

Рис. 2. Основные параметры центробежной форсунки

в работе [4] сообщается, что для хорошего качества распыливания это значение должно находиться в пределах $2 \le k \le 4$, а зависимость $k = f(D/d_c)$ приближённо может быть представлена прямой, соответствующей формуле № 7.

Решив это уравнение относительно D/d_c , получим формулу № 8 и вполне удовлетворительного качества распыливание топлива при k = 3, т. е. при $D/d_c = 3,38$. Но в общем случае рекомендуемые значения $2,3 \le D/d_c \le 6$.

Геометрические параметры центробежной форсунки (рис. 2) её разработчики выбирали по рекомендациям, изложенным в той же работе [4], предварительно вычислив величину отношения $G/P_{\rm BX}$, которую принято считать удельной производительностью форсунки. (В рассматриваемом случае $G/P_{\rm BX} = 6,65$.) По результатам расчётов и рекомендациям этой работы [4] были получены следующие параметры форсунки: D = 3,25 мм; $d_c = 0,67$; $L_{\rm K} = 3,0$ мм; $l_{\rm BX} = 4,7$ мм; $f_{\rm BX} = 4,7$ мм²; $L_c = 0,3$; $\theta = 120^\circ$; $\delta = 60^\circ$; $\mu = 0,304$; $\alpha = 80^\circ$. Число *n* входных отверстий — 4, что и было реализовано в металле.

Рассмотренная выше методика расчёта геометрических параметров центробежных форсунок позволяет, таким образом, определить их основные параметры, использовав в качестве исходных параметров цикловую подачу топлива и требования к качеству распыливания топлива, в частности, средний диаметр капель. Что весьма удобно с практической точки зрения.

Литература

- Гришпан А.З., Романов С.А., Свиридов Ю.Б. Расчёт образования смеси в топливном факеле при дизельном впрыске на ЭВМ "Минск-32" / А.З. Гришпан, С.А. Романов, Ю.Б. Свиридов // Труды ЦНИТА. — 1975. — Вып. 67. — С. 53—67.
- Кутовой В.А. Впрыск топлива в дизелях: монография / Кутовой В.А. Москва: Машиностроение, 1981. 119 с.
- Патент РФ № 2006658 С1, МПК F02M61/10. Распылитель форсунки / Кухарев М.Н., Журавец И.Б., Бурдыкин В.Д., Грибанов А.В. (Россия). — № 4935051/06, заявлено 05.05.1991; опубл. 30.01.1994. Бюл. № 2. — 5 с.
- Патент РФ № 2451205, МПК F 02М 61/10, В 05В/34. Распылитель форсунки для дизеля / Бурдыкин В.Д. (Россия). № 2010110173/06; заявлено 17.03.2010; опубл. 20.05.02012, Бюл. № 32. — 4 с.
- Блох А.Г., Кичкина Е.С. Распыливание жидкого топлива механическими форсунками центробежного типа / Вопросы аэродинамики в котельно-топочных процессах. — Москва, 1959. — Гл. 6. — С. 48—56.
- Хавкин Ю.И. Центробежные форсунки / Ю.И. Хавкин. Ленинград: Машиностроение, 1976. — 168 с.

УДК 629.3

МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПЕРЕКЛЮЧЕНИЯ ПЕРЕДАЧ С ПЕРЕКРЫТИЕМ ХАРАКТЕРИСТИК УПРАВЛЕНИЯ

Д-р техн. наук В.П. ТАРАСИК

Белорусско-Российский университет (375.222.25-36-45)

Предлагается математическая модель трансмиссии, предназначенная для исследования процесса переключения передач с перекрытием характеристик управления.

Ключевые слова: гидромеханическая передача, фрикцион, управление фрикционами, время регулирования, перекрытие характеристик переключения передач, баланс энергии.

Tarasik V.P.

MATHEMATICAL MODELING OF GEAR SHIFT WITH OVERLAPPING CONTROL CHARACTERISTICS

A mathematical model of the transmission designed for research the gear shift with overlap control characteristics is considered.

Keywords: hydromechanical transmission, friction clutch, clutch control, regulation time, overlap of gear shift characteristics, energy balance.

Автоматические трансмиссии позволяют существенно улучшить реализацию потенциальных тяговоскоростных свойств автомобиля, управления его движением, повысить безопасность этого движения [1]. Поэтому получают всё большее распространение. При этом наиболее часто их выполняют на основе гидромеханической передачи, состоящей из гидродинамического трансформатора и многоступенчатой коробки передач, передачи в которой переключаются посредством многодисковых фрикционов с гидроприводом управления.

Такова, так сказать общая картина. Но на ней есть "пятна", главное из которых — необходимость научного поиска решений и разработки предъявляемых к этим трансмиссиям требований. Например, такого важнейшего, по мнению автора, как обеспечение непрерывного подвода энергии двигателя к ведущим колёсам автомобиля в моменты переключения передач. Важнейшего уже потому, что в эти моменты автомобиль теряет скорость своего движения, а водитель и пассажиры попадают в дискомфортные условия (автомобиль "дёргается"). Поэтому специалисты считают: поток энергии через механизмы коробки передач должен быть непрерывным, т.е. цепь её передачи должна быть постоянно замкнутой.

