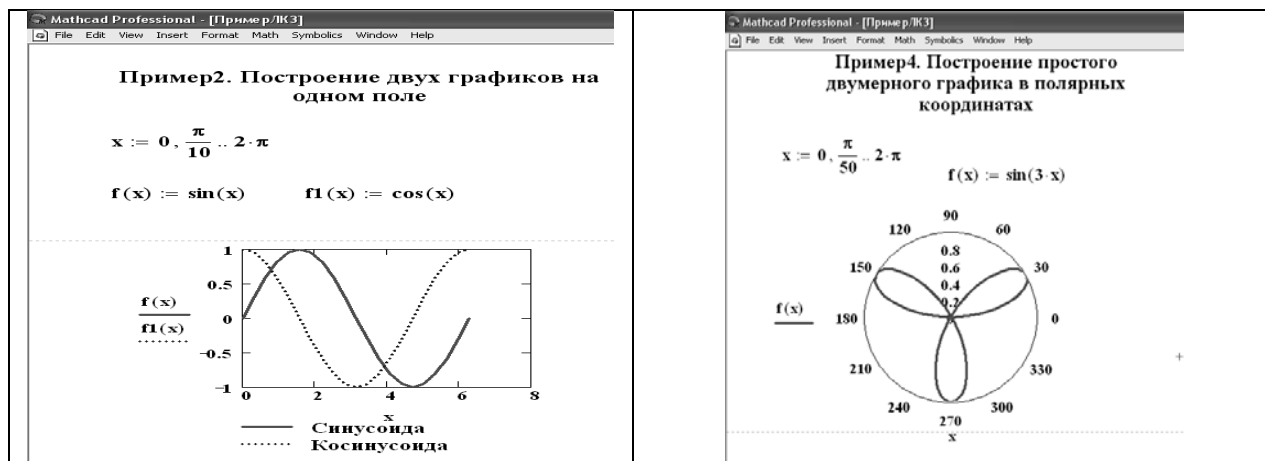


Рисунок 7.1 – Примеры

Порядок выполнения работы

1 Построить графики функций (рисунок 7.2).

В декартовых координатах:

В полярных координатах:

1. x^2 $x^2 + 2$ $(x+2)^2$	5. $12x - 4 + 3$ $ 12x - 4 + 3$ $ 12x - 4 + 3 $	1. Кардиоида $d(n) := 4(1 - \cos(n))$	5. Спираль «жезл» $k(n) := \frac{8}{\sqrt{n}}$ (R=16)
2. \sqrt{x} $\sqrt{x} - 1$ $\sqrt{x-1}$	6. $\ln x$ $\ln x + 1$ $\ln(x+1)$	2. Декартов лист $s(a) := \frac{9 \cdot \sin(a) \cdot \cos(a)}{\sin(a)^3 + \cos(a)^3}$	6. Розы $st(a) := 5 \sin(8a)$ (R=8)
3. $\cos x$ $\cos x + 3$ $\cos(x+3)$	7. $e^x + 1$ e^x e^{x+1}	3. Розы $st(a) := 5 \sin(5a)$ (R=8)	7. Розы $h(t) := 2 \sin\left(\frac{t}{3}\right)$
4. $\sin x$ $\sin x + 3$ $\sin(x+3)$	8. $\log_5 x$ $\log_5 x + 3$ $\log_5(x+3)$	4. Спираль Архимеда $h(t) := 7t$	8. Розы $st(a) := 5 \sin(3a)$ (R=8)

Рисунок 7.2 – Варианты задания

Контрольные вопросы

- 1 На какие типы задач ориентирована система Mathcad?
- 2 Какие указатели присутствуют в окне системы Mathcad?
- 3 Чем отличаются команды :=, =, ≐?
- 4 Как классифицируются функции MathCad?
- 5 Какой формат имеют пользовательские функции?
- 6 Как создается массив дискретных переменных аргумента функции?
- 7 Какую графическую информацию обрабатывает MathCad?
- 8 Как можно разместить на одном графике несколько функций?

8 Лабораторная работа № 8. Использование пакета MathCad для решения математических задач. Решение алгебраических уравнений в MathCad

Цель работы: ознакомиться с методами решения алгебраических уравнений в MathCad.

Методические указания

Для алгебраических уравнений вида $f(x) = 0$ решение в MathCad находится с помощью функции *root*.

Общий вид функции следующий:

$$\text{root}(f(x), x),$$

где $f(x)$ – функция, описывающая левую часть выражения вида $f(x) = 0$;
 x – имя переменной, относительно которой решается уравнение.

