

УДК 629.114.2:62-219.5

МЕТОД ИССЛЕДОВАНИЯ ДИНАМИКИ РАЗГОНА  
КОЛЕСНОГО ТРАКТОРА

И. С. САЗОНОВ, В. А. КИМ, \*КИ-ЙОНГ ЧОЙ, П. А. АМЕЛЬЧЕНКО,  
А. Г. СТАСИЛЕВИЧ

Государственное учреждение высшего профессионального образования  
«БЕЛОРУССКО-РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

\*Государственное научное учреждение  
«ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ МАШИНОСТРОЕНИЯ НАН Беларуси»  
Могилев, Минск Беларусь

В работе изложены методы составления математических моделей динамики разгона колесного трактора 4x2 и 4x4 с крюковой нагрузкой, основанных на использовании регуляторных характеристиках двигателя, массо-геометрических параметрах, упруго-диссипативных характеристик шин и подвесок проектируемых колесных тракторов. При разработке математических моделей использованы методы аналитической механики, позволяющие решение прямых и обратных задач динамики – определение кинематических параметров и сил в контакте колес колесного трактора с опорной поверхностью с различными значениями их коэффициентов. Полученные результаты являются некоторым уточнением известных методов исследования тяговой динамики колесных тракторов [1]. С известными допущениями расчетная модель трактора и его обобщенные координаты представлены на рис. 1.

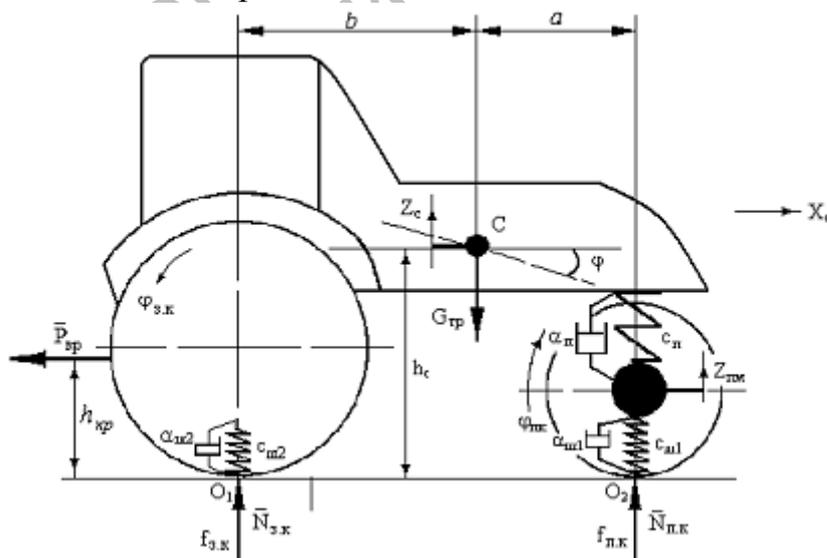


Рис. 1. Расчетная схема трактора

Дифференциальные уравнения движения в общем виде можно представить в форме уравнения Лагранжа первого рода [2–3].

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial T}{\partial \dot{q}_i} \right) - \frac{\partial T}{\partial q_i} = - \frac{\partial \Pi}{\partial q_i} - \frac{\partial \Phi}{\partial \dot{q}_i} + \lambda_i \frac{\partial f_j}{\partial \dot{q}_i} + Q_{q_i}, \quad (1)$$

где  $T$  – кинетическая энергия системы;  $\Pi$  – потенциальная энергия системы;  $\Phi$  – диссипативная энергия системы;  $q_i$  – обобщенные координаты масс системы;  $\dot{q}_i$  – обобщенные скорости масс системы;  $f_j$  – уравнение кинематических связей колес с опорной поверхностью;  $\lambda_i$  – неопределенные множители Лагранжа;  $Q_{q_i}$  – обобщенные силы.

Соответствующие предельные моменты, которые можно приложить к ведущим колесам:

$$\begin{cases} M_{\kappa 1} = N_1 \cdot \phi_{cy1} \cdot r_{\partial 1}; \\ M_{\kappa 2} = N_2 \cdot \phi_{cy2} \cdot r_{\partial 2}. \end{cases} \quad (2)$$

Величину потери скорости в зависимости от массо-геометрических параметров трактора, коэффициентов сцеплений его колес с опорной поверхностью, крюковой нагрузки, номинального момента двигателя можно представить в виде:

$$\Delta V = \left\{ \left[ \left( M_{mp} \cdot a \cdot g + P_{кр} \cdot h_{кр} \right) \cdot \frac{1}{(a+b)} + c_{уз} \cdot (f_z - b \cdot \phi - z_c) \right] \cdot \phi_{cy2} - P_f \right\} \cdot \frac{1}{M_{mp}} \cdot t - \left[ \frac{M_n}{2 \cdot \Delta \omega} \cdot (\omega_{xx} - \omega) \cdot i_{mp} - \left( M_{mp} \cdot a \cdot g + P_{кр} \cdot h_{кр} \right) \cdot \frac{1}{(a+b)} \cdot r_{\partial 3} \cdot \phi_{cy2} - P_f \cdot r_{\partial 3} \right] \cdot \frac{1}{J_{з.к}} \cdot t \cdot r_{\partial 3},$$

где  $M_{mp}$  – масса трактора.

В процессе моделирования в каждый момент времени определяется коэффициент сцепления с целью возможности максимальной его реализации, который находится по формуле

$$\phi_{сц} \leq \frac{J_{з.к} \cdot \ddot{\phi}_z}{N_2 \cdot r_{дз}}.$$

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. **Лурье, А. И.** Аналитическая механика / А. И. Лурье. – М. : Физматгиз, 1961. – 824 с.
2. Динамика колесных машин: монография / И. С. Сазонов [ и др. ], под общ. ред. И. С. Сазонова. – Могилев : Беларус.-Рос. ун-т, 2006. – 462 с.
3. **Неймарк, Ю. Н.** Динамика неголономных систем / Ю. Н. Неймарк, Н. А. Фуфаев. – М. : Наука, 1967. – 520 с.