Это не очень сложно и сводится к выбору характеристик управления включаемым и выключаемым фрикционами, участвующими в переключении передачи, и соответствующим согласованием этих характеристик во времени (такое управление называют переключением передач с перекрытием). Для современных автоматических трансмиссий, имеющих мехатронные системы управления,

получить любые желаемые характеристики переключения передач не проблема [2 и др.]. Но это на первый взгляд. Опыт испытаний карьерных самосвалов БелАЗ, оснащённых мехатронными системами автоматического управления, показал: при переключении передач с перекрытием в цепи передачи энергии возникают замкнутые контуры, в которых происходит её циркуляция, приводящая к существенному возрастанию нагрузок в трансмиссии. Со всеми вытекающими отсюда последствиями для её надёжности. В связи с чем возникает вопрос: возможно ли решение этой проблемы?

Чтобы ответить на него, рассмотрим конкретный пример — ГМП карьерного самосвала БелАЗ-7555Е грузоподъёмностью 60 т, конструкция коробки передач которой представлена на рис. 1. Основные элементы этой коробки: входной (18), промежуточный (23) и выходной (27) валы, вал 13 реверса и шесть фрикционов. При этом фрикцион 11 первой передачи и фрикцион 9 передачи реверса расположены на валу 13 реверса, на валу 18 — фрикционы второй (7) и третьей (20) передач, а на промежуточном валу 23 — фрикционы понижающего (5) и повышающего (22) диапазонов.

Такая конструктивная схема называется диапазонной и выполнена по кинематической схеме с тремя степенями свободы. В её состав входит базовая трёхступенчатая коробка передач и встроенная в общий корпус двухступенчатая диапазонная коробка, позволяющие получить шесть передач переднего хода и две передачи реверса. Причём для получения любой из них должны быть замкнуты одновременно два фрикциона — один из фрикционов базовой коробки передач и фрикцион соответствующего диапазона. Переключение же передачи внутри диапазона осуществляется сменой одной пары фрикционов, а при переходе на другой диапазон - сменой двух пар фрикционов. Например, для перехода со второй на третью передачу необходимо выключить фрикцион 7 второй передачи, а вместо него замкнуть фрикцион 20 третьей передачи. Фрикционы же 5 и 22 диапазонов в этом процессе участия не принимают: первый из



Рис. 1. Коробка передач карьерного самосвала БелАЗ-7555Е:

1 — картер коробки передач; 2, 4 — шестерни понижающего диапазона; 3 — ведомая шестерня второй передачи и реверса; 5 — фрикцион понижающего диапазона; 6, 26 — шестерни повышающего диапазона; 7 — фрикцион второй передачи; 8 — ведущая шестерня второй передачи; 9 — фрикцион реверса; 10 — ведущая шестерня реверса; 11 — фрикцион первой передачи; 12, 25 — ведущая и паразитная шестерни первой передачи; 13 — вал реверса; 14 — корпус шестерён привода вала реверса; 15 и 19 — шестерён привода вала реверса; 16 и 17 — ротор и статор гидродинамического тормоза-замедлителя; 18 — входной вал; 20 — фрикцион третьей передачи; 21, 24 — шестерен перенач; 22 — фрикцион повышающего диапазона; 23 — промежуточный вал; 27 — выходной вал

них (5) остается в замкнутом состояний, а второй (22) — в разомкнутом. Для переключения с третьей на четвёртую передачу нужно сменить одновременно два фрикциона: вместо фрикциона 20 третьей передачи включается фрикцион 11 первой передачи, а вместо фрикциона 5 понижающего диапазона — фрикцион 22 повышающего диапазона.

Рассмотрим процесс переключения с перекрытием, переход со второй передачи на третью.

Для осуществления такого процесса сжатие фрикционных дисков фрикциона 20 третьей передачи начинается с некоторым опережением по отношению к моменту выключения фрикциона 7 второй передачи. В результате образуется замкнутый контур циркуляции энергии, в который входят следующие элементы коробки передач: включаемый фрикцион 20 третьей передачи (находится в режиме буксования) — зубчатые колёса 21 и 24 третьей передачи участок промежуточного вала 23 между ведомыми шестернями 24 и 3 третьей и второй передач — зубчатые колёса 3 и 8 второй передачи —

Автомобильная промышленность, 2016, № 7

11



Рис. 2. Динамическая модель системы "двигатель — трансмиссия — ведущие колеса — дорога"

фрикцион 7 второй передачи (замкнут или начинает пробуксовывать) участок входного вала 18 между фрикционами 7 и 20 соответственно второй и третьей передач. Чтобы определить величину циркулирующей в таком замкнутом контуре энергии в процессе переключения передачи, а значит, и нагрузки на механизмы, входящие в него, очевидно, необходимо иметь соответствующую динамическую модель коробки передач, позволяющую учесть отмеченные выше особенности процесса и физические свойства объекта моделирования. Однако анализ самых различных [1, 3 и др.] литературных источников показал, что рассматриваемые в них линамические модели с линейной цепью передачи энергии для решения проблемы трансмиссии самосвала БелАЗ-7555Е неприемлемы. Поэтому для неё разработана динамическая модель (рис. 2), позволяющая исследовать процессы переключения передач с перекрытием характеристик управления фрикционами. В этой модели приняты следующие обозначения параметров элементов: J_i , $i = \overline{1, 14}$ — моменты инерции вращающихся сосредоточенных масс, отображающих инерционные свойства двигателя, трансмиссии, ведущих и ведомых колёс и поступательно движущейся массы самосвала; $c_i, \mu_i, j = \overline{1, 9}$ — коэффициенты жёсткости и демпфирования механизмов трансмиссии и ведущих колёс, отображающие их упругие и диссипативные свойства; $u_k, k = \overline{1,3}$ — передаточные числа соответствующих ступеней коробки передач; $u_{\rm H}$, $u_{\rm B}$, u_0 , $u_{\rm K}$ — передаточные числа понижающего и повышающего диапазонов этой коробки, главной и колёсной передач; Ф_{глт} —