Функция *root* реализует алгоритм поиска корня численным методом и требует предварительного задания начального приближения искомой переменной x . Поиск корня будет производиться вблизи этого числа. Таким образом, присвоение начального значения требует предварительной информации о примерной локализации корня.

Если после многих итераций MathCad не находит подходящего приближения, то появится сообщение «отсутствует сходимость».

Эта ошибка может быть вызвана следующими причинами:

- уравнение не имеет корней;
- корни уравнения расположены далеко от начального приближения;
- выражение $f(x)$ имеет разрывы между начальным приближением и корнем;
- выражение имеет комплексный корень, но начальное приближение было вещественным и наоборот.

В зависимости от типа задачи функция *root* может включать либо два, либо четыре аргумента и, соответственно, использует разные алгоритмы поиска корней:

$$\text{root}(f(x), x);$$

$$\text{root}(f(x), x, a, b),$$

где $f(x)$ – скалярная функция, определяющая уравнение $f(x) = 0$;

x – имя скалярной переменной, относительно которой решается уравнение;
 a, b – границы интервала, внутри которого происходит поиск корня.

Первый тип функции *root* требует дополнительного задания начального значения переменной x (примерная локализация корня, поиск корня будет

производиться вблизи этого числа).

Для задания начального значения или интервала удобно предварительно построить график функции. Чем точнее выбрано начальное приближение корня, тем быстрее будет *root* сходиться.

Пример – Найти корень уравнения $\sin(2x) + \cos(2x) = \sqrt{x} \sin(3x)$ при заданном начальном значении $x \approx 5$. Выполнить графическую интерпретацию результата (рисунок 8.1).

Реализация в MathCad:

– привести уравнение к виду $f(x) = 0$, если это необходимо, например, уравнение $\sin(2x) + \cos(2x) = \sqrt{x} \sin(3x)$ преобразуется в $\sin(2x) + \cos(2x) - \sqrt{x} \sin(3x) = 0$;

– установить курсор в свободное место рабочего окна документа MathCad;

– определить функцию, содержащуюся в левой части уравнения вида $f(x) = 0$, например, $f(x) = \sin(2x) + \cos(2x) - \sqrt{x} \sin(3x)$;

– построить график функции $f(x)$;

– установить оси графика в виде креста;

– задать начальное приближение искомой переменной x ;

– подставляя в качестве параметров функции *root* имя функции левой части уравнения и переменную, содержащую начальное приближение, вывести значение корня уравнения при заданном начальном приближении с помощью оператора « \Rightarrow »;

– задать аргумент функции $f(x)$ в виде дискретной переменной, при этом диапазон изменения аргумента должен включать найденный корень уравнения.

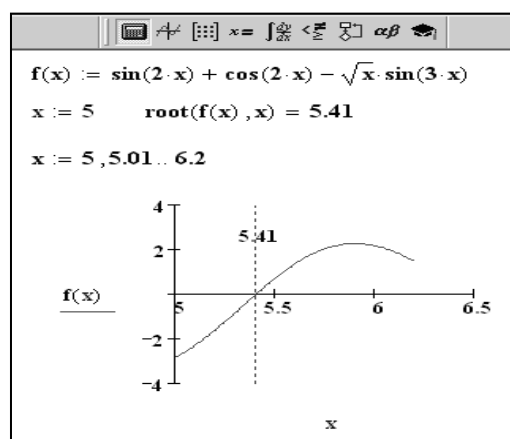


Рисунок 8.1 – Пример

Порядок выполнения работы

1 Ознакомиться с методом решения алгебраических уравнений с помощью функции *root* и выполнить разобранный выше пример.

2 С помощью функции *root* решить следующие уравнения:

$$\cos(x) - x - 0.2 = 0;$$

$$x^3 - 10 \cdot x + 2 = 0;$$

$$4 \cdot x^4 - 10 \cdot x^3 + 2 \cdot x = 0.$$

Контрольные вопросы

- 1 Какие функции имеются в пакете MathCad для решения уравнений?
- 2 Какие алгоритмы поиска корней уравнений реализует функция *root*?
- 3 С какой целью желательно предварительно построить график функции?
- 4 По каким причинам может появиться сообщение «отсутствует сходимость»?

Список литературы

- 1 **Голицына, О. Л.** Информационные системы : учебное пособие / О. Л. Голицына, Н. В. Максимов, И. И. Попов. – 2-е изд. – Москва: ФОРУМ; ИНФРА-М, 2022. – 448 с.
- 2 **Гагарина, Л. Г.** Введение в архитектуру программного обеспечения: учебное пособие / Л. Г. Гагарина, А. Р. Федоров, П. А. Федоров. – Москва: ФОРУМ; ИНФРА-М, 2023. – 320 с.