фрикцион блокировки ГДТ; Ф", n = 1, 3 — фрикционы включения первой, второй и третьей передач коробки передач; $\Phi_{_{\rm H}}, \Phi_{_{\rm B}} - \phi$ рикционы понижающего и повышающего её диапазонов; Ф_{с.к} – фрикцион, отображающий сцепление ведущих колёс с опорной поверхностью; $M_{\rm B1}$ — вращающий момент двигателя; M_{в2} — момент, отображающий сопротивление качению ведомых колёс; M_{в3} — момент, отображающий суммарное сопротивление движению самосвала; M_{μ}, M_{τ} моменты насосного и турбинного колёс ГДТ. Составлялась она на основе закона сохранения кинетической и потенциальной энергии системы. В итоге получилось, что в этой модели для исследования переключений между первой, второй и третьей передачами можно выделить три замкнутых контура. Например, при переключении со второй передачи на третью замкнутый контур образуют упругие элементы с параметрами жёсткости с3 и с4, фрикционы второй и третьей передач Ф₂ и Ф₃, зубчатые передачи с передаточными числами этих передач и₂ и и₃. Очевидны и элементы, образующие замкнутые контуры при переключениях со второй на третью, с третьей на четвёртую и при обратных их переключениях с первой на вторую и с третьей на четвёртую передачу, т.е. с высших на низшие. Кроме того, для моделирования процессов переключения диапазонов был выделен замкнутый контур, в который входят упругие элементы с параметрами с5 и с6, фрикционы включения низшего и высшего диапазонов (Φ_{μ} и Φ_{μ}), зубчатые передачи с передаточными числами этих диапазонов $u_{\rm H}$ и $u_{\rm B}$.

На следующем этапе работы была построена математическая модель трансмиссии. При этом автор применил структурно-матричный метод и получил модель, которая включает два типа уравнений — топологические и компонентные, первые из которых описывают структуру динамической модели, взаимодействие её элементов и учитывают воздействия внешней среды, а вторые - физические свойства упругих и диссипативных элементов. В итоге топологических уравнений получилось 14 (табл. 1), а компонентных — восемнадцать, девять из которых описывают упругие элементы, а ещё девять аналогичных - диссипативные, только в них вместо с, необходимо подставить µ_i.

Обе группы дифференциальных уравнений сводятся в единую систему. Результатом их интегрирования являются функции $\omega_i = f(t)$ угловых скоростей сосредоточенных масс и функции $M_{yj} = f(t)$ моментов в упругих элементах системы, где t — текущее время (аргумент).

Входящие в эту систему дискретные функции определяются следующим образом.

Функцию L_n состояния n-го фрикциона даёт формула № 3, функция P_n размыкания n-го фрикциона — формула № 4, в которой если масса расположена на входе фрикциона, принимается знак "минус", а если на выходе, - знак "плюс", момент M_{фn} трения фрикциона, в свою очередь, определяется по формуле № 5. При этом входящий в неё коэффициент µ_ф трения определяется по формуле № 6. На рис. 3 представлены исследованные возможные варианты характеристики управления фрикционами рассматриваемой ГМП, т.е. графики изменения во времени t давления р рабочей жидкости, подаваемой в гидроцилиндры фрикциона. Их, как видим, здесь четыре варианта. При первом и втором из них переключение осуществлялось с нулевым перекрытием характеристик управления фрикционами Ф₂ и Ф₃ второй и третьей передач, а в третьем и четвёртом — с положительным перекрытием. На время переключения передачи гидротрансформатор разблокировали, выключая фрикцион блокировки Ф_{глт}. Причём в

Таблица 1

№ формулы	Формула	Примечания
1	$\begin{split} \frac{d\omega_{1}}{dt} &= \frac{(M_{\rm B1} - M_{\rm y,\Pi})}{J_{1}};\\ \frac{d\omega_{2}}{dt} &= \frac{\left[\begin{matrix} M_{\rm y,\Pi} - M_{\rm H} - M_{\rm \phi,IT} {\rm sign}(\omega_{2} - \omega_{3})(1 - L_{\rm IT}) - \\ -(M_{\rm y,\Pi2} + M_{\rm y,\Pi3} + M_{\rm y,\Pi4})L_{\rm TT}P_{\rm TT} \end{matrix}\right];\\ \frac{d\omega_{3}}{dt} &= \frac{\left[\begin{matrix} M_{\rm T} + M_{\rm \phi,IT} {\rm sign}(\omega_{2} - \omega_{3})(1 - L_{\rm TT}) + \\ + M_{\rm y,\Pi1}L_{\rm TT}P_{\rm TT} - M_{\rm y,\Pi2} - M_{\rm y,\Pi3} - M_{\rm y,\Pi4} \end{matrix}\right];\\ (J_{2}L_{\rm IT} + J_{3});\\ \frac{d\omega_{4}}{dt} &= \frac{\left[\begin{matrix} M_{\rm y,\Pi2}u_{R}\eta_{R} - \begin{bmatrix} M_{\rm \varphi 1} {\rm sign}(\omega_{4} - \omega_{7}u_{1})(1 - L_{1}) + \\ + \frac{(M_{\rm y,\Pi5} + M_{\rm y,\Pi6})L_{1}R_{1}}{u_{1}\eta_{1}} \end{matrix}\right]D_{1}\right];\\ \left(J_{4} + \frac{J_{7}L_{1}D_{1}}{u_{1}^{2}}\right); \end{split}$	$M_{y,nj} = M_{yj} + M_{nj}; L_n, P_n, D_n - дискретные функ-пии: L_n - функция состояния n-го фрикциона(при L_n = 0 фрикцион буксует; при L_n = 1 - зам-кнут); P_n - функция размыкания замкнутогофрикциона при недостаточном моменте трения;D_n - функция управления фрикционами (приD_n = 1 механизм управления n-м фрикциономвключен, его гидроцилиндр находится под давле-нием рабочей жидкости p_{\phi n}; при D_n = 0 этот гид-роцилиндр соединён со сливом), она формируетсяв соответствии с заданными характеристиками ав-томатического переключения передач, которыезависят от положения педали акселератора, ско-рости и ускорения АТС$
	$\frac{d\omega_{5}}{dt} = \frac{\left\{ M_{y,\pi3} - \begin{bmatrix} M_{\psi2} \text{sign}(\omega_{5} - \omega_{7}u_{2})(1 - L_{2}) + \\ + \frac{(M_{y,\pi5} + M_{y,\pi6})L_{2}R_{2}}{u_{2}\eta_{2}} \end{bmatrix} D_{2} \right\}}{\left(J_{5} + \frac{J_{7}L_{2}D_{2}}{u_{2}^{2}} \right)};$	
	$\frac{d\omega_{6}}{dt} = \frac{\left\{ M_{y,\pi4} - \begin{bmatrix} M_{\phi3} \text{sign}(\omega_{6} - \omega_{7}u_{3})(1 - L_{3}) + \\ + \frac{(M_{y,\pi5} + M_{y,\pi6})L_{3}R_{3}}{u_{3}\eta_{3}} \end{bmatrix} D_{3} \right\}}{\left(J_{6} + \frac{J_{7}L_{3}D_{3}}{u_{3}^{2}} \right)};$	
× se	$\begin{cases} M_{\oplus 1} \operatorname{sign}(\omega_4 - \omega_7 u_1)(1 - L_1) + \\ + M_{y,n2} u_R \eta_R u_1 \eta_1 L_1 R_1 \end{bmatrix} D_1 + \\ + \begin{bmatrix} M_{\oplus 2} \operatorname{sign}(\omega_5 - \omega_7 u_2)(1 - L_2) + \\ + M_{y,n3} u_2 \eta_2 L_2 R_2 \end{bmatrix} D_2 + \end{cases}$	
a	$\frac{d\omega_7}{dt} = \frac{\left[+ \left[\frac{M_{\phi 3} \operatorname{sign}(\omega_6 - \omega_7 u_3)(1 - L_3) +}{+ M_{y,\pi 4} u_3 \eta_3 L_3 R_3} \right] D_3 - M_{y,\pi 5} - M_{y,\pi 6} \right]}{(J_7 + J_4 u_1^2 L_1 D_1 + J_5 u_2^2 L_2 D_2 + J_6 u_3^2 L_3 D_3)};$	
ч. 	$\frac{d\omega_8}{dt} = \frac{\left\{ \frac{M_{y,R5} - \left[\frac{M_{qR} \sigma_{gR} \sigma_{gR} \sigma_{gR} \sigma_{gR} \sigma_{gR} \sigma_{R} \sigma_{$	
	$\frac{d\omega_{9}}{dt} = \frac{\left\{ M_{y,\pi6} - \begin{bmatrix} M_{\phi_{B}} \text{sign}(\omega_{9} - \omega_{10}u_{B})(1 - L_{B}) + \\ + \frac{M_{y,\pi7}L_{B}R_{B}}{u_{B}\eta_{B}} \end{bmatrix} D_{B} \right\}}{\left(J_{9} + \frac{J_{10}L_{B}D_{B}}{u_{B}^{2}} \right)};$	
	$\frac{d\omega_{10}}{dt} = \frac{\begin{cases} \left[M_{\phi_{\rm H}} \text{sign}(\omega_8 - \omega_{10}u_{\rm H})(1 - L_{\rm H}) + \right] D_1 + \\ + M_{\rm y,25}u_{\rm H}\eta_{\rm H}L_{\rm H}R_{\rm H} \\ + \left[M_{\phi_{\rm B}} \text{sign}(\omega_9 - \omega_{10}u_{\rm B})(1 - L_{\rm B}) + \right] D_{\rm B} - M_{\rm y,27} \\ + M_{\rm y,26}u_{\rm B}\eta_{\rm B}L_{\rm B}R_{\rm B} \\ \end{cases} \right]}{(1 - L_{\rm B})^2 L_{\rm B} C_{\rm B$	

Окончание табл. 1

№ формулы	Формула	Примечания
	$\begin{aligned} \frac{d\omega_{11}}{dt} &= \frac{\left[\frac{M_{y,\pi7} - M_{y,\pi8}}{u_0\eta_0}\right]}{J_{11}}; \frac{d\omega_{12}}{dt} &= \frac{(M_{y,\pi8}u_{\kappa}\eta_{\kappa} - M_{y,\pi9} - M_{\pi2})}{J_{12}}; \\ \frac{d\omega_{13}}{dt} &= \frac{\left[M_{y,\pi9} - M_{\phi\kappa}\mathrm{sign}(\omega_{13} - \omega_{14})(1 - L_{\kappa}) - M_{\pi3}L_{\kappa}P_{\kappa}\right]}{(J_{13} + J_{14}L_{\kappa})}; \\ \frac{d\omega_{14}}{dt} &= \frac{\left[M_{\phi\kappa}\mathrm{sign}(\omega_{13} - \omega_{14})(1 - L_{\kappa}) + M_{y,\pi9}L_{\kappa}P_{\kappa} - M_{\pi3}\right]}{(J_{14} + J_{13}L_{\kappa})} \end{aligned}$	
2	$\frac{dM_{y1}}{dt} = c_1(\omega_1 - \omega_2); \ \frac{dM_{y2}}{dt} = c_2(\omega_3 - \omega_4 u_R); \ \frac{dM_{y3}}{dt} = c_3(\omega_3 - \omega_5);$ $\frac{dM_{y4}}{dt} = c_4(\omega_2 - \omega_2); \ \frac{dM_{y5}}{dt} = c_5(\omega_2 - \omega_5); \ \frac{dM_{y6}}{dt} = c_5(\omega_2 - \omega_5);$	
-	$\frac{dt}{dt} = c_4(\omega_3 - \omega_6), \frac{dt}{dt} = c_5(\omega_7 - \omega_8), \frac{dt}{dt} = c_6(\omega_7 - \omega_9), \\ \frac{dM_{y7}}{dt} = c_7(\omega_{10} - \omega_{11}); \frac{dM_{y8}}{dt} = c_8\left(\frac{\omega_{11}}{u_0} - \omega_{12}u_\kappa\right); \frac{dM_{y9}}{dt} = c_7(\omega_{12} - \omega_{13})$	
3	$L_{n} = \begin{vmatrix} 1 & \text{при} & \omega_{\text{вдш}n} - \omega_{\text{вдм}n} \leq \Delta \omega; \\ 0 & \text{при} & \omega_{\text{вдш}n} - \omega_{\text{вдм}n} > \Delta \omega \end{vmatrix}$	$\omega_{\rm вдши}, \omega_{\rm вдмn}$ — угловые скорости соответственно ведущего и ведомого фрикционных элементов фрикциона; $\Delta \omega$ — допустимая разность между ни- ми ($\Delta \omega$ = 0,0010,01 рад/с; после замыкания фрикциона принять ($\Delta \omega$ = 0)
4	$P_n = 0.5 \lfloor 1 + \operatorname{sign}(M_{\oplus n} - M_{y,\pi k} \pm J_i \varepsilon_j) \rfloor$	$M_{\phi n}$ — момент трения <i>n</i> -го фрикциона; $M_{y, xk}$ — суммарный момент <i>k</i> -х упругого и диссипативно- го элементов, примыкающих к <i>i</i> -й массе на входе или выходе фрикциона; J_i — момент инерции <i>i</i> -й массы; ε_i — её угловое ускорение; если J_i на входе фрикциона, знак "минус", иначе — знак "плюс"
5	$M_{\rm dp} = \mu_{\rm dp} F_{\rm cw} r_{\rm dp} z$	μ_{Φ} — коэффициент трения буксующего фрикци- она (после замыкания принять $\mu_{\Phi} = 0,12$); F_{cm} — усилие сжатия фрикционных дисков; r_{Φ} — сред- ний радиус трения фрикционных дисков; z — чис- ло пар трения фрикциона
6	$\mu_{\Phi} = \mu_{\min} + (\mu_{\max} - \mu_{\min}) \exp(-k_e r_{\Phi} [\omega_{\text{BHM}} - \omega_{\text{BHM}}])$	$\mu_{\max} = 0,1, \mu_{\min} = 0,06, k_e = 0,265 - коэффициент экспоненты$
7	$W_{\rm T} = \int_{0}^{t_{\rm f}} M_{\rm T} \omega_{\rm T} dt$	$W_{\rm T}$ — энергия, генерируемая на валу турбины ГДТ за время $t_{\rm G};~M_{\rm T}$ — момент турбины ГДТ
8	$\Delta E_{\kappa i} = \frac{J_i}{2} \left(\omega_{\mathrm{H}i}^2 - \omega_{\kappa i}^2 \right)$	ω _{ні} , ω _{кі} — начальная и конечная угловые скорости вращения <i>i</i> -й массы
9	$W_{yj} = \int_{0}^{t_{6}} M_{yj} \omega_{j} dt$	M_{yj} — момент на <i>j</i> -м упругом элементе; ω_i — угловая скорость <i>i</i> -й массы, непосредственно связанной с <i>э</i> тим упругим элементом
10	$W_{\pm k} = \int_{0}^{t_{6}} M_{\pm k} \omega_{\pm k} dt$	$M_{\phi k}$ — момент трения фрикциона; $\omega_{\phi k}$ — угловая скорость относительного скольжения фрикционных дисков <i>k</i> -го фрикциона
11	$W_{\rm not} = -(W_{\rm p3} + W_{\rm p2} + \Sigma \Delta E_{\rm \kappa}^- + W_{\rm \mu})$	$\Sigma \Delta E_{\rm K}^-$ — сумма изменений кинетической энергии всех масс коробки передач за время $t_6; W_{\mu}$ — работа диссипативных элементов
12	$\eta_{\rm K.II.cp} = W_{\rm y5}/\Sigma W_{\rm IIOJB} $	$\Sigma W_{\text{подв}}$ — суммарное количество энергии, подво- димой к КП за время t_6
13	$\Sigma W_{\text{подв}} = W_{\text{T}} + \Sigma \Delta E_{\kappa}^{-}$	



Рис. 3. Характеристики управления фрикционами ГМП

первом и третьем вариантах фрикцион $\Phi_{\text{гдт}}$ выключался в момент подачи сигнала на включение фрикциона Ф2, во втором и четвёртом вариантах — с опережением на 0,2 с. В гидроцилиндре выключаемого фрикциона Ф2 давление предварительно, за 0,4 с до включения фрикциона Ф₃, снижалось ступенчато до величины $p_{\phi 2} = 0,5$ МПа, а затем в первом и втором вариантах резко уменьшалось до нуля, что соответствовало условию переключения с нулевым перекрытием. В третьем и четвёртом вариантах на интервале времени нарастания давления $p_{\rm d3}$ в гидроцилиндре фрикциона Ф3 осуществлялось постепенное плавное снижение давления $p_{\phi 2}$ в гидроцилиндре фрикциона Φ_2^{*-} (штрихпунктирная линия на рис. 3), что позволяло имитировать переключение с положительным перекрытием характеристик управления фрикционами (время этого перекрытия составляло 0,4 с). Была также предусмотрена возможность процесса регулирования времени t_p, изменяя давление р в гидроцилиндре включаемого фрикциона на интервале времени $t_{\rm p} = 0.9$ с, что позволяло плавно включить фрикцион при любых дорожных условиях и уровнях нагрузки самосвала. Но чтобы исключать буксование фрикциона Ф₃, давление в момент его замыкания сразу же поднималось до номинального $p_{\text{ном}}$.

Обеспеченные перечисленными выше мерами графики изменения во времени удельной мощности $P_{\phi 3}$ и удельной работы $W_{\phi 3}$ фрикциона Φ_3 приведены на рис. 4, *a*, прира-

щения поверхностной ($\Delta T_{\Pi, \Phi 3}$) и объёмной ($\Delta T_{\text{об.} d3}$) температур фрикционных дисков при переключении с нулевым перекрытием — на рис. 4, в, а изменения характеристик тех же процессов при переключении с перекрытием — на рис. 4, б и 4, г соответственно. Как из них видно, в последнем случае значения $P_{\phi 3}, W_{\phi 3},$ $\Delta T_{\text{п.}\phi3}, \Delta T_{\text{об.}\phi3}$ оказались существенно выше, чем в первом. Кроме того, произошло буксование выключаемого фрикциона Ф2, что отображается графиком его удельной мощности $P_{\phi 2}$. Но $P_{\phi 2}$ получилось значительно меньшим $P_{\phi 3}$, что объясняется небольшим временем буксования фрикциона Ф2, обусловленным слишком большой разницей в значениях статического и динамического коэффициентов трения используемого фрикционного материала: их значения различаются практически в 2 раза.

Таким образом, можно сделать вывод: теплонапряжённость работы фрикционов при их переключении с перекрытием существенно выше, чем без перекрытия.

Для определения температуры нагрева фрикционных дисков за время буксования фрикционов использовалась математическая модель теплопередачи. Интегрирование системы дифференциальных уравнений этой модели и формул № 1 и 2 осуществлялось совместно.

Для оценки влияния характеристик управления на нагрузки механизмов трансмиссии рассмотрим графики изменения вращающих моментов, приведённые на рис. 5. На этих графиках упругие элементы с параметрами c_2 , c_3 , c_4 , c_5 , c_6 отображают физические свойства валов коробки передач, а упругий элемент c_7 — карданного вала.

При переключении передачи с нулевым перекрытием (см. рис. 5, a и e) фрикцион Φ_2 выключается практически одновременно с началом буксования фрикциона Φ_2 включаемой передачи, поэтому энергия в коробку передач в основном поступает



Рис. 4. Графики показателей теплонапряжённости работы фрикционов коробки передач при включении передач с нулевым (а, в) и положительным (б, г) перекрытиями



Рис. 5. Графики динамических нагрузок на валах трансмиссии при переключении передач с нулевым (а, в) и положительным (б, г) перекрытиями



Рис. 6. Графики изменения ускорения а и скорости v_a автомобиля в процессе переключения передач с нулевым (a, б) и положительным (в, г) перекрытиями

через упругий элемент c_4 и далее передаётся к упругому элементу c_5 , и замкнутый контур циркуляции энергии не образуется. Небольшие колебания момента M_{y3} после выключения фрикциона Φ_2 обусловлены колебаниями массы J_5 и выделяемой ею накопленной кинетической энергией.

При переключении передачи с перекрытием (см. рис. 5, δ и г) буксование фрикциона Φ_3 начинается и происходит в течение некоторого времени при замкнутом состоянии фрикциона Φ_2 . Вследствие этого образуется замкнутый контур циркуляции энергии, в который вовлекаются упругие элементы c_3 , c_4 , фрикционы Φ_2 , Φ_3 и зубчатые передачи с передаточными числами u_2 и u_3 второй и третьей передач. В результате в упругом элементе c_3 возникает отрицательный момент M_{y3} , в результате существенно возрастает момент M_{y4} в упругом элементе c_4 и, как следствие, увеличиваются моменты в упругих элементах M_{y5} и M_{y7} , т.е. на промежуточном и выходном валах коробки передач и на карданном валу, что хорошо видно из рис. 5, г. Но минимальные их значения, наоборот, меньше, чем в вариантах переключения с нулевым перекрытием, что приводит к замедлению самосвала и потере скорости его движения.

На рис. 6, *а* и *б* показаны графики изменения во времени ускорения, а на рис. 6, *в* и *г* — скорости движения самосвала в процессе переключения передачи. Из них видно, что характеристики управления фрикционами существенно влияют на параметры движения самосвала при переключении с перекрытием: возрастает максимальное значение ускорения a_{max} и амплитуда его колебания $\Delta a = a_{\text{max}} - a_{\text{min}}$, увеличивается потеря скорости за время переключения, ухудшается плавность движения и комфортность машины.

В табл. 2 приведены значения исследуемых параметров, которые представляют собой показатели качества процесса переключения передач. При этом оценка соотношения показателей дана не только в абсолютных цифрах, но и в процентах (за 100 % приняты значения показателей, полученные в первом варианте, соответствующем переключению с нулевым перекрытием и совмещением момента времени выключения фрикциона $\Phi_{rдT}$ блокировки ГДТ с моментом включения фрикциона Φ_3).

Из этой таблицы следует, что перекрытие передач, действительно, существенно увеличивает нагрузки в трансмиссии и теплонапряжённость работы фрикциона, ухудшает плавность хода самосвала, характеризуемую амплитудами изменения ускорения и джерка (скорости изменения ускорения). То есть рекомендуемое многими специалистами переключение передач с перекрытием не оправдывает возлагаемых на него надежд. Однако уменьшить все эти вредные последствия всё-таки можно. Как показывают исследования автора, наилучшие значения показателей качества процесса переключения достигаются при нулевом пе-

рекрытии с синхронным разблокированием ГДТ.

Чтобы убедиться в правильности этого вывода, проанализируем баланс потока энергии, передаваемой механизмами коробки передач за время t_6 буксования включаемого фрикциона Φ_3 .

К коробке передач подводится энергия $W_{\rm r}$, генерируемая на валу турбины ГДТ за время t_6 , а также часть $\Delta E_{\kappa 3}$ накопленной массой J_3 кинетической энергии, выделяемой в связи со снижением угловой скорости ω_т. Значения энергии W_т, очевидно, даёт формула № 7, изменения ∆E_{кі} кинетической энергии *і*-й массы коробки передач за время t_6 формула № 8, энергии W_у, передаваемой валами коробки через ј-й упругий элемент (вал коробки передач) за время *t*₆, — формула № 9, а энергию W_{фk} буксования k-го фрикциона — формула № 10.



Рис. 7. Диаграмма баланса энергии в коробке передач при переключении со второй на третью передачу с нулевым (a) и положительным (б) перекрытиями

Диаграмма баланса энергии при переключении со второй на третью передачу, осуществляемом с нулевым перекрытием передач (первый вариант характеристик управления), приведён на рис. 7, *a*, а при положительном перекрытии (третий вариант) — на рис. 7, *б*. На них приняты следующие обозначения составляющих баланса энергии: $\Sigma \Delta E_{\rm k}^+$ — сум-

T -	0
1 OD THUR	
гаолица	-

Параметр	Вариант управления фрикционами без перекрытия		Вариант управления фрикционами с перекрытием		
	первый	второй	третий	четвертый	
Время буксования фрикциона $\Phi_3, c~(\%)$	0,263 (100)	0,327 (125)	0,408 (155)	0,421 (161)	
Удельная работа буксования, кДж/м ² (%): фрикциона Ф ₃	58,9 (100)	81,3 (138)	148,3 (252)	158,9 (270)	
	0	0	3,2	3,0	
Удельная мощность буксова- ния, кВт/м ² (%):	204.0 (100)	200.0 (101)	511.1 (100)	520 4 (174)	
фрикциона Φ_3	304,8 (100)	308,9 (101)	511,1 (168)	530,4 (174)	
фрикциона Ф ₂	0	0	65,9	47,1	
Температура фрикционных дисков, град. (%)	7,6 (100)	10,0 (133)	17,5 (232)	18,8 (249)	
Максимальный вращающий момент, Н · м (%):		(4		- 	
на турбине ГДТ	3104 (100)	3342 (108)	3696 (119)	3669 (118)	
на входном валу КП	3557 (100)	3974 (112)	4490 (126)	4569 (129)	
в замкнутом контуре КП	-119 (100)	-475 (399)	-1610 (1359)	-1248 (1053)	
на карданном валу	8969 (100)	7479 (83)	10670 (119)	10540 (118)	
Ускорение самосвала, м/с ² : максимальное минимальное	1,08 (100) -0,20 (100)	0,79 (73) -0,39 (195)	1,41 (131) -0,68 (340)	1,39 (129) -0,39 (195)	
Скорость изменение ускоре- ния (джерк) самосвала, м/с ³ : максимальный	11,73 (100)	8,60 (73)	20,70 (176)	20,94 (179)	
минимальный	-9,88 (100)	-6,30 (64)	-13,90 (141)	-13,56 (137)	
Снижение скорости самосвала за время переключения переда- чи, %	0,35	1,43	3,42	3,73	

Автомобильная промышленность, 2016, № 7

марная кинетическая энергия, выделенная массами J₃, J4, J₅, J₆ за время t_б в связи со снижением их угловых скоростей; $\Sigma \Delta E_{\kappa}$ — энергия, затраченная на увеличение кинетической энергии массы Ј7 в связи с её разгоном; W_{v3} — количество энергии, передаваемой через упругий элемент c_3 за время t_6 в связи с циркуляцией энергии в замкнутом контуре (знак "минус" в обозначении этой энергии означает, что она передаётся через замкнутый фрикцион Φ_2 к упругому элементу c_3 и далее к упругому элементу c_4); W_{v4} количество энергии, передаваемой через упругий элемент c_4 ; W_{y5} — количество энергии, поступающей через упругий элемент с, к фрикциону Ф_н понижающего диапазона.

Значения составляющих компонентов потока энергии, полученные для исследуемых вариантов управления фрикционами при переключении со второй на третью передачу, приведены в табл. 3. Из неё, а также рис. 7 видно, что при третьем варианте управления фрикционами в связи с циркуляцией энергии в замкнутом контуре через упругий элемент c₄ передаётся 175,2 кДж энергии, в то время как при первом варианте — только 95,7 кДж, т.е. в 1,83 раза меньше. Это увеличивает, по сравнению с первым вариантом, максимальное значение вращающего момента на данном упругом элементе в 1,26 раза (см. табл. 2). За тот же период времени t₆ через упругий элемент c₃ передаётся 59,8 кДж энергии. Это её количество и представляет собой энергию циркуляции, создающую перегрузку участка входного вала коробки передач, расположенного между фрикционами Φ_2 и Φ_3 (см. рис. 1).

Таблица 3

Составляющая баланса энергии, кДж	Вариант управле- ния фрикционами без перекрытия		Вариант управления фрикционами с перекрытием	
	первый	второй	третий	четвертый
Энергия гидротрансформатора $W_{_{\mathrm{T}}}$	95,6	118,8	104,3	108,1
Изменение кинетической энергии масс:			1	
$\Sigma \Delta E_{\kappa}^{+}$	9,8	11,5	10,4	10,0
$\Sigma \Delta E_{\kappa}^{-}$	-4,7	-3,1	-5,8	-5,6
Работа буксования фрикционов: W_{ϕ^3} W_{*2}	-17,2 0	-23,8	-43,3 -1,5	-46,5 -0,9
Работа диссипативных элементов W_{μ}	-5,4	-6,3	-5,6	-5,3
Энергия в контуре циркуляции: W_{y3} W_{y4}	0 95,7	0 128,2	-59,8 175,2	-66,0 181,2
Энергия на выходе КП W _{у5}	-84,6	-102,6	-66,0	-63,5
КПД η _{к.п.ср}	0,803	0,787	0,576	0,538

Суммарные затраты (потери) $W_{\text{пот}}$ энергии в коробке передач можно подсчитать по формуле № 11. Они в рассматриваемом случае (ГМП самосвала БелАЗ-7555Е) при переключении передач без перекрытия (первый вариант) составляют 27,3 кДж, а при переключении с перекрытием — 56,2 кДж, т.е. возрастают в 2,06 раза. При этом работа буксования $W_{\text{ф3}}$ фрикциона Φ_3 увеличивается в 2,52 раза.

Среднее значение КПД коробки передач η за время буксования t_{6} фрикциона Φ_{3} можно вычислить по формуле № 12 (полученные по ней его значения для всех четы-

рёх вариантов приведены в той же табл. 3).

Рассмотренная выше математическая модель описания физических свойств гидромеханической трансмиссии самосвала, как видим, позволяет выявлять наличие замкнутых контуров циркуляции энергии при переключении передач, а значит, исследовать нагрузки элементов этих контуров, их влияние на нагрузки во всех других элементах трансмиссии, теплонапряжённость фрикционов и характеристики движения автомобиля в интервале времени переключения передачи. В частности, в нашем конкретном случае удалось легко установить, что при переключении передачи с перекрытием характеристик управления фрикционами в коробке передач самосвала БелАЗ-7555Е возникает замкнутый контур циркуляции энергии. При этом величина передаваемой энергии в одном из упругих элементов контура, соединяющих между собой включаемый и выключаемый фрикшионы, значительно превышает то её количество, которое подводится к коробке передач от двигателя и гидротрансформатора на интервале времени t₆. Что, естественно, значительно увеличивает моменты на всех валах трансмиссии и работу буксования фрикциона включаемой передачи, а также амплитуду изменения ускорения автомобиля и величину падения его скорости, ухудшает его комфортность. Оптимальные же значения показателей качества процесса переключения передачи достигаются только при нулевом перекрытии характеристик управления фрикционами включаемой и выключаемой передач при одновременном синхронном разблокировании ГДТ.

Литература

- Альгин В.Б. Расчёт мобильной техники. Кинематика, динамика, ресурс / В.Б. Альгин. — Минск: Беларуская навука, 2014. — 271 с.
- Гируцкий О.И. Электронные системы управления агрегатами автомобиля / О.И. Гируцкий, Ю.К. Есеновский-Лашков, Д.Г. Поляк. — М.: Транспорт, 2000. — 213 с.
- Нарбут А.Н. Гидромеханические передачи автомобилей / А.Н. Нарбут. — М.: Гринлайт, 2010. — 192 с.